

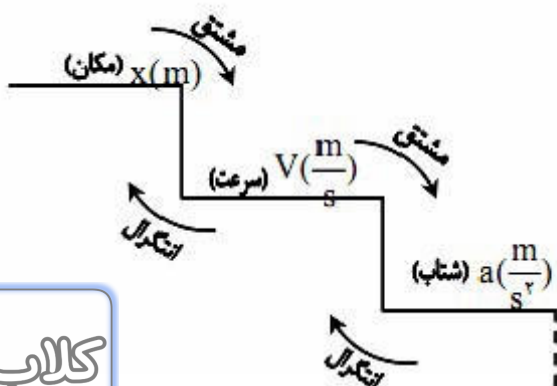
همایش ۱۰۰ سوال احتمالی ، دوازدهم

بهدار کامران / مولف کتاب فصل آزمون خیلی سبز / طراح سوالات فیزیک آزمون قلم چی

نام کمیت	تندی متوسط	سرعت متوسط	شتاب متوسط
رابطه	$S_{av} = \frac{L}{\Delta t}$	$V_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{d}{\Delta t}$	$a_{av} = \frac{\Delta V}{\Delta t}$
توضیحات	کمیت نرده ای ایست	کمیتی برداری است	کمیتی برداری است اگر سرعت جسمی تغییر کند (چه اندازه سرعت و چه جهت حرکت) میگوییم شتاب دارد

○ آموزش مشتق گیری : (توان را ضرب کن ، یعنی ارزش کم کن)

$$(\rightarrow 120 \rightarrow 120t \rightarrow 6t^2 \rightarrow 2t^3 \rightarrow 5t^4)$$



$$x = 3t^3 - t^2 - 4t + 8$$

$$V = 9t^2 - 2t - 4$$

$$a = 18t - 2$$

مثال ۶) مشابه خارج تجربی ۹۸؛ معادله حرکت متحرکی که بر روی محور x ها حرکت می کند در SI به صورت $x = t^2 - 10t + 16$ می باشد

(۱) سرعت متوسط در سه ثانیه اول حرکت و جهت بردار سرعت متوسط در این بازه

(۲) شتاب متوسط در ثانیه سوم حرکت و جهت بردار شتاب متوسط در این بازه

(۳) تنیدی متحرک را در لحظه ای که سرعت متوسط پس از شروع حرکت صفر می شود چه قدر خواهد بود؟

(۱) سه ثانیه اول یعنی از لحظه $t = 0$ تا $t = 3s$

سرعت متوسط در این بازه متغی شده است بنابراین بردار آن خلاف جهت محور می باشد $V_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_3 - x_0}{3 - 0} = \frac{-5 - 16}{3} = \frac{-21}{3} = -7m/s$

(۲) ثانیه سوم یعنی از لحظه $t = 2s$ تا $t = 3s$ $a_{av} = \frac{\Delta V}{\Delta t} = \frac{V_3 - V_2}{3 - 2} = \frac{V - \frac{dx}{dt} = 2t - 10}{1} = \frac{-4 - (-6)}{1} = 2m/s^2$

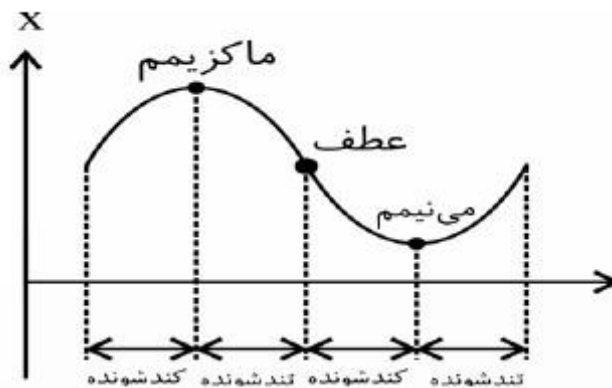
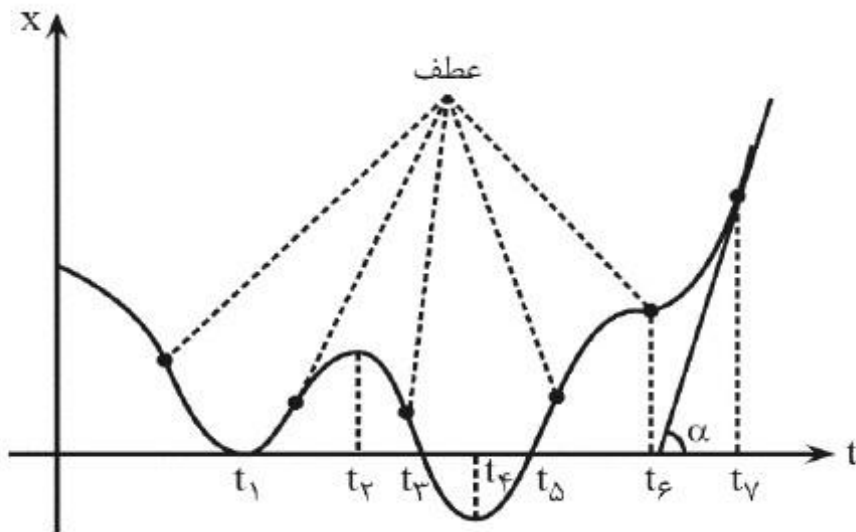
(۳) اول برو لحظه ای مورد نظر را پیدا کن . وقتی سرعت متوسط صفر می شود که جابه جایی متحرک صفر شود

و وقتی جابه جایی متحرک صفر می شود که مکان متحرک با مکان اولیه اش برابر گردد (یعنی متحرک در مبدا حرکت قرار گیرد)

$$\bar{V} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \rightarrow \Delta x = 0 \rightarrow x - x_0 = 0 \rightarrow x = x_0 \rightarrow t^2 - 10t + 16 = 16 \rightarrow t^2 - 10t = 0 \rightarrow t(t - 10) = 0 \rightarrow t = 0, t = 10$$

$$\rightarrow V = 2t - 10 \rightarrow V_{10} = 2(10) - 10 = 10m/s$$

آموزش کامل صفر تا ۱۰۰ نمودار مکان



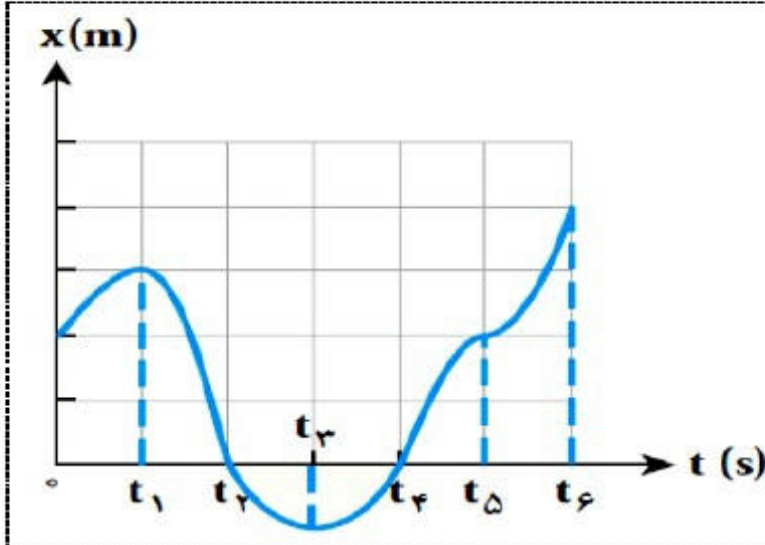
نکته: لحظاتی که شیب نمودار مکان صفر می شود، سرعت متحرک نیز صفر شده و متحرک متوقف شده است

و در لحظاتی که شیب نمودار مکان صفر می شود و بعد و قبل از صفر شدن علامتش عوض می شود متحرک تغییر جهت داده است

مثال ۱۰) تمرین منزل؛ با توجه به نمودار مکان - زمان شکل روبرو، به پرسش های زیر پاسخ دهید.

۱) متحرک چند بار از مبدأ مکان و چند بار از مبدأ حرکت عبور می کند؟

۲) متحرک چند بار متوقف شده است؟ چند بار تغییر جهت داده است؟



۱) در دو لحظه t_4 و t_5 متحرک از مبدأ مکان عبور می کند

و در دو لحظه، یکبار بین دو لحظه t_1 و t_2 و یکبار هم در لحظه t_4 از

نقطه ی شروع حرکت (یعنی از مبدأ حرکت) عبور میکند

۲) توقف سه بار، تغییر جهت دو بار؛

شیب نمودار مکان (یعنی سرعت) در سه لحظه صفر می شود بنابراین متحرک در سه

لحظه t_1 و t_3 و t_5 متوقف می شود

برای تغییر جهت علاوه بر صفر شدن سرعت، باید علامت سرعت قبل و بعد از آن باید

تغییر کند در این سوال در دو لحظه t_1 و t_3 متحرک تغییر جهت میدهد

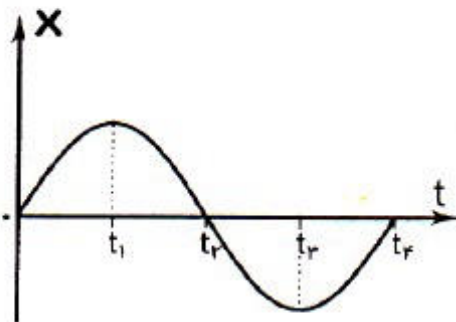
دقت کنید در لحظه t_5 متحرک متوقف می شود ولی تغییر جهت نمی دهد

مثال ۱۱) سراسری ریاضی ۸۴ و ۸۶ و ۸۷ و تمرین صفحه ۱۱ کتاب درسی:

نمودار مکان زمان متحرکی که از مبدأ شروع به حرکت می کند مطابق رو به راست

در کدام بازه زمانی متحرک حرکتش تند شونده و در خلاف جهت محور X می باشد؟

۱) صفر تا t_1 ۲) t_1 تا t_2 ۳) t_2 تا t_3 ۴) t_3 تا t_4



وقتی میگه تند شونده: یعنی در سهمی از قله یا دره در نمودار مکان زمان دور شو / وقتی میگه حرکت خلاف جهت محور: یعنی علامت سرعت

(که اینجا شیب میشه) منفی باشه بازه ی زمانی که هر دو شرط را دارا می باشد گزینه ۲ می باشد

مثال ۱۵) نمودار مکان - زمان متحرکی که بر روی مسیر مستقیم در حال حرکت است

به صورت شکل زیر است اندازه ی سرعت متوسط متحرک در بازه ی زمانی

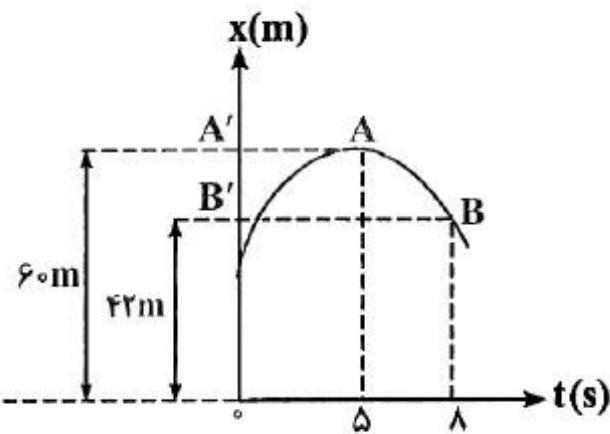
$t_1 = 5s$ تا $t_2 = 8s$ ، چند متر بر ثانیه و در کدام جهت است؟

۱) ۶ و در راستای $A'B'$ و از A' به طرف B'

۲) ۶ و در راستای AB و از A به طرف B

۳) ۱۲ و در راستای AB و از A به طرف B

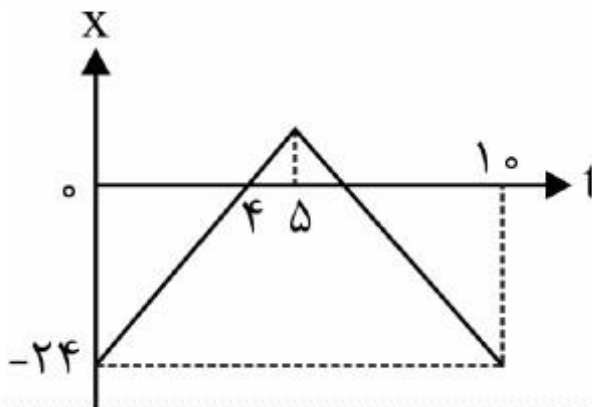
۴) ۱۲ و در راستای $A'B'$ و از B' به طرف A'



$$V_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_8 - x_5}{8 - 5} = \frac{42 - (60)}{3 - 0} = \frac{-18}{3} = -6 \frac{m}{s}$$

نکته: هر وقت در نموداری خط راستی دیدی که محور افق را قطع کرده **#اول-برو** به کمک تشابه در ابتدا و انتها و نقطه x_0 بر خورد با محور

$$\frac{6}{2} = \frac{3}{t-3} \rightarrow 3t - 9 = 3 \rightarrow 3t = 12 \rightarrow t = 4$$



مثال (۱۷) **#احتمالی ۱۴۰۰** مشابه تمرین ۵ پایان فصل کتاب درسی دوازدهم؛

نمودار مکان-زمان متحرکی که بر روی محور x حرکت می‌کند به شکل مقابل است.

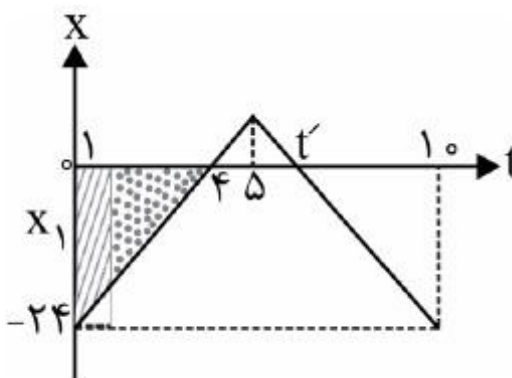
تندی متوسط آن در فاصله‌ی زمانی $t_1 = 1s$ و $t_2 = 6s$ چند متر بر ثانیه است؟

نمودار نسبت به محور $t = 5s$ تقارن دارد پس $t' = 6s$ می‌باشد. یعنی $x_0 = 0$ است

برای محاسبه x_1 (مکان متحرک در $t = 1s$ از تشابه دو مثلث نقطه‌چین و هاشور خورده استفاده می‌کنیم) $\frac{4-1}{x_1} = \frac{4}{24} \Rightarrow |x_1| = 18 \rightarrow x_1 = -18$

البته مکان در لحظه $t = 1s$ و همچنین $t = 5s$ خیلی راحت تر هم قابل محاسبه است

پس از چهار ثانیه متحرک از مکان ۲۴ به مکان صفر رسیده است این یعنی هر ثانیه ۶ متر جا به جا شده است



سرعت متوسط، مسافت متحرک تقسیم بر زمان است. پس: $S_{av} = \frac{L}{t} = \frac{18+6+6}{5} = \frac{30}{5} = 6 \frac{m}{s}$

نکته: محاسبه شیب در یک لحظه؛ باید خطی مماس بر نمودار در آن لحظه رسم کنیم. امتداد این خط محور افق را در نقطه x_0

قطع می‌کند شیب نمودار در آن لحظه برابر است با $\tan \alpha = \frac{\text{ضلع مقابل}}{\text{ضلع مجاور}}$ یا α (زاویه بین خط مماس و محور افق)

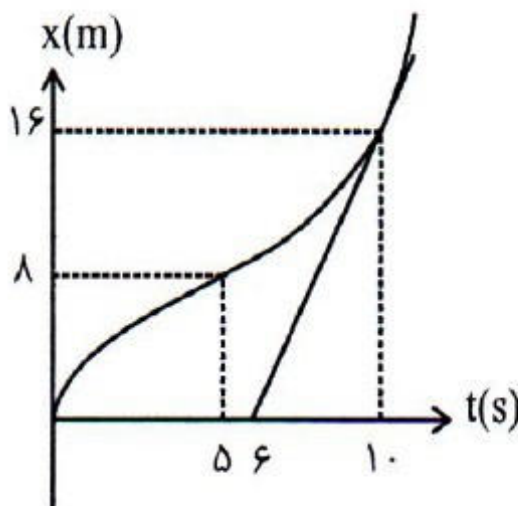
مثال (۱۸) نمودار مکان-زمان متحرکی بر مسیر مستقیم به شکل مقابل است.

اگر سرعت متحرک در لحظه $t = 10s$ برابر با سرعت متوسط آن

بین دو لحظه $t = 5s$ و $t = 12s$ باشد متحرک در لحظه $t = 12s$

در چند متری از مبدا قرار دارد؟

- ۲۸(۱) ۲۴(۲) ۳۶(۳) ۲۰(۴)

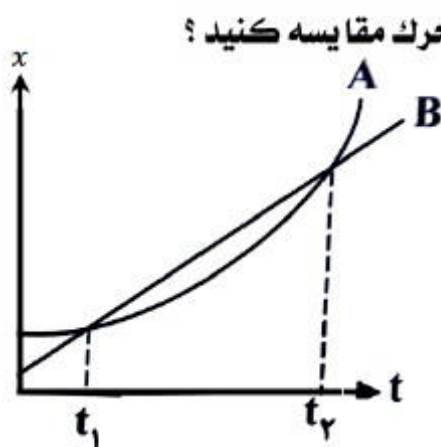


برای محاسبه y اندازه y شیب نمودار مکان (اندازه y سرعت) در یک لحظه خاص باید خطی مماس بر آن لحظه رسم کنیم و شیب این خط

نسبت به محور افق را حساب کنیم. شیب نسبت ضلع مقابل به مجاور در یک مثلث می‌باشد

$$V_{10} = \bar{V}_{5,12} \rightarrow \tan \theta = \frac{\Delta x = x_{12} - x_5}{\Delta t = 12 - 5} \rightarrow \frac{16}{4} = \frac{x_{12} - 8}{7} \rightarrow x_{12} - 8 = 28 \rightarrow x_{12} = 36m$$

مثال (۲۰) # احتمالی ۱۴۰۰ ، بیشتر از ریاضی ۹۹ و تمرین ۹ پایان فصل کتاب درسی ؛ با توجه به نمودار مکان زمان که برای دو متحرک A و B



که روی خط راست حرکت میکنند رسم شده است در بازه های زمانی t_1 تا t_2 کمیت های زیر برای این دو متحرک مقایسه کنید ؟

(۱) جا به جایی

(۲) سرعت متوسط

(۳) مسافت طی شده

(۴) تندى متوسط

(۵) تندى متحرک در لحظه ی t_1, t_2

(۶) تندى متوسط از لحظه ی t_1 تا لحظه ی t_2 یکى شدن تندى دو متحرک

(۱) **نقطه ی آغاز** بررسی حرکت (مکان در لحظه ی t_1) برای هر دو متحرک A و B یکسان است **نقطه ی پایان** بررسی حرکت

(مکان در لحظه ی t_2) **برای هر دو متحرک A و B یکسان** است بنابراین **جا به جایی این دو متحرک یکسان خواهد بود**

(۲) نسبت جا به جایی به زمان برابر سرعت متوسط است از آنجائیکه **جا به جایی برای این دو متحرک یکسان است و بازه ی زمانی t_1 تا t_2 هم**

برای هر دو متحرک **یکسان است** بنابراین ، **سرعت متوسط برای هر دو یکسان خواهد بود**

(۳) وقتی حرکت **روی خط راست** و **بدون تغییر جهت** باشد در این صورت **مسافت و اندازه جا به جایی یکسان** است در این جا حرکت بر روی خط راست است و هیچ کدام از متحرک ها تغییر جهت هم ندارند بنابراین وقتی میگوییم جا به جایی ها یکسان است میتوانیم بگوییم مسافت طی شده توسط آنها هم یکسان است

(۴) نسبت مسافت به زمان برابر تندى متوسط است از آنجائیکه **مسافت برای این دو متحرک یکسان است و بازه ی زمانی t_1 تا t_2 هم برای هر**

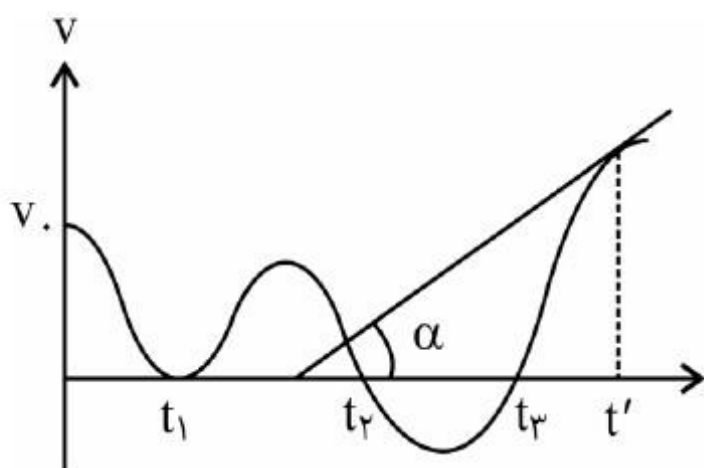
دو متحرک **یکسان است** بنابراین ، **تندى متوسط برای هر دو یکسان خواهد بود**

(۵) در t_1 تندى B (یا شیب نمودار مکان) بیشتر از تندى A است در در لحظه ی t_2 تندى A (یا شیب نمودار مکان) بیشتر از تندى B است

(۶) بین t_1 و t_2 تندى این دو متحرک (شیب مکان) یکسان می شود ولی متحرک B در فاصله ی بیشتری از مبدا است

بنابراین از لحظه ی t_1 تا لحظه ی $\frac{t_1 + t_2}{2}$ جا به جایی و مسافت (و همچنین تندى متوسط و سرعت متوسط) برای B از A بیشتر است

درس ۱۱ : نمودار سرعت زمان



مثال ۲۴) نمودار سرعت زمان برای دو متحرك A و B که روی خط راست حرکت می کنند رسم شده است

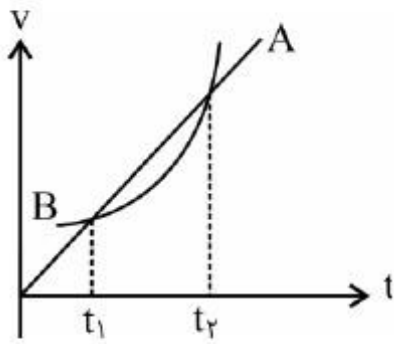
بین دو لحظه t_1 و t_2 مطلوب است ؟

الف) مقایسه ی جابه جایی و سرعت متوسط این دو متحرك

ب) مقایسه مسافت و تندی متوسط این دو متحرك

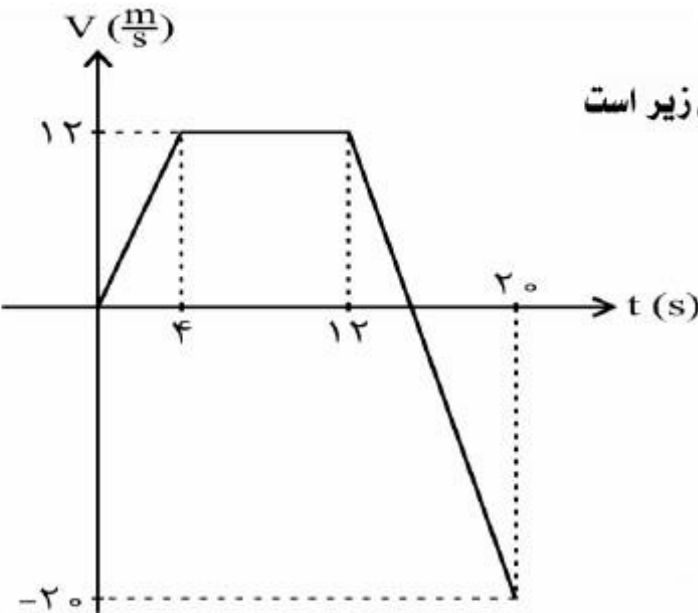
ج) مقایسه ی شتاب متوسط بین این دو متحرك

د) مقایسه شتاب در دو نقطه ی t_1 و t_2



$$\left. \begin{array}{l} \Delta x_A > \Delta x_B \\ \Delta t_A = \Delta t_B \end{array} \right| \xrightarrow{V_{ave} = \frac{\Delta x}{\Delta t}} V_{ave A} > V_{ave B} \rightarrow S_{ave A} > S_{ave B}$$

$$\left. \begin{array}{l} \Delta V_A = \Delta V_B \\ \Delta t_A = \Delta t_B \end{array} \right| \xrightarrow{a_{ave} = \frac{\Delta V}{\Delta t}} a_{ave A} = a_{ave B}$$



مثال ۲۹) #احتمالی ۱۴۰۰ ، خیلی بیشتر از خارج ریاض ۹۹ و ریاضی ۹۸ و تجربی ۹۴ ؛

نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور x حرکتش را از مبدا آغاز می کند مطابق شکل زیر است

۱) در کدام بازه ی زمانی زیر اندازه سرعت متوسط و تندی متوسط یکسان نیست ؟

الف) ۴ ثانیه اول (ب) ۱۵ ثانیه اول (ج) ۴ ثانیه چهارم (د) ۵ ثانیه چهارم

۲) سرعت متوسط در بازه زمانی که حرکت متحرك کند شونده ولی در جهت محور است ؟

۳) تندی متوسط در بازه زمانی که شتاب نوسانگر منفی می باشد ؟

۴) بیشترین فاصله متحرك در ۲۰ ثانیه اول حرکت در چه زمانی رخ میدهد ؟

نتیجه کلی مهم: #احتمالی ۱۴۰۰: همیشه منتظر نباشید که نمودار سرعت زمان داده شود و شما از آن استفاده

کنید خیلی وقتها خودتون باید زحمت بکشید نمودار سرعت زمان را بکشید و ازش استفاده کنید

(۱) وقتی که صورت سوال به توصیف سرعت متحرک در چند بازه ی زمانی میپردازد، به جای استفاده از فرمول های زیاد،

#اول برو بر اساس اطلاعات مسئله نمودار سرعت زمان متحرک را رسم کن

(۲) وقتی که معادله مکان زمان و هر چیزی جز مکان و جا به جایی و سرعت متوسط را بپرستد (مثلا، مسافت پیموده شده، تندی متوسط، مدت

زمان تند شونده و کند شونده بودن حرکت و یا مدت زمانی که متحرک در جهت یا خلاف جهت محور حرکت میکند و را بپرستند)

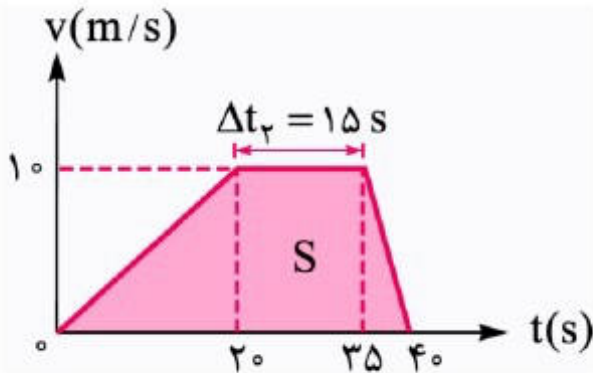
مثال (۲۲) مشابه تجربی ۹۸ و ۹۷ ریاضی ۹۹ و خارج تجربی ۹۹: خودرویی در مسیری مستقیم با شتاب ثابت

از حال سکون شروع به حرکت می کند و پس از ۲۰s سرعتش به $10 \frac{m}{s}$ می رسد سپس با همین

سرعت به مدت ۱۵s به حرکتش ادامه می دهد؛ پس از آن ترمز می کند و بعد از ۵s با شتاب ثابت

متوقف می شود طول مسیر حرکت (یا مسافت پیموده شده) چند متر است؟

$$S = \frac{(40 + 15) \times 10}{2} = 55 \times 5 = 275$$



مثال (۲۵) مشابه خارج ریاضی ۹۸؛ خارج ریاضی ۹۴ و خارج تجربی ۸۸: اگر معادله مکان زمان متحرکی به صورت $x = 4t^2 - 16t + 8$ باشد

(۱) نسبت مسافت پیموده شده به اندازه جا به جایی در ۳ ثانیه اول حرکت

(۲) تندی متوسط در ۳ ثانیه اول حرکت چند متر بر ثانیه است

(۳) چند ثانیه حرکت این متحرک کند شونده است؟

(۱) راحت ترین راه محاسبه مسافت پیموده شده این است که نمودار سرعت زمان را رسم کنید پس در ابتدا از معادله ی مکان بر حسب زمان مشتق میگیریم تا به معادله ی سرعت زمان برسیم

$$x = 4t^2 - 16t + 8 \xrightarrow{v = \frac{dx}{dt}} v = 8t - 16$$

رسم نمودار سرعت زمان از روی معادله ی آن: یه بار به این صفر بده یه بار به اون

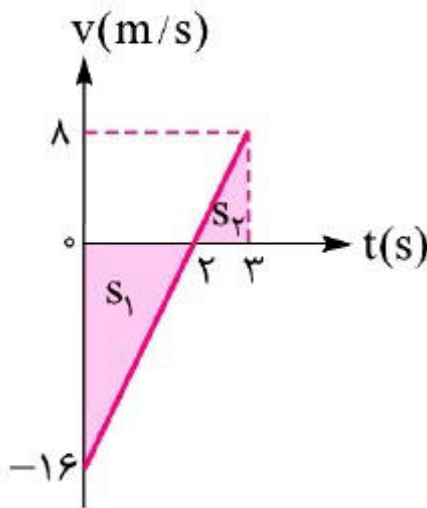
با توجه به معادله سرعت زمان، یکبار به زمان صفر بده، سرعت میشه -16

یکبار به سرعت صفر بده، زمان میشه 2 . حالا این دو نقطه را بهم وصل کن

برای یافتن مسافت: قدر مطلق سطح زیر نمودار سرعت زمان را در هر تیکه را حساب کنید و با هم جمع

برای محاسبه جا به جایی از روی نمودار سرعت زمان مساحت زیر نمودار هر تیکه با رعایت علامت با هم ج

(البته با جایگذاری زمان ابتدا و انتها در معادله ی مکان زمان و تفاضل این دو مکان میشد به جا به جایی رسد)



$$L = |S_1| + |S_2| = \left(\frac{16 \times 2}{2}\right) + \left(\frac{1 \times 8}{2}\right) = 16 + 4 = 20 \text{ m}$$

$$\Delta x = S_1 + S_2 = \left(\frac{-16 \times 2}{2}\right) + \left(\frac{1 \times 8}{2}\right) = -16 + 4 = -12 \text{ m}$$

$$\rightarrow \frac{S}{\Delta x} = \frac{20 \text{ m}}{12 \text{ m}} = \frac{5}{3}$$

(۳) $\bar{S} = \frac{L}{\Delta t} = \frac{20 \text{ m}}{3 \text{ s}}$ مدت زمانی که نمودار سرعت زمان به محور افق نزدیک شود حرکت آن کند شونده می باشد که معادل ۲ ثانیه می باشد

بررسی حرکت دو متحرک با سرعت ثابت؛ برای یافتن زمان بهم رسیدن دو متحرک کافیهست که مکانهای آنها مساوی شود

هر وقت نمودار مکان زمان دو متحرک را دادند و زمان بهم رسیدن آنها را پرسیدند براساس اطلاعات نمودار **#اول_برو** معادله مکان زمانها را بنویس و آنها را با هم مساوی قرار بده تا زمان بهم رسیدن پیدا شود

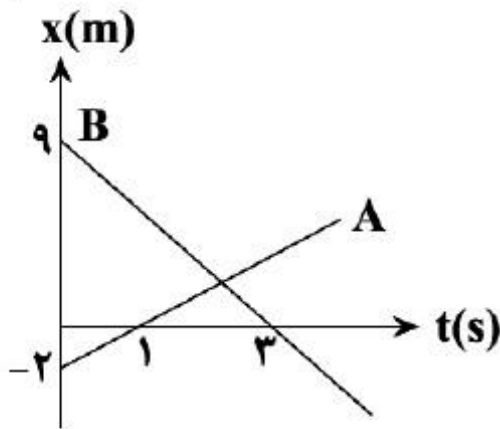
راه دوم راه تندی؛ برای دو متحرک با سرعت ثابت، که به صورت هم زمان حرکت میکنند میتوان زمان بهم رسیدن را از رابطه

$$\Delta X = |\Delta V| \times t$$

حساب کرد منظور از ΔX فاصله ی نسبی دو متحرک می باشد و منظور از $|\Delta V|$ تفاضل سرعت متحرک تندتر از کند تر می باشد

مثال ۴۲) نمودار مکان زمان دو متحرک که بر روی خط راست در حال حرکت هستند مطابق شکل زیر است

در چه لحظه ای دو متحرک از کنار هم عبور می کنند؟



(۱) $t = 1s$

(۲) $t = 1/2s$

(۳) $t = 4/4s$

(۴) $t = 2/2s$

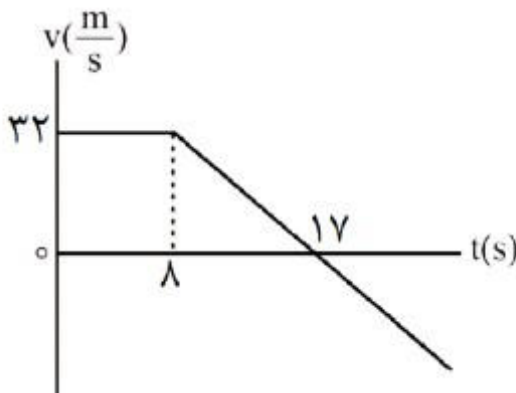
$$x_A = x_B \rightarrow Vt + x_0 = V_B t + x_0 \rightarrow 2t - 2 = -3t + 9 \rightarrow 5t = 11 \rightarrow t = 2/2s$$

$V_B = \tan \alpha = \frac{-9}{3} = -3$, $V_A = \tan \alpha = \frac{2}{1} = +2$

تمرین منزل

مثال ۸۱) **#احتمالی ۱۴۰۰**؛ مشابه ریاضی ۹۹ و خارج ریاضی ۹۹؛

نمودار سرعت- زمان حرکت متحرکی که روی مسیری مستقیم در حال حرکت است، به صورت مقابل است تندی متوسط این متحرک از لحظه $t = 0$ تا لحظه ای که سرعت متوسط آن صفر میشود، چند متر بر ثانیه است؟



(۱) $12/5$

(۲) 25

(۳) 16

(۴) 8

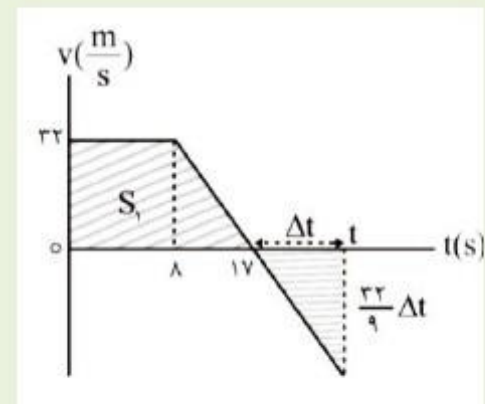
هرگاه مساحت قسمت بالای محور t و قسمت پایین محور t با یکدیگر برابر باشد، متحرک به نقطه آغاز حرکت بازمی گردد:

$$S_1 = \frac{17+18}{2} \times 32 = 400m$$

با توجه به خط راست بودن نمودار پس از لحظه های $t=8s$ ، بزرگی شیب خط $\frac{32}{9}$ است:

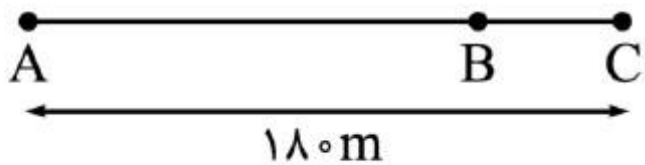
$$400 = \frac{16}{9} \Delta t^2 \rightarrow \Delta t^2 = \frac{9 \times 400}{32} \rightarrow \Delta t = 15s \rightarrow t = 32s$$

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{400+400}{32} = 25m/s$$

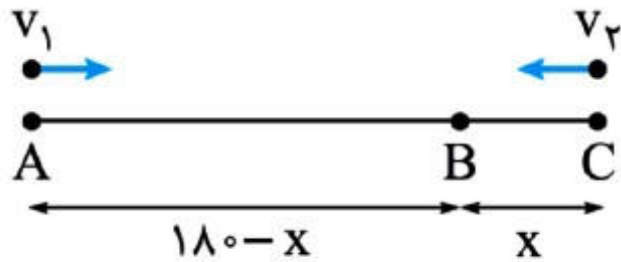


مثال ۸۷) #۱۴۰۰ احتمالی : خارج ریاضی ۹۹ :

دو متحرک همزمان از نقطه های A و C با سرعت های ثابت به سمت یکدیگر حرکت می کنند و در نقطه ی B از کنار هم می گذرند و در ادامه، ۱۶s طول می کشد تا متحرک اول از B به C برسد و ۲۵s طول می کشد تا دومی از B به A برسد. بزرگی سرعت متحرک اول چند متر بر ثانیه است؟



- ۳ (۱)
- ۵ (۲)
- ۶ (۳)
- ۸ (۴)



مثال ۸۹) تست درس ریاضی در کنکور خارج تجربی سال ۹۸ :!!!! پرنده ای فاصله ی یک کیلومتر را در جهت موافق باد رفته و در خلاف جهت باد برگشته

است. اگر سرعت باد $\frac{km}{h}$ ۵ و مدت رفت و برگشت ۹ min باشد، سرعت پرنده در هوای آرام چند کیلومتر بر ساعت است؟

- ۱۲ (۱)
- ۱۲/۵ (۲)
- ۱۳/۵ (۳)
- ۱۵ (۴)

$$\begin{aligned}
 1 &= (v' + 5) \times t_1 \\
 1 &= (v' - 5) \times t_2
 \end{aligned}
 \quad \rightarrow \quad
 \begin{aligned}
 t_1 &= \frac{1}{(v' + 5)} \\
 t_2 &= \frac{1}{(v' - 5)}
 \end{aligned}
 \quad \rightarrow \quad
 \Delta t = t_2 + t_1 = \frac{1}{(v' - 5)} + \frac{1}{(v' + 5)} = \frac{9}{60} = \frac{3}{20} \rightarrow v' = 15$$

ریاضیات فصل نهم (نواردهم) ویژه کنکور

1400

مثال ۸) بیشتر از کنکور ریاضی ۹۹ :

شکل روبه رو، مسیر حرکت و جهت شتاب وارد بر توپ فوبالی را نشان می دهد اگر جرم توپ ۴۰۰ gr و اندازه شتاب حرکت توپ در این لحظه

$\frac{m}{s^2}$ ۱۲ / ۵ باشد در این نقطه مطلوبست تعیین ؟

الف) جهت نیروی خالص و مقاومت هوا و جهت حرکت توپ

ب) اندازه نیروی خالص ج) اندازه ی نیروی مقاومت هوا

الف) ما میدانیم بردار شتاب و نیروی خالص هم جهت هستند

بنابراین بردار نیروی خالص همچون بردار شتاب در جهت فلش نشان داده شده در شکل می باشد

این نیروی خالص حاصل برآیند دو نیروی وزن (رو به پایین) و مقاومت هواست (که به سمت راست است)

از آنجاییکه نیروی مقاومت هوا خلاف جهت حرکت توپ می باشد بنابراین در نقطه ی اوج نیروی مقاومت هوا به سمت چپ می باشد

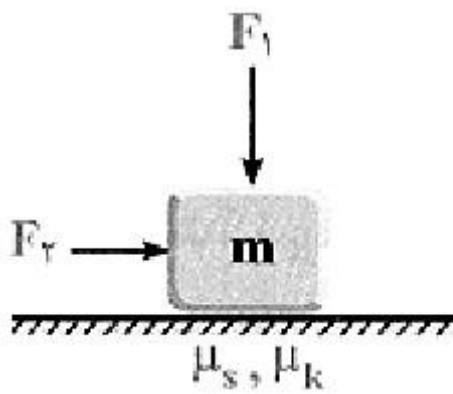
ب) اندازه ی نیروی خالص طبق رابطه ی $F_{net} = ma$ داریم ؛ $F_{net} = 0.4 \times 12/5 = 0.96 \approx 1N$ داریم ؛ $|a| = 12/5$ $\rightarrow F_{net} = m|a|$

ج) نیروی خالص از رابطه ی $F_{net} = \sqrt{mg^2 + f_D^2}$ به دست می آید $\rightarrow 1 = \sqrt{F_x^2 + 4^2} \rightarrow |F_x| = 3$ $\rightarrow F_{net} = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} \rightarrow 1 = \sqrt{F_x^2 + 4^2}$

در بسیاری از تستها وضعیت جسم در صورت سوال توسط طراح به وضوح به شما داده میشود
 در این صورت کار راحت تر است و دیگر نیازی نیست از طریق مقایسه با $\mu_s N$ محسن ، وضعیت را معلوم کنید
 در جدول بسیار مهم زیر تمام حالاتی که میتواند در یک سوال بیان شود و روش حل آنها پراپتان جمع بندی شده است

حالت	وضعیتی جسم در صورت سوال	شتاب	اول بره چی کار کنم
۱	جسم ساکن است	$a = 0$	$F_{net} = 0$
۲	جسم در <u>آستانه ی لغزش</u> است	$a = 0$	$F_{net} = 0$ $f = \mu_s N$
۳	جسم در حال <u>حرکت</u> یا <u>شتاب ثابت</u> است	$F_{net} = ma$	$f = \mu_k N$
۴	جسم در حال <u>حرکت</u> یا <u>سرعت ثابت</u> است	$a = 0$	$F_{net} = 0$ $f = \mu_k N$

مثال ۲۱) در شکل زیر، تحت اثر نیروهای وارد شده، بسته در حالت سکون است
 اگر نیروی F_1 اندکی افزایش یابد، یک از کمیت های زیر چند برابر می شوند؟



۱) نیروی اصطکاک

۲) بیشینه اصطکاک ایستایی

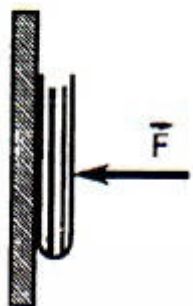
۳) نیرویی که سطح به جسم می دهد

مثال ۲۴) جسمی به جرم M روی سطح افقی ، تحت نیروی افقی F قرار میدهم. جعبه حرکت میکند

اگر جرم جسم را نصف کنیم و مجددا همان نیروی قبلی را به آن وارد کنیم هر یک از کمیت های زیر چند برابر می شوند؟

۱) نیروی اصطکاک ۲) نیرویی که سطح به جسم می دهد

مثال ۲۹) # احتمالاً ۱۴۰۰ :



مطابق شکل کتابی را توسط نیروی افقی F به دیوار قائمی می فشاریم

در چند مورد از حالات زیر اصطکاک بین کتاب و دیوار تغییر میکند؟

الف) جرم کتاب نصف شود با فرض اینکه کتاب ساکن بماند

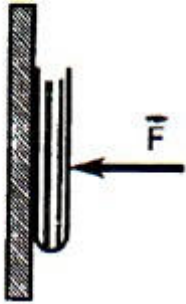
ب) نیروی F را کم کنیم با فرض اینکه کتاب ساکن بماند

ج) نیروی F را کم کنیم با فرض اینکه کتاب مماس بر سطح در حال حرکت است

د) جرم کتاب زیاد شود با فرض اینکه کتاب مماس بر سطح در حال حرکت است

۱) یک مورد ۲) دو مورد ۳) سه مورد ۴) چهار مورد

مثال ۲۰) #۱ احتمالی ۱۴۰۰ :



مطابق شکل کتابی را توسط نیروی افقی F به دیوار قائمی می فشاریم تا حرکت نکند
 اگر اندازه ی نیروی F را دو برابر کنیم ، نیرویی که از طرف دیوار به جسم داده می شود چند برابر می شود ؟
 (۱) تغییری نمیکنند
 (۲) دو برابر میشود
 (۳) زیاد میشود ولی دو برابر نمیشود
 (۴) بیشتر از دو برابر میشود

آستانه لغزش : اگر نیرویی که موازی سطح جسم را هل میدهد یا میکشد دقیقاً برابر $\mu_s N$ (همون محسن خودمون) گردد

در این صورت جسم با افزایش مقدار کمی نیرو شروع به حرکت میکند این حالت را آستانه ی لغزش مینامیم
 دقت کنید در آستانه ی لغزش ، جسم **همچنان ساکن** است بنابراین نیروی خالص وارد بر آن $F_{net} = 0$ است

در این حالت نیروی اصطکاک به بیشترین مقدار خودش میرسد که اصطلاحاً به آن **بیشینه ی اصطکاک ایستایی** گفته میشود $f_{smax} = \mu_s N$

نکته مهم : معمولاً در کتکور طراحان ، به وضوح نمیگویند جسم در آستانه ی لغزش است به جملات زیر دقت کنید

هر جا گفتن حداقل یا حداکثر فلانی را چنان حساب کن تا جسم ساکن بماند یعنی آستانه ی لغزش

همه ی اینها یعنی جسم در آستانه ی لغزش است و **#اول برو** این دو تا معادله رو بتویس

$F_{net} = 0 \rightarrow \text{good} - \text{bad} = 0$
 $f = \mu_s N$



کمترین ضریب اصطکاک برای آن که جسم **نیفتد** ؟

کمترین نیرو برای اینکه جسم **نیفتد** ؟

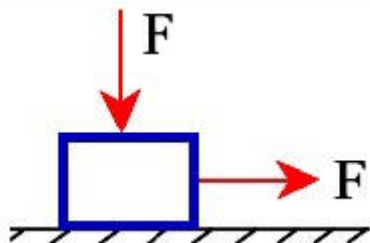
حداقل نیرویی که سطح به جسم می دهد، برای آن که جسم **نیفتد** ؟

بیشترین جرم جسم چند باشد، تا جسم **نیفتد** ؟

بیشترین اصطکاک بین جسم و سطح افق برای آن که جسم **نیفتد**

مثال ۱۷) در شکل مقابل، وزن جسم $20N$ و هر یک از نیروهای F برابر $5N$ است.

حداقل ضریب اصطکاک بین سطح و جسم چه قدر باشد تا جسم **ساکن بماند** ؟



۰/۱۵(۱)

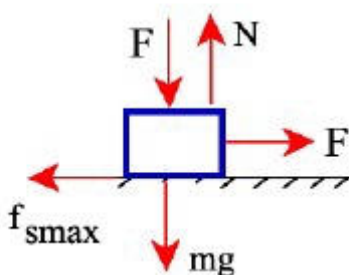
۰/۲۵(۲)

۰/۲(۲)

۰/۲۸(۴)

می دانیم حداقل ضریب اصطکاک برای اینکه جسم ساکن بماند کتایه از این دارد که جسم در آستانه ی لغزش است

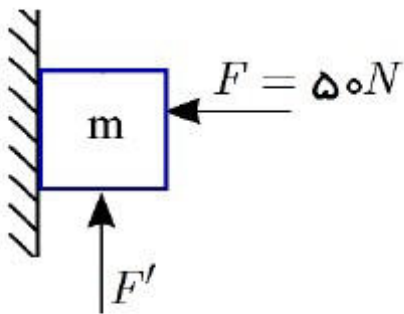
پس دو تا رابطه رو فریاد بزن یکی ((خوب منهای بد میشه صفر)) یکی هم ((اصطکاک برابره با محسن))



$$mg + F = N \Rightarrow N = 20 + 5 = 25N$$

$$F - f = 0 \Rightarrow F = 5 = \mu_s \times 25 \Rightarrow \mu_s = \frac{5}{25} = \frac{1}{5} = 0.2$$

مثال (۲۰) # احتمالاً ۱۴۰۰

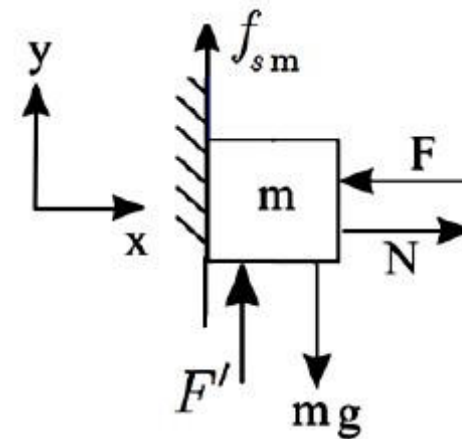


در شکل زیر، جرم جسم برابر با ۴ kg و ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و سطح قائم، برابر با ۰/۵ است
 الف) حداقل اندازه نیروی عمودی F' چند نیوتن باشد، تا جسم ساکن بماند؟
 ب) حداکثر اندازه نیروی عمودی F' چند نیوتن باشد، تا جسم ساکن بماند؟
 ج) برای اینکه جسم ساکن بماند F' کدام یک از مقادیر زیر را بر حسب نیوتن میتواند داشته باشد؟

- ۱۴ (۱) ۳۳ (۲) ۶۶ (۳) ۷۲ (۴)

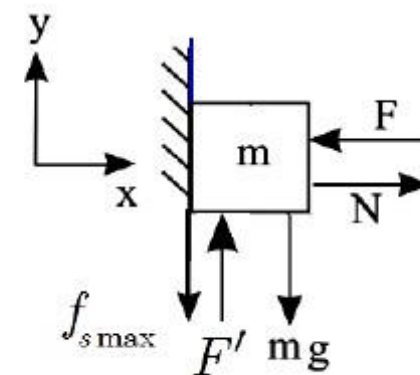
$$F_{net} = 0 \rightarrow mg - F' - f = 0$$

$$\frac{mg = 40}{f = \mu_s N = 0.5 \times 50 = 25} \rightarrow 40 - F' - 25 = 0 \rightarrow F'_{min} = 15 N$$



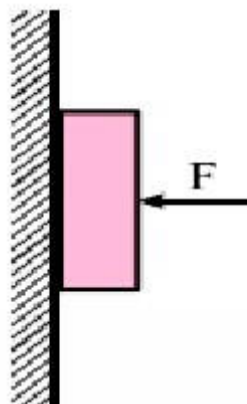
$$F_{net} = 0 \rightarrow F' - mg - f = 0$$

$$\frac{mg = 40}{f = \mu_s N = 0.5 \times 50 = 25} \rightarrow F' - 40 - 25 = 0 \rightarrow F'_{Max} = 65 N$$



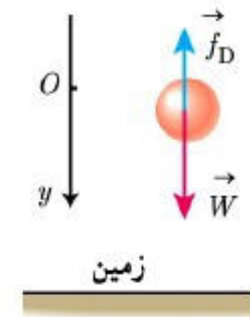
ج) در اینگونه مسائل که جسم قابلیت حرکت در دو سو را دارد (مثلاً اینجا با توجه به مقدار F') جسم میتواند هم بره بالا هم بیاد پایین باید مسئله را دو بار حل کرد. و در هر حالت مقدار نیرو برای ساکن ماندن جسم را حساب کرد در این صورت یک بازه ی ای از نیرو برای ساکن ماندن جسم میتوان ارایه داد در قسمت الف حداقل این نیرو $F'_{min} = 15 N$ و در قسمت ب حداکثر این نیرو $F'_{Max} = 65 N$ شده است بنابراین برای ساکن ماندن جسم $F'_{Max} > F' > F'_{min} \rightarrow 65 > F' > 15 N$. گزینه ۲ فقط در این بازه ی نیرویی قرار دارد

مثال (۳۱) ریاضی ۹۵؛ در شکل مقابل جسم با نیروی افقی F_1 در آستانه ی حرکت قرار می گیرد و با نیروی افقی F_2 با سرعت ثابت به طرف پایین می لغزد و با نیروی F_3 ساکن می ماند اصطکاک را در این سه حالت مقایسه کنید



در نامه پنجم : نیروی مقاومت شاره

تاکنون ، هر وقت جسمی در هوا حرکت می کرد ، از تاثیر هوا بر حرکت آن چشم پوشی می کردیم ؛ اما واقعیت این است که تاثیر هوا بر حرکت یک جسم ، ممکن است قابل نظر نباشد (مثل سقوط یک برگ درخت (یا یک کاغذ یا یک پر) در هوا یا سقوط قطره ی باران یا سقوط چتر باز) اصولا هرگاه جسمی در یک شاره (مایع یا گاز) قرار داشته باشد و نسبت به شاره حرکت کند ، نیرویی **در خلاف جهت حرکت** به آن وارد می شود که **مقاومت شاره** نام دارد و آن را با نماد f_D نشان می دهیم عوامل مختلفی بر روی اندازه ی نیروی شاره اثر گذار است که دو تا از مهم ترین آنها ، **بزرگی جسم** و **تندی** آن است منظور از بزرگی جسم ، ابعاد سطحی از جسم است که شاره **به صورت عمود** به آن برخورد می کند



$$F_{net} = ma \rightarrow \text{Good} - \text{Bad} = ma$$

$$\rightarrow mg - f_D = ma \Rightarrow a = \frac{mg - f_D}{m} \Rightarrow \boxed{a = g - \frac{f_D}{m}}$$

اگر معادله ی دوم نیوتن را برای این جسم بنویسیم داریم

گام اول : رسم نیروهای وارد بر جسم

گام دوم : تعیین جهت حرکت

گام سوم : خوبها منهای بدها مساوی ma



مثال ۴۵) # **احتمالی ۱۴۰۰** برگرفته از مثال ۲-۵ و تمرین ۲-۲ کتاب درسی ؛

سه گوی هم اندازه با جرمهای $m_1 = 300g$, $m_2 = 500g$, $m_3 = 200g$

را از بالای برجی به ارتفاع h رها می کنیم. الف) با فرض اینکه **مقاومت هوا** طی حرکت سه گوی **ثابت و یکسان** باشد ، مقایسه تندی برخورد گلوله ها با زمین در کدام گزینه درست بیان شده است؟

(۱) $v_1 = v_2 = v_3$ (۲) $v_1 > v_2 > v_3$ (۳) $v_2 > v_3 > v_1$ (۴) $v_3 > v_2 > v_1$

اگر نیروی مقاومت هوا برای جسم در حال سقوط f_D باشد ، داریم: $F_{net} = ma \rightarrow mg - f_D = ma \Rightarrow a = \frac{mg - f_D}{m} = g - \frac{f_D}{m}$

با در نظر گرفتن مقاومت هوا ، هر چه m بیشتر باشد ، شتاب حرکت بیشتر است. در نتیجه: $m_2 > m_3 > m_1 \Rightarrow a_2 > a_3 > a_1$ وقتی جسمی از حال سکون حرکتش را آغاز می کند هر چه شتاب بیشتر باشد سرعت انتهایی بیشتر و زمان حرکت کمتر خواهد بود $v_2 > v_3 > v_1$ چرا ؟

طبق رابطه ی سرعت - جابجایی داریم: $v^2 - v_0^2 = 2a \times \Delta y \Rightarrow v^2 = 2ah \Rightarrow v = \sqrt{2ah} \xrightarrow[h_1 = h_2 = h_3]{a_2 > a_3 > a_1} v_2 > v_3 > v_1$

مثال ۴۸) # **احتمالی ۱۴۰۰**

دو گوی هم جرم با چگالی متفاوت ($\rho_1 < \rho_2$) را از بالای ساختمانی از ارتفاع یکسان به طور همزمان رها می کنیم.

اگر نیروی مقاومت هوا ثابت فرض شود ، کدام گزینه مقایسه درستی از زمان رسیدن گوی ها و تندی برخورد آنها به زمین را نشان می دهد؟

(۱) $v_1 < v_2$, $t_1 < t_2$ (۲) $v_1 > v_2$, $t_1 < t_2$

(۳) $v_1 < v_2$, $t_1 > t_2$ (۴) $v_1 > v_2$, $t_1 > t_2$

$$\rho_1 < \rho_2 \xrightarrow{\rho = \frac{m}{V}} V_1 > V_2 \xrightarrow{V \times f_D} f_{D1} > f_{D2} \xrightarrow{mg - f_D = ma} a_2 > a_1 \rightarrow v_2 > v_1 \rightarrow t_1 > t_2$$

در نامه ششم : تحلیل حرکت چتر باز

مثال ۵۹ (#احتمالی ۱۴۰۰ : قلم چی ۹۹)

چتربازی از ارتفاع مشخصی از سطح زمین بدون تندی اولیه، پرش آزاد انجام می دهد و مدتی پس از سقوط، در لحظه ای که تندی چترباز به 20 m/s می رسد، چترش را باز می کند تا با تندی حدی 5 m/s به سطح زمین برسد. کدام یک از گزینه های زیر در مورد حرکت چترباز صحیح نیست؟

(۱) در بازه زمانی که چترباز با تندی حدی در حال حرکت است، اندازه نیروی مقاومت هوا ثابت است

(۲) بیشینه تندی چترباز در لحظه ای است که چتر خود را باز می کند

(۳) جهت شتاب حرکت تا قبل از رسیدن به تندی حدی همواره به سمت پایین است

(۴) بیشینه نیروی مقاومت هوا وارد بر چترباز در لحظه ای است که تندی چترباز بیشینه است



در نامه هفتم: آسانور

مثال (۷۴) #۱۴۰۰ احتمالی: جسمی به جرم 5kg کف آسانسوری قرار دارد. وقتی آسانسور با شتاب روبه بالای $2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ به سمت بالا می‌رود

نیروی که از طرف جسم بر کف آسانسور وارد می‌شود N است و وقتی با شتاب روبه بالا $2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ به سمت پایین می‌رود

نیروی وارد بر کف آسانسور N' است، اختلاف N و N' چند نیوتن است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

(۱) صفر (۲) ۱۰ (۳) ۲۰ (۴) ۴۰



مثال (۷۶) #۱۴۰۰ احتمالی: خیلی بیشتر از ریاضی ۹۸؛

نیروسنجی وزن شخصی را در آسانسور ساکن 500N و در حرکت 400N نشان می‌دهد

در مورد حرکت این آسانسور به سوالات زیر پاسخ دهید

(الف) حرکت این آسانسور سرعت ثابت است یا نیست؟

(ب) اندازه و جهت شتاب این آسانسور را تعیین کنید

(ج) اندازه و جهت نیروی خالص وارد بر این شخص چند نیوتن است؟

(د) حرکت این آسانسور رو به بالاست یا پایین؟ تندشونده است یا کند شونده؟

(الف) عدد نیروسنج برای وقتی که آسانسور ساکن است همان وزن شخص می‌باشد که برابر $W = mg = 500$ می‌باشد

عدد نیروسنج برای آسانسور در حال حرکت $N = 400$ است پس قطعاً سرعت ثابت نیست چون اگر ایتگونه بود عددی که نیرو سنج نشان میداد

(یا همان نیرویی که کف آسانسور به فرد میدهد) با وزن شخص برابر میشد که ایتگونه نشده است

(ب) میدانیم نیرویی که کف آسانسور به فرد میدهد (عدد نیروسنج) از رابطه $N = m(g \pm a)$ به دست می‌آید

از آنجاییکه در این سوال، این نیرو از وزن شخص کمتر است $N < mg$ این رابطه به این شکل نوشته می‌شود $N = m(g - a)$

و این یعنی شتاب آسانسور رو به پایین است $400 = 50(10 - a) \rightarrow 10 - a = 8 \rightarrow a = 2$ $mg = 500 \rightarrow m = 50$ $N = m(g \pm a) = 400$

(ج) از آنجاییکه نیروی خالص و شتاب شتاب وارد بر شخص، **همجهت** هستند نیروی خالص هم رو به پایین خواهد بود

(د) در مورد نوع حرکت و جهت حرکت نمیتوان قطعی نظر داد از آنجاییکه شتاب رو به پایین است و رابطه به شکل $N = m(g - a)$

نوشته شده است باید نوع و جهت حرکت را طوری بیان کنید که در رابطه درون پرانتز منفی قرار گیرد

بنابراین حرکت این آسانسور میتواند به صورت ((**تند شونده رو به پایین**)) و یا ((**کند شونده رو به بالا**)) باشد

مثال ۷۷) تمرین کتاب درسی؛ وزنه‌ای به جرم 4kg را به انتهای فنری به جرم ناچیز و به طول که ثابت آن $24 \frac{\text{N}}{\text{cm}}$ است می بندیم

و فنر را از سقف آسانسوری آویزان می کنیم. اگر آسانسور با شتاب ثابت $1 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ **از حال سکون** رو به پایین شروع به حرکت کند،

تغییر طول فنر چند سانتی متر است؟ $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$ ۴(۱) ۲(۲) ۲(۲) ۱/۵(۴)

گفته تو آسانسور هستیم؛ ((وزنه‌ای به جرم 4kg را به انتهای فنری به جرم ناچیز و به طول که ثابت آن $24 \frac{\text{N}}{\text{cm}}$ است و آن را از **سقف آسانسوری**

آویزان می کنیم $m(g - a) = kx \rightarrow 4(10 - 1) = 2400x$

هر وقت حرکت آسانسور از حال سکون آغاز شود (چه رو به بالا، چه رو به پایین) حرکتش **تند شونده** است حال کافیت این نیرو را معادل $K\Delta x$ قرار دهیم

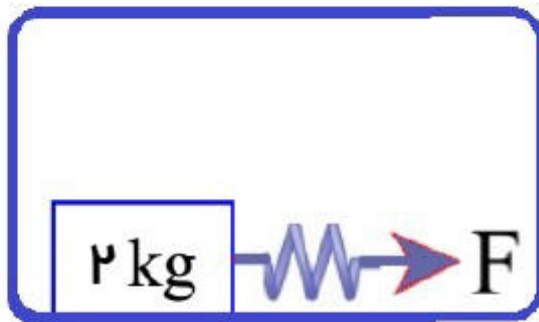
$m(g - a) = kx \rightarrow 4(10 - 1) = 24x \rightarrow x = 1/5 \text{cm}$

یادآوری؛ چگونگی برخورد یا مسائل آسانسور: ارایه ی یک روش حل خلاقانه **#به سبک کامران**

در تمامی مسائل درون آسانسور را فرض کنید شتاب آسانسور را به شتاب گرانش به ارث برسانید سپس آسانسور را پاک کنید و g^* را طبق

$g^* = (g \pm a)$ سپس خیال کنید آسانسور نیست (اصلا آسانسور را پاک کنید) رابطه ی مورد نظر را بنویسید فقط هر جا

g داریم به جایش از g^* استفاده کنید $g^* = (g + a) \Rightarrow g^* = (10 + 2) = 12\text{N}$



مثال ۷۹) **#احتمالی ۱۴۰۰؛** در شکل مقابل، جسم 2kg روی کف آسانسور قرار دارد و آسانسور

با شتاب $2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ به سمت بالا شروع به حرکت می کند. اگر جسم در آستانه لغزش روی سطح آسانسور باشد،

تغییر طول فنر چند سانتی متر است؟

(ضریب اصطکاک جسم با کف آسانسور 0.5 و $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ و ثابت فنر $K = 400 \frac{\text{N}}{\text{m}}$ است.)

۲/۵(۱) ۲(۲) ۲(۲) ۲/۵(۴)

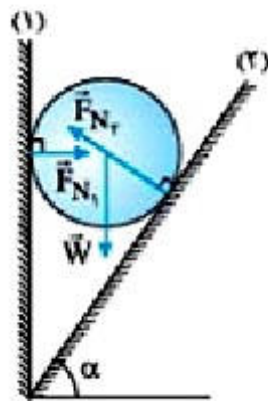
خوب حالا بریم سراغ رابطه ی مورد نظر. یادتون میاد وقتی جسم در آستانه ی لغزش بود چی می گفتیم؟

آخرین لولا؛ $F_{\text{net}} = 0 \rightarrow \text{good} - \text{bad} = 0 \rightarrow F - f = 0$ ؛ ثابا: $f_{s \text{max}} = \mu_s N$

$F_{\text{net}} = 0 \rightarrow \text{good} - \text{bad} = 0 \rightarrow F - f = 0$ $f = \mu_s N = \mu_s mg^* = 0.5 \times 2 \times 12 = 12\text{N} \rightarrow F - 12 = 0 \rightarrow F = 12\text{N}$

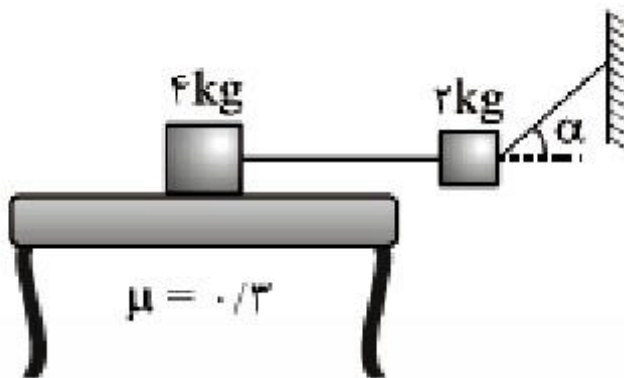
حال کافیت این نیرو را معادل $K\Delta x$ قرار دهیم $F = kx \Rightarrow 12 = 400x \Rightarrow x = 0.03\text{m} = 3\text{cm}$

نکته:



مثال ۹۶) #احتمالی ۱۴۰۰:

در شکل مقابل جسم ۴ کیلوگرمی در آستانه ی لغزش روی سطح قرار دارد . نیروی کشش طناب مورب که به جسم دو کیلوگرم وصل است چند نیوتن است ؟ اگر طناب مورب پاره شود جسم چه شتابی میگیرد ؟



(۴) باید α معلوم باشد

(۲) $\sqrt{644}$

(۲) $\sqrt{544}$

(۱) $\sqrt{444}$

هر وقت در تعادل یک یا چند نیروی مورب داشتن باید دو نیروی عمود بر هم پیدا کنید که نیروی سوم را خنثی کند نیروی وزن (۲۰ نیوتن)

و کشش طناب افقی ($T = f \xrightarrow{f = \mu_s N} T = 0.3 \times 40 = 12$) بر هم عمودند و برآیند آنها (یعنی فیثاغورث ۲۰ نیوتن و ۱۲ نیوتن) باید

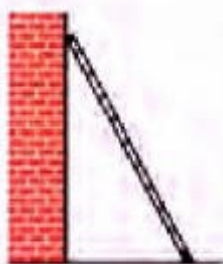
کشش طناب مورب را خنثی کند بنابراین این نیروی مجهول برابر است با $\sqrt{12^2 + 20^2} = \sqrt{544}$

مثال ۹۹) بیشتر از ریاضی ۸۹:

در شکل روبه رو نردبانی به جرم $m = 2\text{kg}$ دیوار قائم بدون اصطکاک

تکیه داده است ضریب اصطکاک بین زمین و نردبان $\mu = 0.5$ است

حداکثر نیرویی که زمین به نردبان وارد می کند بدون اینکه نردبان بلغزد چند نیوتن است ؟



نوسان

دامنه حرکت A : بیشترین فاصله نوسانگر از مرکز نوسان را دامنه یا بعد بیشینه گوئیم

★ نکته مهم و کاربردی: دامنه به شکلهای مختلفی به شما داده می شود

دامنه نصف طول پاره خط نوسان و یا تغییر طول فنر از حالت تعادل و یا نصف تفاضل بیشترین و کمترین طول فنر است

(۱) وقتی میگوئیم ((نوسان بر روی پاره خطی به طول $L = 10 \text{ cm}$ صورت می گیرد)) یعنی: $A = 5 \text{ cm} = 0.05 \text{ m}$

(۲) وقتی میگوئیم ((طول فنری در حالت تعادل 10 cm است آن را به 12 cm می رسانیم و رها می کنیم)) یعنی: $A = 2 \text{ cm} = 0.02 \text{ m}$

(۳) وقتی میگوئیم ((بیشترین و کمترین طول فنر در حال نوسان به ترتیب $L = 32 \text{ cm}$ و $L = 20 \text{ cm}$ است)) یعنی: $A = \frac{32-20}{2} = 6 \text{ cm}$

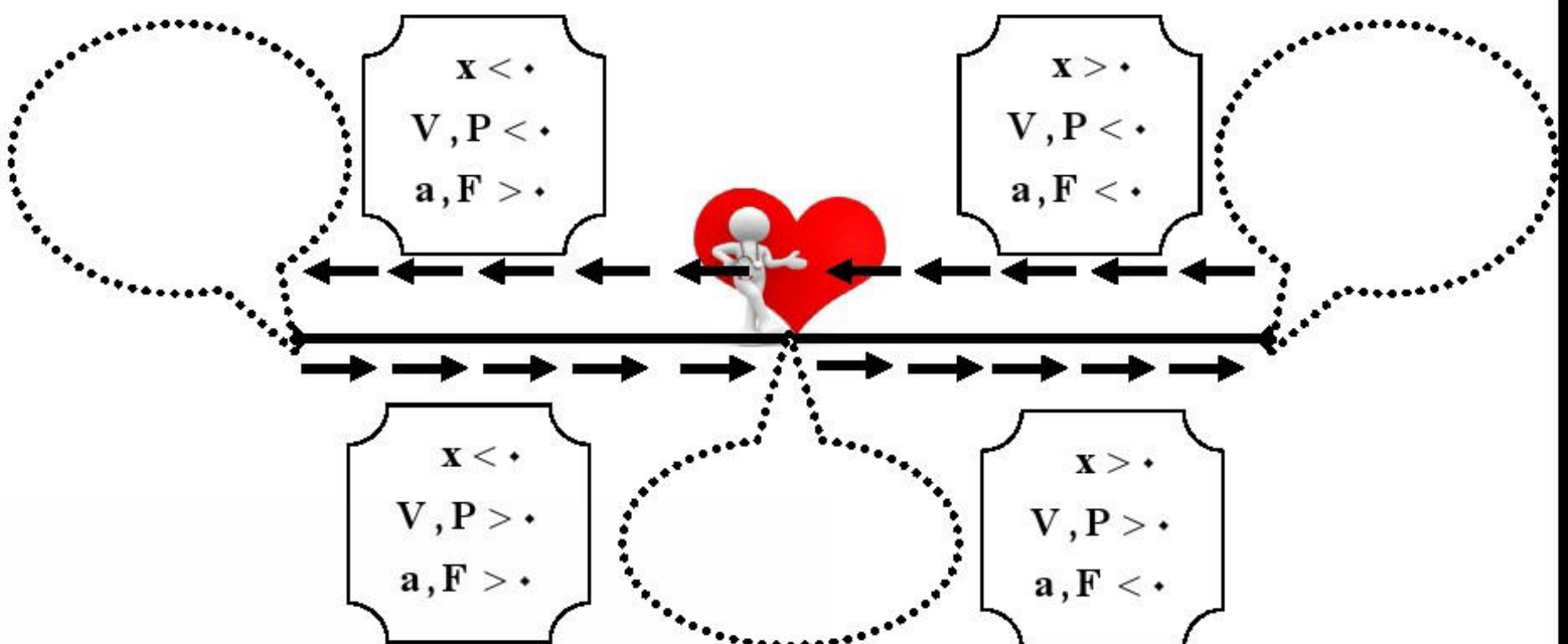
تعیین علامت شتاب و نیرو		تعیین علامت سرعت و تکانه		تعیین علامت بعد (مکان)	
علامت شتاب و نیرو در حرکت نوسانی، همواره مخالف علامت بعد (مکان) خواهد بود		علامت سرعت، نشان دهنده جهت حرکت می باشد از خودت بپرس: <u>نوسانگر کجا میره؟</u>		از خودت بپرس: <u>نوسانگر کجاست؟</u>	
شتاب و نیرو مثبت	در مکان های مثبت	سرعت مثبت	حرکت به سمت راست:	مکان مثبت	سمت راست مرکز
شتاب و نیرو منفی	در مکان های منفی	سرعت منفی	حرکت به سمت چپ:	مکان منفی	سمت چپ مرکز

نوسانگرها، عاشق، مرکز نوسان هستند یعنی:

(۱) هنگامی که به مرکز نزدیک می شوند حرکتشان تند شونده و هنگامی که از مرکز دور می شوند حرکتشان کند شونده است

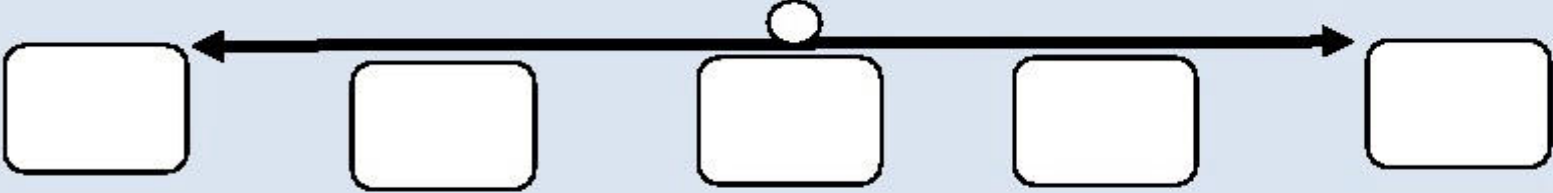
(۲) هنگامی که در مرکز نوسان قرار دارند دارای بیشترین سرعت و تکانه و کمترین شتاب و نیرو می باشند

(۳) هنگامی که در دورترین فاصله از مرکز قرار دارند (در دو انتهای مسیر) دارای کمترین سرعت و بیشترین شتاب و نیرو می باشند



در بررسی حرکت نوسانی، سطوح صیقلی (یا بدون اصطکاک) در نظر گرفته می شود و از مقاومت هوا و نیروهای اتلافی صرف نظر می شود

انرژی مکانیکی نوسانگر، در هر نقطه برابر است با مجموع انرژی جنبشی و پتانسیل آن و این مقدار در تمامی نقاط ثابت است $E = U + K$



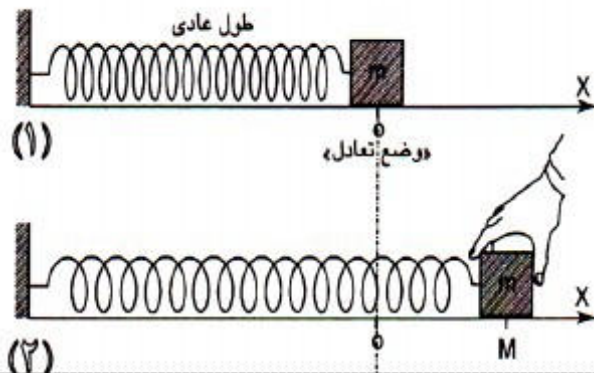
بررسی	در دو انتهای مسیر (نقطه های بازگشت)	در مرکز نوسان	در نقطه $x = \pm \frac{\sqrt{2}}{2} A$
انرژی جنبشی	$K_{min} = 0$	K_{max}	$K = \frac{E}{2}$
انرژی پتانسیل	U_{max}	$U_{min} = 0$	$U = \frac{E}{2}$
انرژی مکانیکی	$E = U_{max}$	$E = K_{max}$	$E = K + U = 2K = 2U$

نکته مهم: در این فصل منظور از کمیت بیشینه، اندازه ی کمیت است و کاری به علامت آن

نداریم و وقتی میگوییم فلان کمیت کمینه است یعنی صفر است به جز مافت و تندی متوسط که جلوتر توضیح میدیم

موقعیت نوسانگر	بعد (مکان)	سرعت	شتاب (نیرو)	انرژی پتانسیل	انرژی جنبشی	انرژی مکانیکی
در مرکز نوسان	صفر (کمینه)	بیشینه	صفر	صفر	بیشینه	ثابت
در نقاط بازگشت	بیشینه	صفر	بیشینه	بیشینه	صفر	ثابت

مثال ۱) فنری را روی محور افقی تا انتهای ترین نقطه ممکن روی یک سطح بدون اصطکاک



به سمت راست می کشیم و رها می کنیم درست در لحظه رها کردن

- الف) علامت مکان و سرعت نوسانگر مثبت است یا منفی؟
- ب) نیروی وارد بر نوسانگر در جهت محور است یا خلاف جهت؟
- پ) حرکت نوسانگر تندشونده است یا کند شونده؟
- ت) انرژی جنبشی نوسانگر در حال افزایش است یا کاهش؟
- د) اندازه ی شتاب نوسانگر در حال افزایش است یا کاهش؟

درست در لحظه ای که جسم را رها می کنیم، جسم از انتهای سمت راست به سمت مرکز حرکت میکند بنابراین

الف) چون در سمت راست مرکز است مکان مثبت، ولی چون به سمت چپ حرکت میکند سرعت و تکانه اش منفی خواهد بود.

ب) میدانیم که علامت شتاب و نیرو مخالف علامت مکان است

پس علامت شتاب و نیرو منفی (یا بردار آنها خلاف محور) می باشد

پ) چون نوسانگر در حال نزدیک شدن به مرکز نوسان می باشد حرکتش تند شونده می باشد

ت) چون نوسانگر به سمت مرکز حرکت می کند و در مرکز سرعت و در نتیجه انرژی جنبشی بیشینه خواهد بود

پس انرژی جنبشی نوسانگر در حال افزایش و انرژی پتانسیل آن در حال کاهش می باشد

د) اندازه ی شتاب در انتهای پاره خط بیشینه و در مرکز کمینه است بنابراین با حرکت نوسانگر از انتها به سمت مرکز در حال کاهش می باشد

مثال ۲) تجربی ۹۵، خارج ریاضی ۸۸ و ۹۰:

در حرکت نوسانی هماهنگ ساده، در لحظه ای که **نیروی** وارد بر نوسانگر **بیشینه** مقدار **مثبت** خود را دارد کدام گزینه در مورد این لحظه درست است؟

۱) در این لحظه علامت سرعت از مثبت به منفی عوض می شود

۲) علامت شتاب نوسانگر قبل و بعد این لحظه منفی است

۳) اندازه انرژی پتانسیل در این لحظه کمینه است

۴) مکان نوسانگر در این لحظه بیشینه منفی است

در دو انتهای مسیر، نیروی وارد بر نوسانگر بیشینه است دقت کنید علامت شتاب و نیرو مخالف علامت مکان می باشند بنابراین در انتهای سمت چپ که مکان منفی است، شتاب و نیروی وارد بر نوسانگر بیشترین مقدار مثبت خود را دارد گزینه ۱ غلط است چون در انتهای سمت چپ، سرعت صفر است و در این لحظه سرعت نوسانگر از منفی به مثبت تغییر علامت می دهد گزینه ۲ غلط است چون در انتهای سمت چپ، شتاب بیشینه مثبت می شود و قبل و بعد این لحظه چون مکان منفی است علامت شتاب مثبت است گزینه ۳ غلط است چون اندازه انرژی پتانسیل در دو انتهای مسیر، بیشینه است گزینه ۴ صحیح می باشد چون در انتهای سمت چپ، مکان بیشینه مقدار منفی خود را دارد

آشنایی با دوره تناوب

دوره تناوب T: مدت زمانی است که طول می کشد تا نوسانگر یک نوسان کامل صورت دهد

بسامد یا فرکانس f: تعداد نوسانهایی که نوسانگر در یک ثانیه، صورت می دهد را بسامد آن گوئیم ((بسامد برعکس دوره است))
سرعت زاویه ای (یا بسامد زاویه ای)؛ هر وقت دوره ی تناوب نوسانگر را دادند و یا به آن رسیدی بدون معطلی خودتو به (OMEGA) برسون

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \xrightarrow{T = \frac{1}{f}} \omega = 2\pi \times f \rightarrow \frac{\omega_2}{\omega_1} = \frac{N_2}{N_1} = \frac{f_2}{f_1} = \frac{T_1}{T_2}$$

یافتن دوره تناوب و بسامد زاویه ای

نکته مهم و کاربردی: گاهی اوقات دوره ی تناوب یک نوسانگر با یک تناسب به دست می آید دوره ی تناوب مدت زمان **یک نوسان کامل**

، و یا مدت زمان پیمودن **دو بار طول پاره خط**، و یا مدت زمان پیمودن **چهار بار طول دامنه** است به عبارتهای زیر دقت کنید

۱) نوسانگری در مدت ۱۰ ثانیه، ۲۰ بار طول پاره خطی را می پیماید ... $\omega = \frac{2\pi}{1} \rightarrow T = \frac{2 \times 10}{20} = 1s \rightarrow \omega = \frac{2\pi}{1}$

۲) نوسانگری در مدت ۱۰ ثانیه، طولی به اندازه ی ۸ برابر دامنه را می پیماید ... $\omega = \frac{2\pi}{5} \rightarrow T = \frac{4 \times 10}{8} = 5s \rightarrow \omega = \frac{2\pi}{5}$

یافتن بسامد زاویه ای به صورت مستقیم

نکته مهم و کاربردی: گاهی اوقات دوره ی تناوب به صورت مستقیم و بدون استفاده از تناسب، حساب می شود نوسانهای **سیستم جرم و فنر** و

نوسانهای آونگ به صورت مستقیم قابل محاسبه است

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \xrightarrow{T = \frac{1}{f}} \omega = 2\pi \times f \rightarrow \frac{\omega_2}{\omega_1} = \frac{N_2}{N_1} = \frac{f_2}{f_1} = \frac{T_1}{T_2}$$

نوع مسئله	بسامد زاویه ای	دوره ی تناوب	# اول - برو - امضا مثلا :
جرم و فنر	$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$	$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ دو پیر مرد مکار	جسمی به جرم 4 kg را به فنری به ثابت $k = 400 \frac{\text{N}}{\text{m}}$ وصل کرده ایم و ... $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{400}{4}} = 10$
آونگ ساده	$\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$	$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$ دو پیر زن لجباز	آونگی به طول 4 متر را در اختیار داریم ... ($g = \pi^2$) $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}} = \sqrt{\frac{\pi^2}{4}} = \frac{\pi}{2}$

مثال ۲) خارج ریاضی ۹۸؛

جسمی به جرم 400g به فنری با ثابت $k = 360 \frac{\text{N}}{\text{m}}$ بسته شده است و روی سطح افقی بدون اصطکاکی

حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد ، این جسم در مدت یک ثانیه چند نوسان انجام می دهد؟ ($\pi = 3$)

۶۰ (۴)

۲۰ (۲)

۱۵ (۲)

۵ (۱)

تعداد نوسانات جسم در یک ثانیه همان بسامد یا f می باشد $f = \frac{30}{2\pi} = 5$
 $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \rightarrow \omega = \sqrt{\frac{360}{0.4}} \rightarrow \omega = 2\pi f \rightarrow 2\pi f = \sqrt{900} \rightarrow f = \frac{30}{2\pi} = 5$

اگر همین سوال می گفت تعداد نوسانات را در ۳ ثانیه حساب کنید جواب چه می شد ؟ $3f = 3 \times 5 = 15$

نوسانگر کجاست ؟	اندازه ی بیشینه ی این کمیت	جمع بندی کمیت های بیشینه
در نقاط بازگشت	A	مکان
در مرکز نوسان	Aω	تندی (اندازه ی سرعت)
در مرکز نوسان	mAω	نگانه
در نقاط بازگشت	Aω^2	شتاب
در نقاط بازگشت	mAω^2	نیرو
در مرکز نوسان	K_{max} = E = $\frac{1}{2}mA^2\omega^2$	انرژی جنبشی
در نقاط بازگشت	U_{max} = E = $\frac{1}{2}mA^2\omega^2$	انرژی پتانسیل
x = ACos(ωt)		F = -mω^2x
a = -ω^2x		

مثال ۶) غنی سازی قلم چی ۹۰: آونگی در نوسانات کم دامنه شتابش در انتهای مسیر $2\pi \frac{m}{s^2}$ و تندی اش در مرکز نوسان $2 \frac{m}{s}$ می باشد مطلوبست:

- ۱) دوره ی تناوب حرکت چند ثانیه است؟
- ۲) طول آونگ چند متر است؟ ($g = \pi^2$)
- ۳) این جسم در ۱۰ ثانیه چند نوسان کامل صورت میدهد؟
- ۴) دامنه ی نوسان و طول پاره خط نوسان چند متر است؟ ($\pi = 3$)
- ۵) معادله ی مکان زمان را بنویسید (با فرض اینکه این نوسانگر در مبدا زمان از بیشینه ی مکان مثبت حرکتش را آغاز کند)
- ۶) بزرگی شتاب نوسانگر در مکان $x = 1 \text{ cm}$ چند متر بر مربع ثانیه است؟

۱) شتاب در انتها یعنی شتاب بیشینه و تندی در مرکز نوسان یعنی تندی بیشینه

$$a_{\max} = A\omega^2 = 2\pi$$

$$v_{\max} = A\omega = 2$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \rightarrow \frac{2\pi}{T} = \pi \rightarrow T = 2s$$

۲) بسامد همان تعداد نوسانات در یک ثانیه است $\omega = 2\pi f$ و حال برای تعداد نوسانات در ۱۰ ثانیه داریم $N = 10f$

$$\omega = \pi = 2\pi f \rightarrow f = \frac{1}{2} \xrightarrow{N=10f} N = 10 \times \frac{1}{2} = 5$$

۳) هر وقت بحث ω و آونگ بود داریم ((ژیلا رفته زیر پل)) $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}} \rightarrow \pi^2 = \frac{g}{L} \rightarrow L = 1m$ (😊)

$$v_{\max} = A\omega = 2 \xrightarrow{\omega = \pi} A\pi = 2 \rightarrow A = \frac{2}{\pi} = \frac{2}{3} \rightarrow L = 2A = 2 \times \frac{2}{3} = \frac{4}{3}$$

۵) معادله ی حرکت نوسانگر به صورت $y = A\cos(\omega t)$ می باشد بنابراین داریم $y = \frac{2}{3} \cos(\pi t)$

مثال ۷) غنی سازی ریاضی ۹۵ و تجربی ۹۶:

وزنه ای به جرم 0.5 kg به فنر سبکی با ثابت $200 \frac{N}{M}$ بسته شده و روی سطح افقی بدون اصطکاک نوسان می کند اگر بیشترین و کمترین طول فنر در این نوسان به ترتیب 22 cm و 12 cm باشد انرژی پتانسیل نوسانگر در انتهای پاره خط نوسان چند ژول است؟ (۱) 0.25 (۲) 0.3 (۳) 0.4 (۴) 0.35

اولا: هر جا جرم و ضریب سختی فنر را دیدی بدون معطلی $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ را حساب کنی $\omega = \sqrt{\frac{200}{0.5}} = 20$

ثانیا: تفاضل بیشترین و کمترین طول فنر همان طول پاره خط نوسان می باشد و نصف این عدد دامنه ی نوسان است $A = \frac{L = 22 - 12}{2} = 5 \text{ cm}$

ثالثا: انرژی پتانسیل نوسانگر در دو انتهای مسیر بیشینه است و با انرژی مکانیکی برابر خواهد بود $U_{\max} = E \rightarrow E = \frac{1}{2} mA^2 \omega^2$

$$E = \frac{1}{2} mA^2 \omega^2 = \frac{1}{2} \times 0.5 \times \left(\frac{5}{100}\right)^2 \times 20^2 = 0.25 \text{ J}$$

سوال خیلی مهم: اگر این سوال جرم نوسانگر را نمیداد چی میشد؟ این سوال حل میشد؟

$$E = \frac{1}{2} mA^2 \omega^2 \xrightarrow{\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \rightarrow \omega^2 = \frac{k}{m}} E = \frac{1}{2} mA^2 \frac{k}{m} \rightarrow \boxed{E = \frac{1}{2} k A^2} = \frac{1}{2} \times 200 \times \frac{25}{10000} = 0.25$$

مثال ۱۲) ریاضی ۹۱ و خارج ریاضی ۹۱:

معادله‌ی حرکت آونگ ساده‌ای در نوسانات کم دامنه و در SI به صورت $a + \pi^2 x = 0$ است.

اگر $\pi^2 = 10$ فرض شود، طول آونگ چند متر است؟

- ۱) ۰/۵ (۱) ۲) ۲ (۲) ۳) $\sqrt{10}$ (۴)

$$\omega = \pi$$

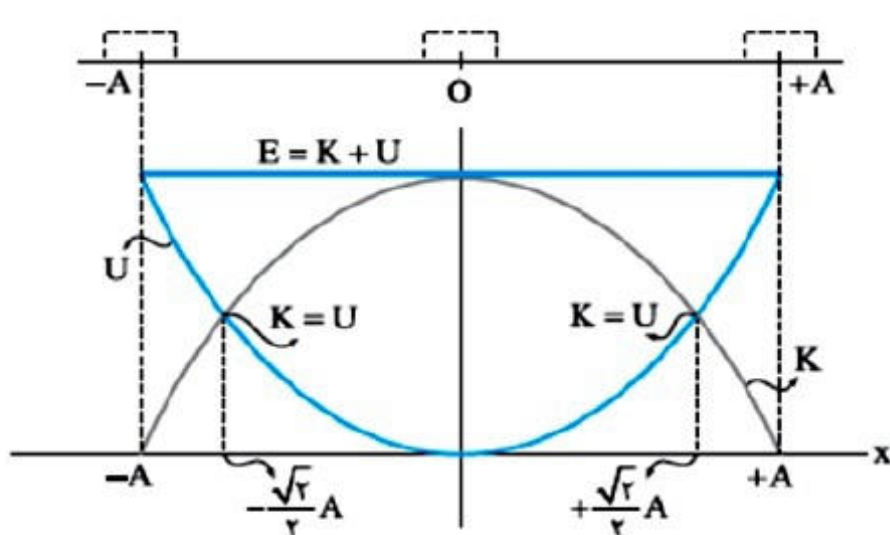
$$\omega = \pi \Rightarrow \pi = \sqrt{\frac{g}{L}} \Rightarrow \pi^2 = \frac{g}{L} \Rightarrow L = \frac{g}{\pi^2} = 1 \text{ m}$$

بررسی تمامی حالاتی که در یک لحظه‌ی مشخص، کمیت میدان و کمیت میخوان

تندی بدن، انرژی پتانسیل بخوان و برعکس $U + K = E$ که در این رابطه میتوان به جای انرژی جنبشی $(K = \frac{1}{2}mV^2)$ را نوشت

و به جای انرژی مکانیکی $(E = \frac{1}{2}mA^2\omega^2)$ و یا برای فتر میتوان $(E = \frac{1}{2}kA^2)$ را نوشت

نکته ۴: یک حالت خاص ولی پرتکرار در کنکور وجود دارد **و آن لحظه‌ای ایست که انرژی جنبشی و پتانسیل برابر می شوند** در این صورت



اولا: مکان و اندازه سرعت (تندی) و تکانه و شتاب و نیرو همگی

مساوی $\frac{\sqrt{2}}{2}$ مقدار بیشینه‌ی خود خواهند بود

ثانیا: انرژی جنبشی و مکانیکی وقتی برابر میشوند هر یک معادل نیمی

از انرژی مکانیکی خواهند بود $U = K = \frac{E}{2}$

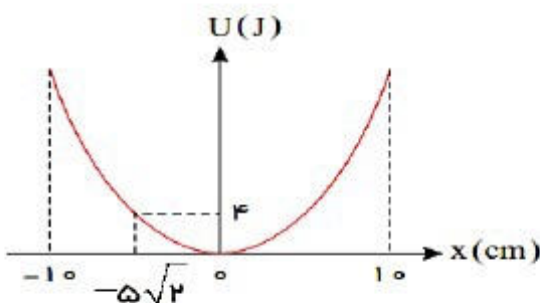
ثالثا: زمان رسیدن نوسانگر از نقاط بازگشت تا جایی که

انرژی جنبشی و پتانسیل برابر می شوند برابر $\frac{T}{8}$ می باشد

مثال ۱۳) غنی سازی ریاضی ۸۶: با توجه به نمودار روبه رو انرژی جنبشی نوسانگر

در $x = -5\sqrt{2} \text{ cm}$ چند ژول است؟

- ۱) ۲ (۱) ۲) ۴ (۲) ۳) ۶ (۳) ۴) ۸ (۴)



در مکان $x = \pm \frac{\sqrt{2}}{2} A$ انرژی جنبشی و پتانسیل با هم برابر هستند الان نقطه‌ی داده شده دقیقا $10 = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot 5\sqrt{2}$ می باشد بنابراین در این نقطه

انرژی جنبشی و پتانسیل با هم برابرند

مثال ۱۸) #احتمالی ۱۴۰۰. تمرین کتاب، تجربی ۹۹، ریاضی ۹۹ و ۹۸ و خارج ریاضی ۹۹؛

جسمی به جرم ۲kg را به فنری افقی به ثابت $12 \frac{N}{cm}$ متصل می کنیم. فنر به اندازه ۱۰cm فشرده ورها می کنیم.

جسم روی یک سطح افقی بدون اصطکاک شروع به نوسان می کند. وقتی تندی جسم به $1/5 \frac{m}{s}$ می رسد، انرژی پتانسیل کشسانی آن چقدر است؟

۲/۲۵ (۴)

۳/۷۵ (۳)

۳/۵ (۲)

۳/۲۵ (۱)

اولاً دامنه نوسان $A = 10cm = 0.1m$ می باشد. ثانیاً انرژی مکانیکی برابر است با: $E = \frac{1}{2}KA^2 = \frac{1}{2} \times 1200 \times (0.1)^2 = 6J$

ثالثاً در لحظه ای که تندی جسم $1/5 \frac{m}{s}$ است، انرژی جنبشی آن برابر است با: $K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times (1/5)^2 = 2/25J$

بنابراین انرژی پتانسیل آن در این لحظه برابر است با: $E = U + K \Rightarrow 6 = U + 2/25 \Rightarrow U = 3/75J$

مثال ۱۹) #احتمالی ۱۴۰۰. قلم چی ۹۴. نسبت انرژی پتانسیل به انرژی جنبشی برای نوسانگری $\frac{1}{8}$ است

نسبت سرعت این نوسانگر به سرعتش در مرکز نوسان در همان لحظه چند است؟

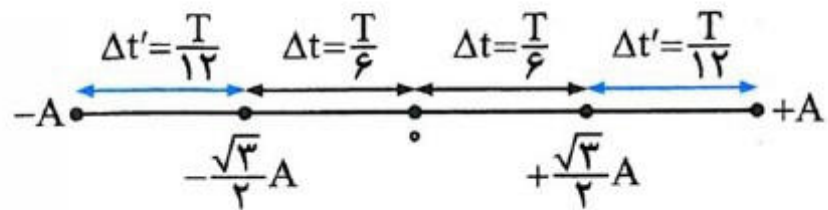
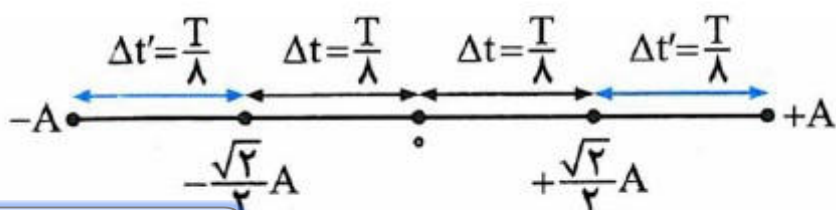
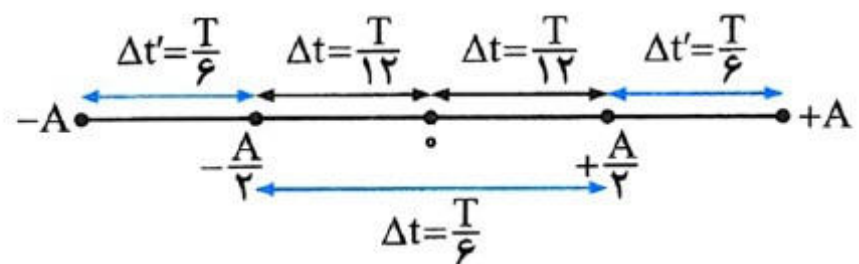
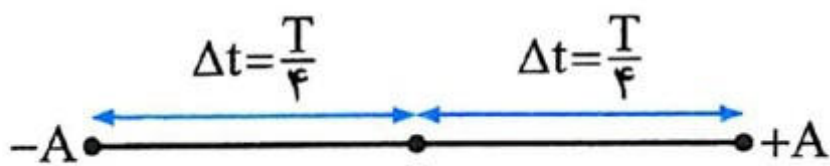
$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۴)

$\frac{2\sqrt{2}}{3}$ (۳)

$\frac{1}{9}$ (۲)

$\frac{1}{3}$ (۱)

سوالاتی که بحث بازه زمانی است (چه بدن چه بخوان) از محورهای زمان سنج استفاده می کنیم



مثال (۲۷) # احتمالی ۱۴۰۰ : نوسانگری در لحظه t_1 در مکان $y_1 = \frac{\sqrt{3}}{2} A$ و در بعد های مثبت با حرکت تند شونده و در

لحظه t_2 در مکان $y_2 = -\frac{1}{2} A$ و با حرکت کند شونده قرار می گیرد **بازه ی زمانی** بین t_1 تا t_2 چند برابر دوره حرکت است ؟

- (۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{3}{4}$ (۳) $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{1}{6}$

چون گفته تند شونده پس در t_1 به سمت مرکز می رود.

گفته کند چون در t_2 شونده پس در این (مرکز) دور 0 لحظه از می شود.

گفته کند چون در t_2 شونده پس در این (مرکز) دور 0 لحظه از می شود.

$$\Delta t = \frac{T}{6} + \frac{T}{12} = \frac{2T}{12} = \frac{T}{6} \rightarrow \frac{\Delta t}{T} = \frac{1}{6} = \frac{1}{6}$$

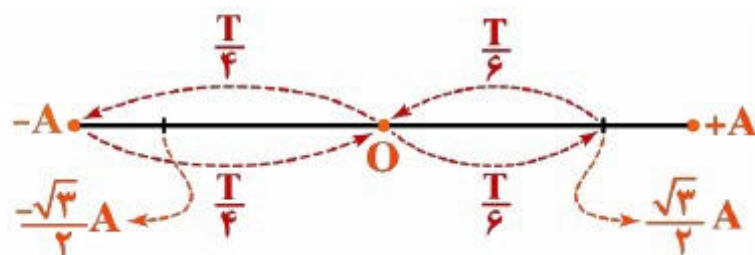
نکته خیلی مهم : اگر نوسانگر از نقطه ای که در فاصله x_1 از مرکز نوسان قرار دارد به سمت انتهای پاره خط نوسان حرکت کند و تغییر جهت دهد و برای اولین بار به نقطه x_1 برسد زمانی معادل $\frac{T}{4}$ طول می کشد

مثال (۲۸) خارج تجربی ۹۹؛ جرمی متصل به فنر با بسامد 5 Hz روی پاره خطی به طول 8 cm در سطح افقی بدون اصطکاک حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد. نوسانگر در لحظه t_1 از یک سانتی متری نقطه ی تعادل (مرکز نوسان) عبور می کند و حرکتش در این لحظه کند شونده است. از لحظه t_1 حداقل چند ثانیه طول می کشد تا نوسانگر از یک سانتی متری طرف دیگر نقطه ی تعادل عبور کند؟

- (۱) $\frac{1}{40}$ (۲) $\frac{1}{20}$ (۳) $\frac{1}{10}$ (۴) $\frac{1}{5}$

نکته: اگر زمان جا به جایی و مبدا و مقصد نوسانگر مشخص بود، هر چیزی بپرس #اول برو بواسطه ی زمان سنجی دوره ی تناوب را پیدا کن

مثال (۲۰) خارج ریاضی ۹۲:



در لحظه ی t_1 مکان نوسانگری به صورت $x = \frac{\sqrt{3}}{2} A$ است

و جهت حرکت نوسانگر در آن لحظه به سمت مرکز است. اگر یک ثانیه بعد نوسانگر دوباره به همان مکان برسد دوره ی این نوسانگر چند ثانیه است؟

- ۱) $\frac{1}{2}$ ۲) $\frac{1}{6}$ ۳) $\frac{2}{4}$ ۴) $\frac{2}{6}$

برای یافتن جایگاه نقطه ی اول ابتدا مکان داده شده را بر مکان ماکزیمم تقسیم می کنیم چون نوسانگر در لحظه ی t_1 در مکان مثبت و در حال نزدیک شدن به مبدا می باشد نقطه ی ابتدایی در ربع دوم قرار می گیرد برای اینکه یک ثانیه بعد به همان مکان برگردد مطابق شکل باید به ربع اول برسد

$$\Delta t = \frac{T}{6} + \frac{T}{4} + \frac{T}{4} + \frac{T}{6} = \frac{\Delta T}{6} = 1 \rightarrow T = \frac{6}{5} = 1.2 \text{ s}$$

مثال (۲۲) مشابه خارج ریاضی ۹۶، قلم چی-کامران ۸۹

نوسانگری بر روی پاره خط $AA' = 16 \text{ cm}$ حول نقطه تعادل O حرکت نوسانی ساده دارد. اگر این نوسانگر طول $B'O$ را در مدت ۱ ثانیه بپیماید طول BA را در چند ثانیه خواهد پیمود؟

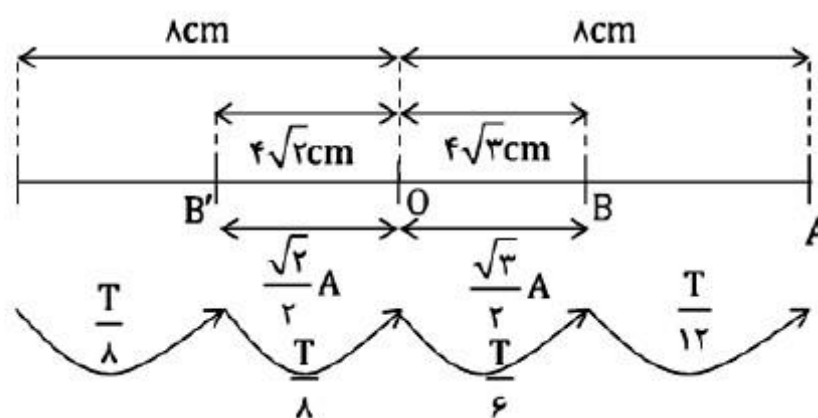


$$OB = 4\sqrt{3} \quad B'O = 4\sqrt{2} \quad \text{و}$$

- ۱) $\frac{1}{3}$ ۲) $\frac{2}{3}$ ۳) $\frac{3}{2}$ ۴) 2

$$\Delta t_{B'O} = \frac{T}{8} = 1 \rightarrow T = 8$$

$$\Delta t_{BA} = \frac{T}{12} = 1 \rightarrow \Delta t_{BA} = \frac{8}{12} = \frac{2}{3} \text{ s}$$



نتیجه و یک روش حل خیلی مهم :

مثال (۲۳) #احتمالی ۱۴۰۰ یک سوال خیلی خوب و کامل :

معادله ی مکان زمان یک نوسانگر ساده به صورت $x = A \cos \pi t$ می باشد پس $\frac{7}{6}$ ثانیه مطلوبست یافتن :

- (۱) یافتن مکان نوسانگر ؟
- (۲) توصیف حرکت نوسانگر در این لحظه ؟ (نوع حرکت و جهت حرکت)
- (۳) تندى متوسط نوسانگر ؟
- (۴) شتاب نوسانگر ؟
- (۵) مدت زمانی که حرکت نوسانگر تند شونده است ؟
- (۶) مدت زمانی که حرکت نوسانگر تند شونده است و شتاب آن مثبت است ؟
- (۷) مدت زمانی که متحرک در خلاف جهت محور حرکت می کند ؟
- (۸) در این بازه ی زمانی چند بار انرژی جنبشی و پتانسیل نوسانگر برابر می شود ؟
- (۹) در این بازه ی چند بار نوسانگر از مرکز نوسان عبور می کند ؟
- (۱۰) در این بازه ی زمانی چند بار نوسانگر تغییر جهت داده است ؟

$$t = \frac{7}{6} \quad \left| \quad \begin{array}{l} \omega = \pi = \frac{2\pi}{T} \rightarrow T = 2 \\ \omega = \pi \end{array} \right. \rightarrow \frac{t}{T} = \frac{\frac{7}{6}}{2} = \frac{7}{12} \rightarrow t = \frac{7}{12} T \rightarrow \boxed{t = \frac{3}{12} T + \frac{3}{12} T + \frac{T}{12}}$$

بدترین نوع حل این سوال اینه که این لحظات را در معادله جایگذاری کنید به توصیه خیلی مهم : هر وقت بهتون زمان دارند و مسافت و تندی متوسط و ... را خواستند به هیچ عنوان زمان را در معادله مکان جایگذاری نکنید

مثال (۳۴) #احتمالی ۱۴۰۰: معادله مکان زمان یک نوسانگر به صورت $x = 0.06 \cos \frac{\pi}{3} t$ است. تندی متوسط این نوسانگر در فاصله زمانی $1/5 < t < 4/5$ چند سانتیمتر بر ثانیه است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

✓ بیشترین و کمترین، سرعت متوسط و جابه جایی و مسافت طی شده:

✓ بیشترین سرعت متوسط و تندی متوسط و جابه جایی و مسافت و کمترین شتاب متوسط وقتی خواهد بود که متحرک نیمی از مسیر خودش را قبل از مرکز و نیمی دیگر را بعد از مرکز طی کند

✓ کمترین سرعت متوسط و جابه جایی و مسافت و بیشترین شتاب متوسط وقتی خواهد بود که متحرک نیمی از مسیر خودش را قبل از انتهای مسیر و نیمی دیگر را بعد از انتهای مسیر طی کند

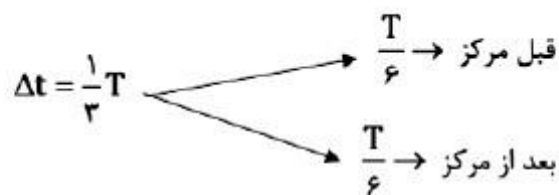
مثال (۳۷) مشابه خارج ریاضی ۹۳ و آزمون قلم چی ۹۲ و ۹۳، ۹۵:

در یک حرکت هماهنگ ساده، در مدت دلخواه $\frac{1}{3}T$ دوره مطلوبست:

الف) بیشترین جابه جایی چند برابر دامنه حرکت است؟

ب) بیشترین مسافت پیموده شده چند برابر دامنه است؟

ج) کمترین شتاب متوسط در این مدت چه قدر است؟



$$\Delta x_{\max} = \frac{\sqrt{3}}{2}A - \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}A\right) = \sqrt{3}A \quad (\text{الف})$$

ب) وقتی تغییر جهت نداریم مسافت و جابه جایی هم اندازه خواهند بود

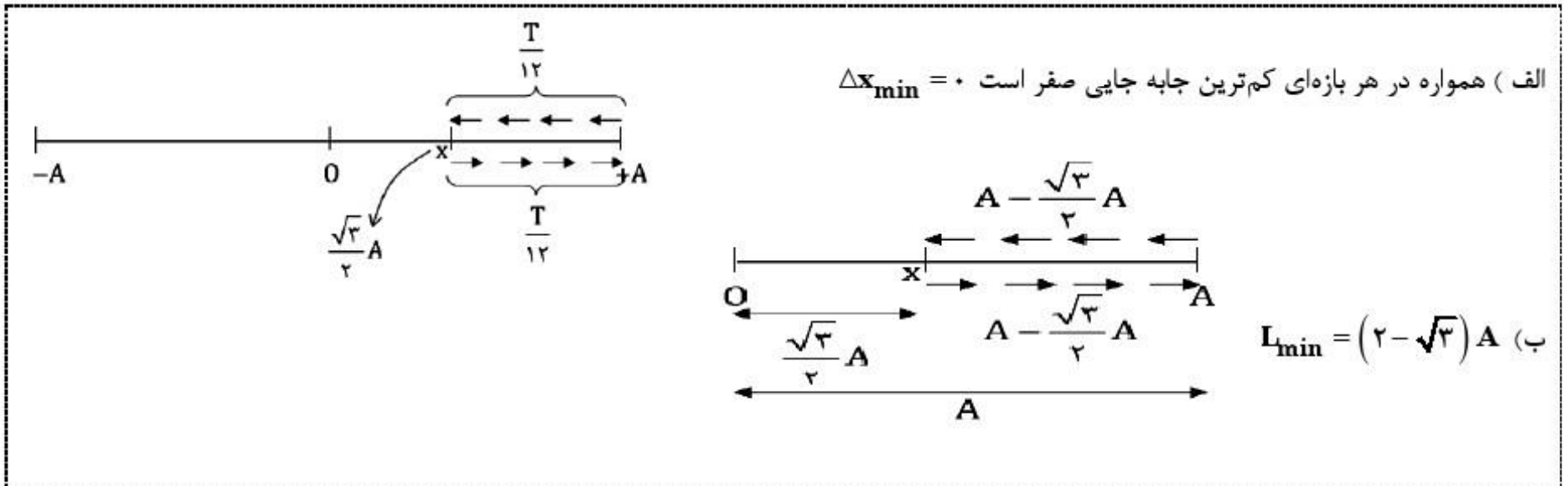
$$\leftarrow \text{مسافت بیشینه} = \sqrt{3}A$$

$$\leftarrow \text{همواره } a_{\text{ave min}} = 0 \quad (\text{ج})$$

مثال (۲۸) # احتمالاً ۱۴۰۰ مشابہ خارج ریاضی ۹۲ و قلم چی ۹۲ و ۹۵:

در یک حرکت هماهنگ ساده، در مدت دلخواه $\frac{1}{6}$ دوره، مطلوبست
 الف) کمترین جابه جایی چند برابر دامنه است؟
 ب) کمترین مسافت پیموده شده چند برابر دامنه است؟
 ج) کمترین تندی متوسط را بر حسب دوره و دامنه بنویسید

$$\Delta t = \frac{1}{6}T \begin{cases} \rightarrow \frac{T}{12} \text{ قبل از } A \\ \rightarrow \frac{T}{12} \text{ بعد از } A \end{cases}$$



بررسی نمودار مکان-زمان

مکان (cm): $+A$, 0 , $-A$

زمان (s): $\frac{T}{4}$, $\frac{T}{2}$, $\frac{3T}{4}$, T

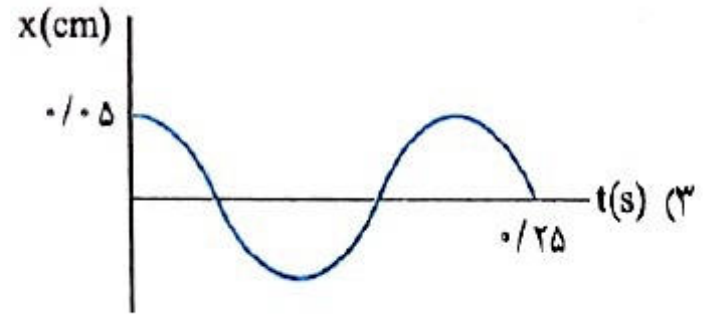
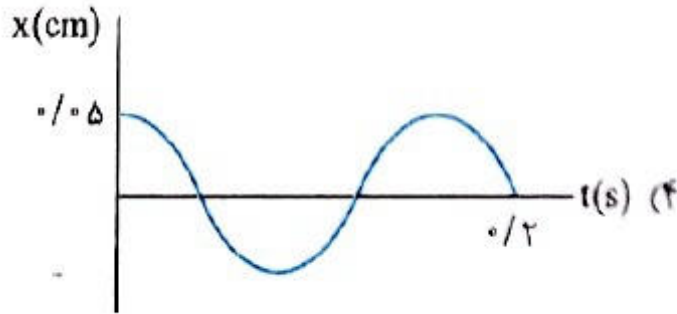
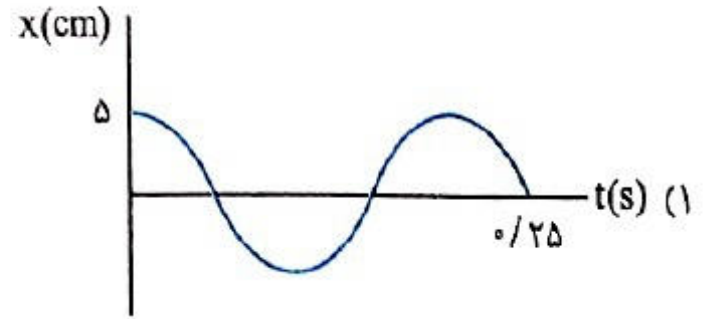
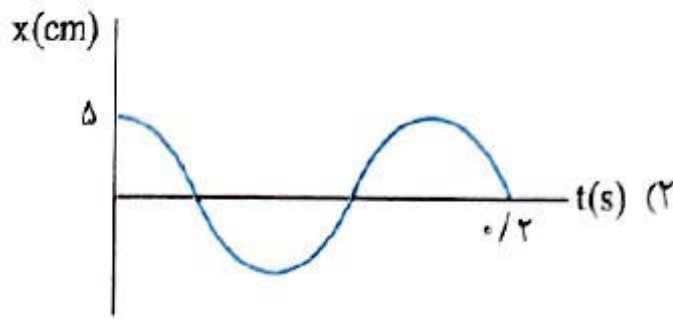
نقطه بازگشت $+A$
 نقطه تعادل 0
 نقطه بازگشت $-A$

زمان: $\frac{T}{4}$, $\frac{T}{2}$, $\frac{3T}{4}$, T

حرکت کندشونده
 حرکت تندشونده

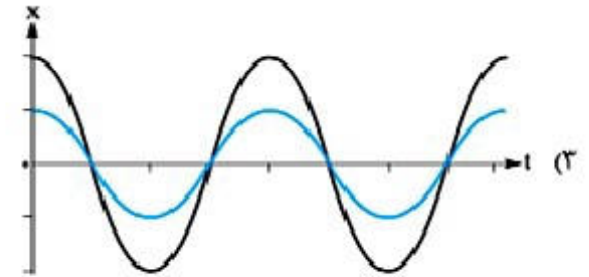
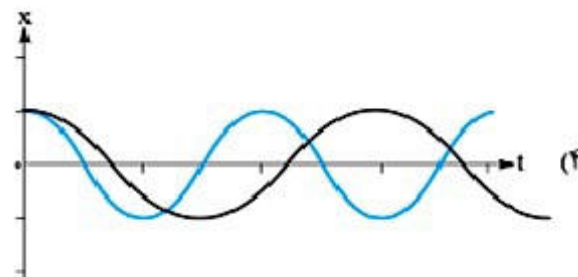
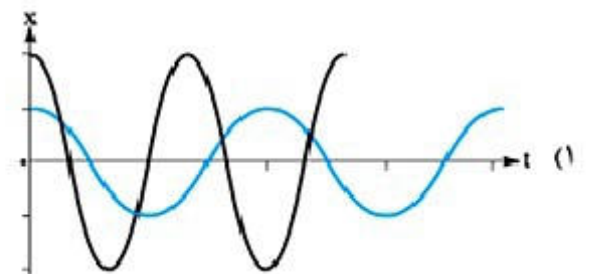
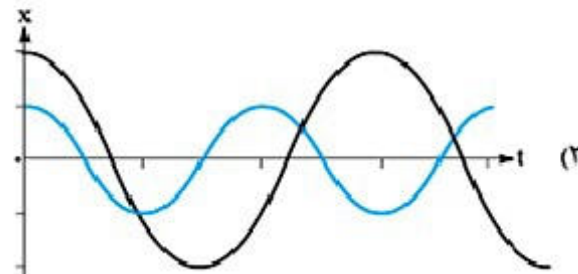
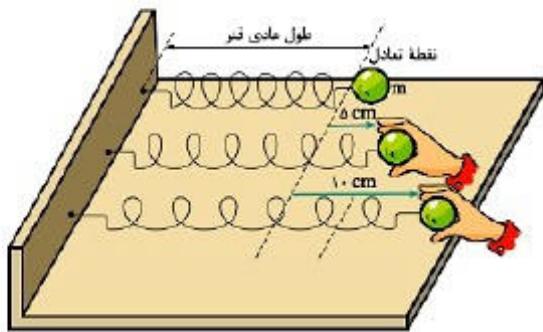
هر قدم میشه $\frac{T}{4}$

مثال ۴۰) معادله ی مکان - زمان نوسانگری به صورت $x = 0.05 \cos(10\pi t)$ است . کدام گزینه نمودار مکان - زمان این نوسانگر را به درستی نشان می دهد ؟



مثال ۴۲) #احتمالی ۱۴۰۰ : در شکل رو به رو ، وزنه ای روی یک سطح افقی بدون اصطکاک که

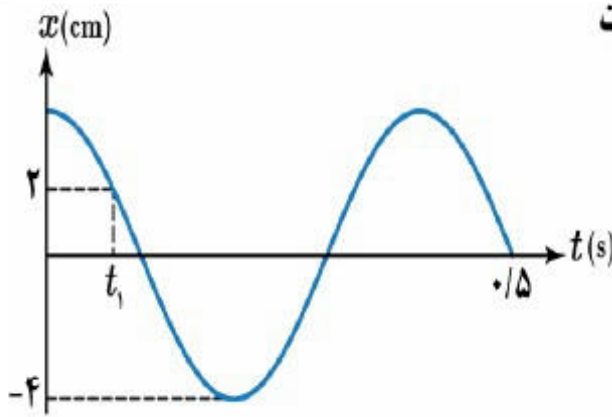
به یک فنر افقی متصل است ، این وزنه را یکبار ۵ سانتیمتر و بار دوم ۱۰ سانتیمتر از نقطه ی تعادل به سمت راست میکشیم و رها میکنیم کدام گزینه به درستی نمودار مکان زمان را برای این دو وزنه در دو حالت رسم کرده است ؟



بررسی نمودار های زنجی (نموداری است که عدد روی محور افق آن از ابتدا یا انتها روی قله یا دره یا صفر نباشد)

تا نموداری بر حسب زمان دادند ((قبل از هر کاری #اول برو به کمک عدد داده شده در محور زمان دوره تناوب را پیدا کنید))

مثال ۴۷) غنی سازی تمرین کتاب درسی ؛ نمودار مکان-زمان نوسانگری مطابق شکل مقابل است



الف) مقدار t_1 را حساب کنید

ب) شتاب نوسانگر در لحظه t_1 حساب کنید؟ ($\pi^2 = 10$)

ج) نیروی وارد بر نوسانگر در $t = \frac{2}{15}$ s به صورت برداری بنویسید ($m = 100 \text{ gr}$)

د) اگر این نمودار متعلق به یک آونگ باشد طول آونگ چند سانتیمتر است؟ ($\pi^2 = 10$)

و) چند ثانیه پس از شروع حرکت انرژی جنبشی و پتانسیل برای دومین بار با هم برابر می شوند؟

اول برو سراغ این عدد
 $t = 0.5$ و از دل آن دوره ی
تناوب T را حساب کن.

$$\frac{T}{4} + \frac{T}{4} + \frac{T}{4} + \frac{T}{4} + \frac{T}{4} = \frac{5T}{4} = \frac{5}{10} \rightarrow T = \frac{4}{10} \rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{\frac{4}{10}} = 5\pi$$

الف) $t_1 = \frac{T}{4} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} = \frac{1}{2.5} = \frac{1}{2.5} \text{ s}$

ب) $a = -\omega^2 x \rightarrow a = -(5\pi)^2 \left(\frac{2}{10}\right) = -5 \rightarrow a = -5 \text{ i}$

ج) ابتدا به کمک ((تی تی ام)) و نقطه یابی ، مکان را در این نقطه پیدا میکنیم

سپس با رابطه ی $F = -m\omega^2 x$ به نیرو می رسیم

$$\frac{t}{T} = \frac{2}{15} = \frac{20}{60} = \frac{1}{3} \rightarrow t = \frac{1}{3}T \rightarrow t = \frac{4}{12}T \rightarrow t = \frac{3}{12}T + \frac{1}{12}T \rightarrow X = A \rightarrow \dots \rightarrow \frac{-A}{2}$$

$$F = -m\omega^2 x \rightarrow a = -\frac{1}{10}(5\pi)^2 \left(\frac{-2}{10}\right) = 5 \rightarrow F = \frac{5}{10} \text{ i}$$

د) $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}} \rightarrow 5\pi = \sqrt{\frac{\pi^2}{L}} \rightarrow 25\pi^2 = \frac{\pi^2}{L} \rightarrow L = \frac{1}{25} \times 100 = 4 \text{ cm}$

و) $\frac{T}{4} + \frac{T}{8} = \frac{3T}{8} = \frac{3(0.4)}{8} = \frac{3}{20}$

دوره ی تناوب آونگ تغییر میکند؟ $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$	دوره ی تناوب فنر تغییر میکند؟ $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$	نوع تغییر
در کره ی ماه شتاب گرانش کم تر است و دوره ی تناوب آونگ طبق رابطه یا کاهش شتاب، <u>زیاد</u> می شود	در کره ی ماه شتاب گرانش کم تر است ولی دوره ی تناوب فنر به شتاب بستگی ندارد پس دوره <u>عوض نمی شود</u>	آنها را به کره ی ماه می بریم
شتاب آسانسور به شتاب گرانش به صورت مثبت ارث می رسد $(-)\times(-)=+ \rightarrow g^* = g + a$ پس دوره ی تناوب آونگ طبق رابطه یا افزایش شتاب، <u>کاهش</u> می یابد	شتاب آسانسور به شتاب گرانش به ارث می رسد ولی دوره ی تناوب فنر به شتاب بستگی ندارد پس دوره <u>عوض نمی شود</u>	درون آسانسوری فرار دهیم که کند شونده رو به پایین می آید
با کاهش طول آونگ، طبق رابطه دوره ی تناوب <u>کم</u> می شود $T \propto \frac{1}{\sqrt{L}}$	با نصف کردن فنر، ضریب سختی آن دو برابر می شود و طبق رابطه دوره تناوب آن کم می شود $T \propto \frac{1}{\sqrt{k}}$	طول آونگ و فنر را نصف میکنیم

مثال ۵۹) #احتمالی ۱۴۰۰: ساعت آونگ داری در اختیار داریم بر اساس تغییر اعمال شده، جدول زیر را پر کنید

ساعت آونگ جلو می افتد یا عقب؟ $V \propto \frac{1}{T}$	دوره ی تناوب آونگ چه می شود؟ $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$	تعداد نوسانات آونگ در مدت ۲۰ ثانیه چه می شود؟ $\frac{N_2}{N_1} = \frac{\omega_2}{\omega_1}$	بسامد زاویه ای آونگ چه می شود؟ $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$	نوع تغییر
دوره ی تناوب کاهش در نتیجه سرعت عقربه ها بیشتر و ساعت جلو می افتد	ω افزایش؛ دوره ی تناوب کاهش	ω افزایش؛ تعداد نوسان هم افزایش	دما کاهش؛ طول کاهش؛ ω افزایش	۱) کاهش دما
تاثیری ندارد	تاثیری ندارد	تاثیری ندارد	تاثیری ندارد	۲) تغییر جرم آونگ
تاثیری ندارد	تاثیری ندارد	تاثیری ندارد	تاثیری ندارد	۳) تغییر دامنه ی نوسان آونگ
دوره ی تناوب افزایش در نتیجه سرعت عقربه ها کمتر و ساعت عقب می افتد	ω کاهش؛ دوره ی تناوب افزایش	ω کاهش؛ تعداد نوسان هم کاهش	g کاهش؛ ω کاهش	۴) انتقال ساعت از تهران به استوا

مثال ۶۱) #احتمالی ۱۴۰۰: ریاضی ۹۹ و ۹۸ و ۹۴ و خارج تجربی ۹۱: آونگی در مدت معین ۴ نوسان کامل صورت می دهد. چند درصد طول آن را

تغییر دهیم تا در مکان قبلی و در همان زمان قبلی یک نوسان بیشتر صورت دهد

۱) ۲۵ درصد افزایش ۲) ۲۵ درصد کاهش ۳) ۲۶ درصد افزایش ۴) ۲۶ درصد کاهش

دقت کنید در مدت زمان یکسان، نسبت تعداد نوسانات برابر است با نسبت بسامد زاویه ای

زیرا آونگی که نوسانات بیشتری انجام میدهد دارای دوره ی کمتری است $\frac{\omega_2}{\omega_1} = \frac{N_2}{N_1} = \frac{5}{4}$

$$\frac{\omega_2}{\omega_1} = \frac{N_2}{N_1} = \frac{5}{4} \xrightarrow{\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}} \frac{\sqrt{\frac{g}{L_2}}}{\sqrt{\frac{g}{L_1}}} = \frac{5}{4} \rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \frac{16}{25} \rightarrow \frac{\Delta L}{L_1} \times 100 = \frac{16-25}{25} \times 100 = -36$$

مثال ۶۶) دوره تناوب آونگ ساده‌ای به طول L_1 برابر $5s$ و دوره تناوب آونگ ساده دیگری به طول L_2 برابر $12s$ است. دوره تناوب آونگ ساده‌ای به طول $L_1 + L_2$ بر حسب ثانیه کدام است؟ (زاویه انحراف آونگ از وضع تعادل کوچک است و از اتلاف انرژی نیز صرف نظر کنید).

۲۶ (۴)

۱۳ (۳)

۱۷ (۲)

۷ (۱)

نکته‌تی:

دوره‌ی تناوب آونگی که طول آن مجموع طول دو آونگ با دوره‌های T_1 و T_2 است از رابطه‌ی به دست می‌آید

مثال ۶۷) دو آونگ با دوره‌های $2s$ و $1/8s$ ثانیه داریم

$$t = \frac{2 \times 1/8}{2 - 1/8} = \frac{2 \times 1/8}{0.125} = 16s \text{ ؟}$$

$$t = \frac{4 \times 2 \times 1/8}{2 - 1/8} = \frac{4 \times 2 \times 1/8}{0.125} = 64s \text{ ؟}$$

در نامه‌ی مهم: بررسی سوالاتی که به بلایی سر آونگ ساعت میارن بعد میگویم؛ ساعت دیواری عقب می‌افتد یا جلو؟

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \times \sqrt{\frac{g_1}{g_2}} \leftarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \text{ بین دوره‌ی تناوب چند} \text{ \# اول برو}$$

حواست باشه اگر $T_2 > T_1$ دوره‌ی تناوب زیاد بشه ساعت عقب می‌افتد و اگر $T_2 < T_1$ دوره‌ی تناوب کم بشه ساعت جلو می‌افتد

حالا اگه بپرسن چه قدر جلو یا عقب می‌افتد چی کار کنیم؟ طبق رابطه‌ی $t = \frac{nT_A T_B}{T_B - T_A}$ باید حساب کنیم که در در

مدت t ثانیه آونگ سریعتر چند نوسان بیشتر از دیگری صورت داده. این تعداد نوسان بیشتر را در این رابطه با n نشان میدهیم گام آخر؛ حالا برای تعیین میزان عقب افتادن یا جلو افتادن ساعت کافیه $\Delta t = n \times T_1$ کنیم

مثال ۶۹) # احتمالی ۱۴۰۰: تالیفی کامران؛ دوره‌ی تناوب آونگ ساعتی ۲ ثانیه است، اگر طول این آونگ را ۱۹ درصد کم کنیم

در مدت ۶ ساعت، این ساعت چند دقیقه جلو یا عقب می‌افتد؟

۷۰ دقیقه عقب می‌افتد (۴)

۷۰ دقیقه جلو می‌افتد (۳)

۴۰ دقیقه عقب می‌افتد (۲)

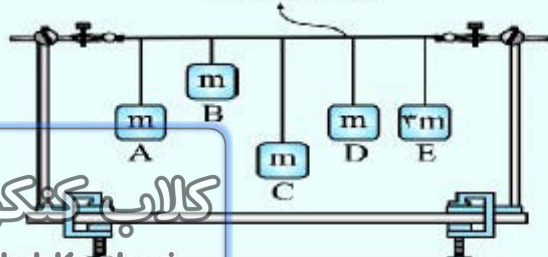
۴۰ دقیقه جلو می‌افتد (۱)

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \rightarrow L_1 = 100 \rightarrow L_2 = 100 - 19 \rightarrow L_2 = 81 \rightarrow \frac{T_2}{T_1 = 2} = \sqrt{\frac{81}{100}} = \frac{9}{10} \rightarrow T_2 = 1/8$$

$$t = \frac{nT_1 T_2}{T_1 - T_2} \rightarrow 6 \times 60 \times 60 = \frac{n \times 2 \times 1/8}{2 - 1/8} \rightarrow 6 \times 3600 = \frac{n \times 3/6}{0.125} \rightarrow 6 \times 3600 = 18n \rightarrow n = 1200$$

$$\rightarrow nT_1 = 2400s = \frac{2400s}{60} = 40 \text{ min}$$

سیم قابل انعطاف

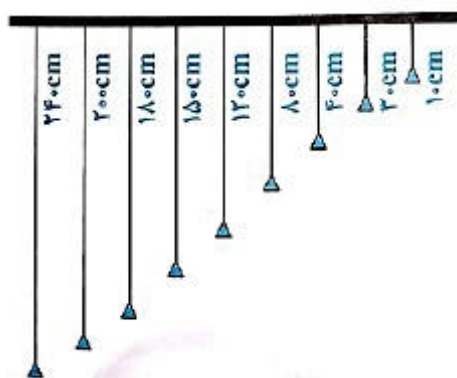


مثال ۷۲) مطابق شکل زیر، از یک میله افقی، آونگ‌های ساده‌ای به جرم‌های یکسان می‌آویزیم.

اگر آونگ A را از وضع تعادل خارج و رها کنیم، کدام آونگ پس از مدت طولانی می‌ایستد؟

D (۲) B (۱)

E و D (۴) E (۳)



مثال (۷۴) #احتمالی ۱۴۰۰: تمرین ۳-۲ کتاب درسی نظام جدید

۹ آونگ ساده از میله ای افقی آویزانند. میله با بسامد زاویه ای در گستره ی

$\frac{2}{5} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ تا $5 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ به طور افقی به نوسان در می آید. چه تعداد از آونگ ها

به شدت به نوسان در می آیند؟ $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$

- (۱) صفر (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۶

آونگ هایی به شدت به نوسان در می آیند که توسط میله تشدید شوند بسامد (یا دوره یا بسامد زاویه ای) آنها با میله یکی شود

$$\omega = \frac{2}{5} \rightarrow \omega = \sqrt{\frac{g}{L}} = \frac{5}{2} \rightarrow \frac{g}{L} = \frac{25}{4} \rightarrow L = \frac{40}{25} \text{ m} \times 100 = 160 \text{ cm}$$

$$\rightarrow 40 \text{ cm} \leq L \leq 160 \text{ cm}$$

$$\omega = 5 \rightarrow \omega = \sqrt{\frac{g}{L}} = 5 \rightarrow \frac{g}{L} = 25 \rightarrow L = \frac{10}{25} \text{ m} \times 100 = 40 \text{ cm}$$

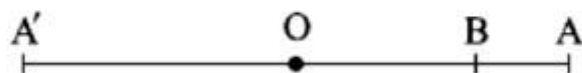
آونگ هایی با طول ۴۰ و ۸۰ و ۱۲۰ و ۱۶۰ در این محدوده قرار دارند

مثال (۷۵) #احتمالی ۱۴۰۰، قلم چی ۹۶؛ در شکل زیر، اگر متحرکی بین دو نقطه ی A و A' حرکت هماهنگ ساده انجام دهد

و زمان رسیدن از A به B و از B به O بدون تغییر جهت حرکت آن یکسان و برابر ۱ ثانیه باش

کمترین زمانی که طول می کشد تا نوسانگر از A' به B برسد چند ثانیه است؟

(نقطه ی O مرکز نوسان است)



$$t_{AB} = t_{BO} = 1 \text{ s}$$

- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵

چون زمان رسیدن از A به B و از B به O یکسان می باشد نتیجه میگیریم اولاً؛ نقطه ی B در فاصله ی $x = \frac{\sqrt{2}}{2} A$ قرار دارد

ثانیاً؛ زمان رسیدن از A به B و از B به O برابر یک چهارم دوره می باشد $T = 4 \leftarrow \Delta t_{AB} = \Delta t_{BO} = \frac{T}{4} = 1$

بنابراین زمان رسیدن نوسانگر از A' به B برابر است با 3 ؛ $\Delta t_{A'B} = \frac{T}{4} + \frac{T}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = 2 + 1 = 3$

مثال (۷۹) در یک حرکت هماهنگ ساده که بر روی محور x صورت می گیرد نوسانگری از مدت Δt بدون تغییر جهت از مکان x_1

به مکان x_2 میرسد. x_1 و x_2 چه باشد تا در این جا به جایی انرژی پتانسیل رو به کاهش ولی از انرژی جنبشی بیشتر است؟

$$x_1 = \frac{1}{2} A, x_2 = \frac{\sqrt{2}}{2} A \quad (2) \quad x_1 = 0, x_2 = \frac{\sqrt{2}}{2} A \quad (1)$$

$$x_1 = A, x_2 = \frac{\sqrt{2}}{2} A \quad (4) \quad x_1 = A, x_2 = \frac{1}{2} A \quad (3)$$

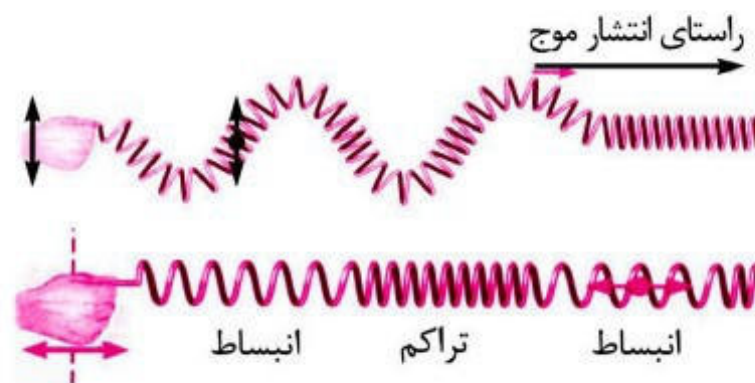
برای اینکه انرژی پتانسیل کم شود باید نوسانگر به مرکز نوسان نزدیک شود پس گزینه ۱ و ۲ حذف میشن

برای اینکه انرژی پتانسیل از جنبشی بیشتر باشد باید در مکان های بزرگتر از $x = \frac{\sqrt{2}}{2} A$ باشیم بنابراین گزینه ۴ صحیح است

موج

نوع موج	امواج مکانیکی	امواج الکترومغناطیس
در چه محیطی منتشر می شوند	برای انتشار به محیط مادی نیاز دارند	برای انتشار به محیط مادی احتیاج ندارند
مثال	مثل موج در طول طناب یا صوت	مثل نور، اشعه X، امواج رادیویی و موبایل
مقایسه سرعت انتشار	سرعت این امواج در جامدات بیشتر از مایعات و در مایعات بیشتر از گازها است	سرعت این امواج در گازها بیشتر از مایعات و در مایعات بیشتر از جامدات است

آشنایی با موج عرضی و طولی



مثال ۱) هنگامی که در زمین رعدوبرق شنیده و دیده می شود، نوع امواج دریافتی به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

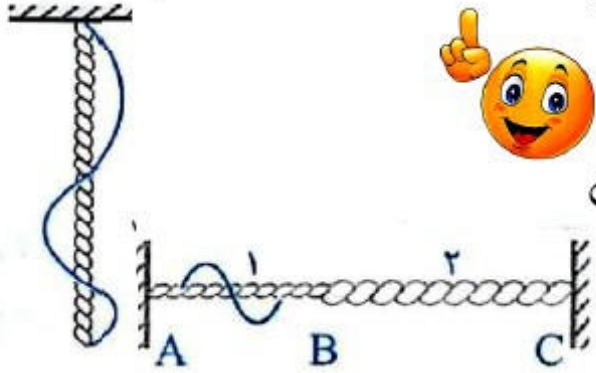
- (۱) طولی - طولی
 (۲) عرضی - طولی
 (۳) طولی - عرضی
 (۴) عرضی - طولی

تندی انتشار موج در طناب در حال کشش:

$$V = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{FL}{m}} = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}$$

$(\mu \rightarrow \frac{kg}{m})$ $\rho \xrightarrow{\frac{g}{cm^3} \times 1000} \frac{kg}{m^3}$ $A \rightarrow \pi R^2 = \pi \frac{D^2}{4}$

چگالی خطی جرم



فاطی موهاتو درست کن ، فاطی یه فیلم نگاه کن ، فاطی رویا رو صدا کن

منظور از L و m در فرمول فیلم طول و جرم خود طناب است نه جرم متصل به آن

حرکت موج در یک محیط ثابت به صورت یکنواخت خواهد بود

و جابه جایی آن از رابطه ی $\Delta x = V \times \Delta t$ به دست می آید

چه هنگام تندی انتشار موج در یک طناب در حال کشش تغییر میکند؟ وقتی خواص محیط در طناب عوض شود ، به رابطه ی $V = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}$ توجه کنید

در همه ی اینها خواص محیط در طناب عوض شده در نتیجه تندی انتشار موج عوض می شود	<p><u>تغییر جنس</u>؛ مثلا پختی از طناب نخی باشد و پختی دیگر کتان</p> <p><u>تغییر سطح مقطع</u>؛ مثلا پختی از طناب نازک باشد و پختی ضخیم (چاق و لاغر)</p> <p><u>تغییر نیرو</u>؛ مثلا طناب به صورت قائم آویزان شود (در نقاط بالایی نیرو بیشتر می شود)</p>
--	--

دقت کنید؛ با تغییر در خواص محیط (مثلا جنس یا سطح مقطع طناب) بسامد و تندی ارتعاش ذرات موج تغییر نمیکنند اما تندی انتشار آن تغییر می کند

مثال ۴) خیلی بیشتر از تجربی ۹۸؛ یک موج عرضی در طنابی در حال انتشار است کدام کمیت در یک بازه ی زمانی معین برای تمام ذرات طناب

یکسان است؟ (از تلفات انرژی صرف نظر کنید)

- | | | | |
|----------------|--------------------|------------------|---|
| (۱) مسافت | (۲) جابه جایی | (۳) شتاب متوسط | (۴) بسامد زاویه ای |
| (۵) سرعت متوسط | (۶) تندی متوسط | (۷) دوره ی تناوب | (۸) دامنه |
| (۹) بسامد | (۱۰) تعداد نوسانات | (۱۱) مکان | (۱۲) تندی در مرکز نوسان و شتاب در ستیغ ها |

نکته مهم؛ در زمانهای خاصی مافت پیموده شده توسط ذرات روی یک موج ، وتندی متوسط آنها یکان

خواهد بود این زمانها برا هستند با

مثال ۵) در کدام بازه ی زمانی تندی متوسط تمامی ذرات روی یک موج طناب الزاما یکسان است؟

- | | | | |
|--------------------|--------------------|-------------------|--------------------|
| (۱) $\frac{2T}{5}$ | (۲) $\frac{5T}{2}$ | (۳) $\frac{T}{4}$ | (۴) $\frac{5T}{4}$ |
|--------------------|--------------------|-------------------|--------------------|

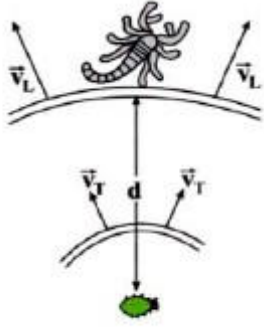
بررسی موشکافانه ی خط به خط و کلمه به کلمه ی کتاب درسی

جملات زیر عینا از مثال ۳ - ۸ کتاب درسی (بالای صفحه ۷۰ کتاب رشته ی تجربی و بالای ص ۷۸ کتاب رشته ی ریاضی) در مورد امواج لرزه ای استخراج شده است لطفا ابتدا متن کتاب را بخوانید سپس به سوالات زیر پاسخ بدین اصلا بعید نیست طراح از همینها سوال بده

مثال ۱۲) درستی و نادرستی جملات زیر را مشخص کنید

(۱) امواج اولیه ی P از نوع طولی و امواج ثانویه ی S از نوع عرضی هستند

(۲) تندی امواج اولیه ی P از امواج ثانویه ی S بیشتر است



نکته خیلی خیلی مهم : سه سوژه مهم ، عقرب ، زمین لرزه ، چکش

بررسی اختلاف زمانی رسیدن دو موج از یک مبدا به یک مقصد

$$\Delta t = t_1 - t_2 \quad \xrightarrow{x = V \times t \rightarrow t = \frac{x}{V}} \quad \Delta t = \frac{x}{V_1} - \frac{x}{V_2} \rightarrow \boxed{x = \frac{V_1 V_2}{V_2 - V_1} \times \Delta t}$$

مثال ۱۵) مشابه تمرین پایانی فصل کتاب درسی ؛ از یک مکان دو موج عرضی و طولی با تندی های ۵۰ m/s و ۱۵۰ m/s منتشر می شود. اگر این امواج با

اختلاف زمانی ۲s به یک نقطه برسند، فاصله این نقطه از مکان ارتعاشی چند متر است؟

۱۵۰ (۱) ۷۵ (۲) ۳۰۰ (۳) ۲۰ (۴)

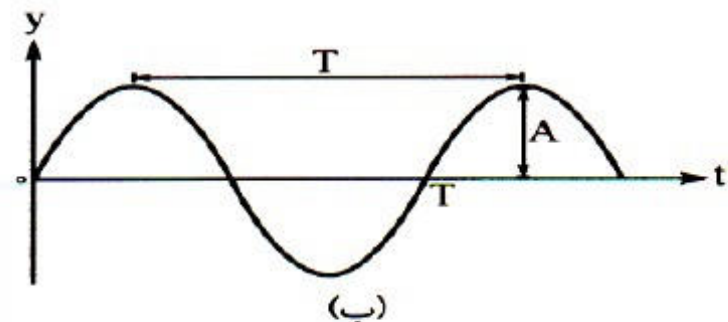
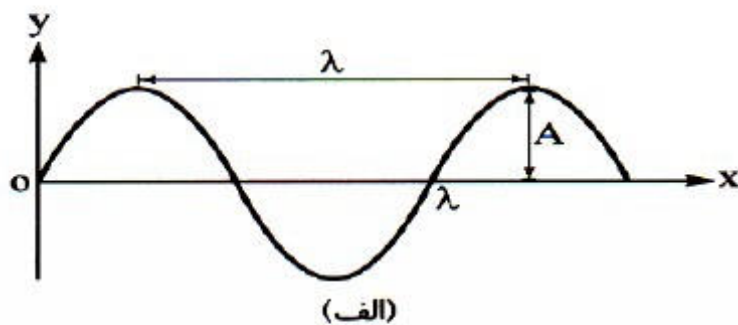
$$x = V \times t \rightarrow \Delta t = \frac{x}{V} \rightarrow \Delta t = t_1 - t_2 = \frac{x}{V_1} - \frac{x}{V_2} \rightarrow 2 = \frac{x}{50} - \frac{x}{150} \rightarrow 2 = \frac{2x}{150} \rightarrow x = 150 \text{ m}$$

بررسی تغییرات طول موج ؛ طبق رابطه ی $\lambda = \frac{V}{f}$ # اول برو تغییرات تندی انتشار و بسامد را بررسی کنید

به خواص فیزیکی محیط بستگی دارد برای طناب منظور از خواص، چگالی، سطح مقطع و نیروی کششی طناب است

$$\lambda = \frac{V}{f}$$

یادگار منبع موج است. با تغییر خواص فیزیکی محیط بسامد عوض نمی شود



نکته ی خیلی مهم ؛ #احتمالی ۱۴۰۰: سوالات ترکیبی سرعت در موج

$$V = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{FL}{m}} = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}, \quad \Delta x = V \times \Delta t, \quad \lambda = \frac{V}{f}$$

#من پیش بینی میکنم یکی از این سه رابطه امسال مورد سوال باشه ولی تندی را نداشته باشیم و از دو تای باقیمانده تندی را حساب کنیم و رابطه ی مورد نظر جایگذاری کنیم تا مطلوب مسئله به دست آید

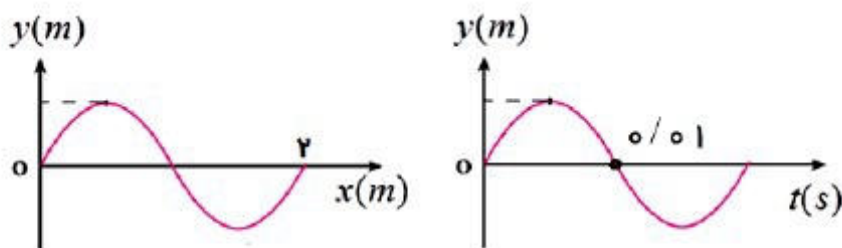
مثال (۱۲) #احتمالی ۱۴۰۰: قطر مقطع سیمی به طول ۸۰cm و چگالی $\frac{g}{cm^3}$ که با نیروی $F = 480N$ کشیده می شود، ۱ میلی متر است

موج چند میلی ثانیه طول می کشد تا طول سیم را طی کند؟ (۳ = π) ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

$$\Delta x = V \times t$$

$$V = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} = \sqrt{\frac{480}{4000 \times \pi \times (0.5 \times 10^{-3})^2}} = 400 \rightarrow \frac{\lambda}{10} = 400 \times t \rightarrow t = 2 \times 10^{-2} s = 2ms$$

مثال (۲۰) #احتمالی ۱۴۰۰، آزمون قلم چی ۹۷؛



نمودار جابه جایی - مکان و جابه جایی - زمان يك موج به شکل زیر داده شده است.

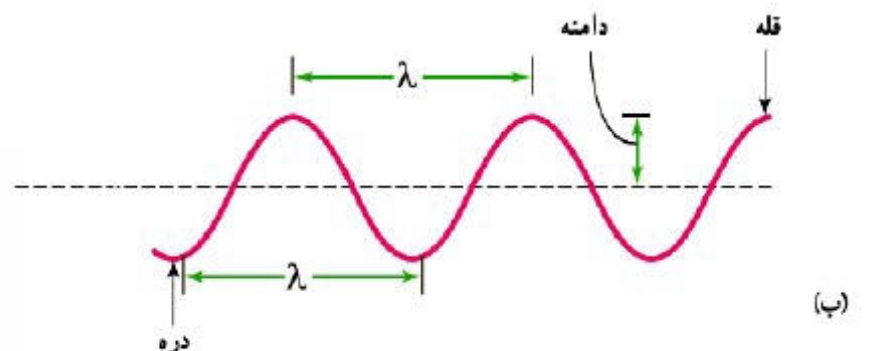
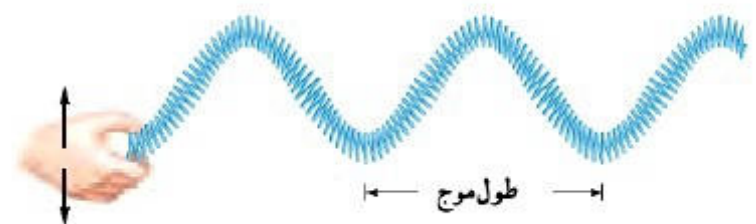
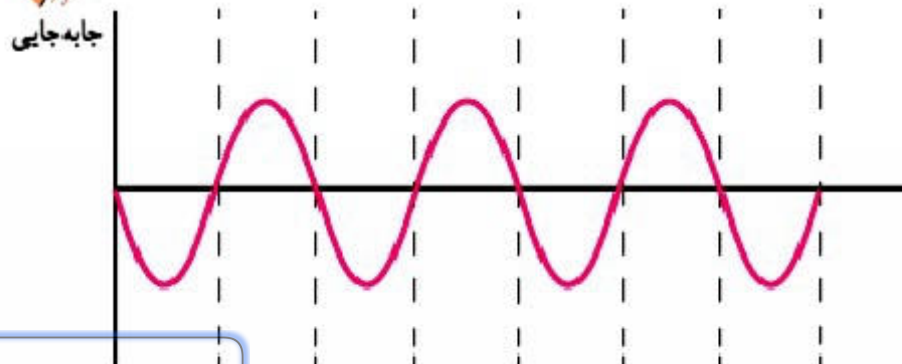
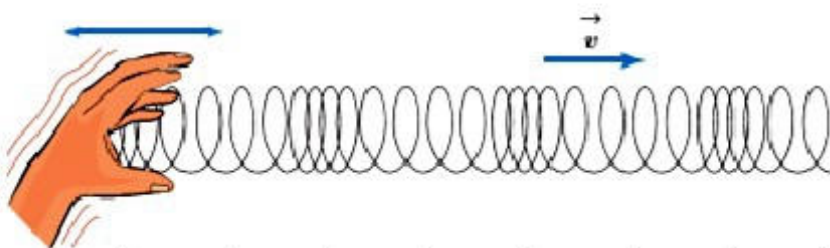
موج مسافت ۱۵۰ متر را در چه مدت طی می کند؟

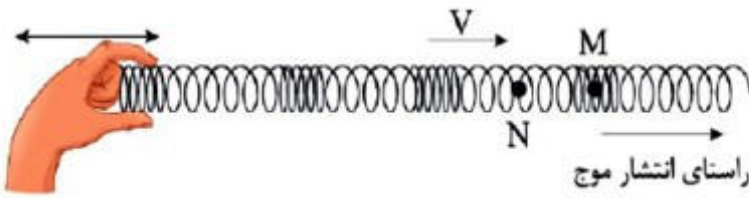
- ۱ (۱/۵) ۲ (۲)
- ۲ (۲/۵) ۳ (۳)

در امواج طولی، طول موج برابر است با فاصله ی بین دو تراکم متوالی یا دو انبساط متوالی است

فاصله ی بین دو تراکم متوالی (برای فتر منظور دو جمع شدگی) و دو انبساط متوالی (برای فتر؛ منظور دو بازشدگی) است

دو نمودار زیر مهم هستند به مدل سازی قله و دره در هر نمودار به طور ویژه دقت کنید





نکته مهم : #احتمالی ۱۴۰۰ : هنگامی موج از آب کم عمق وارد قسمت عمیق میشود
تندی انتشار آن بیشتر میشود طول موج آن
بسامد آن دوره ی تناوب آن

مثال (۲۵) #احتمالی ۱۴۰۰ : برگرفته از مثال حل شده ی کتاب درسی ؛ یک نشت موج از دو قسمت کم عمق به عمق ۵cm / ۲ و عمیقتر به عمق ۳۶cm تشکیل شده است. منبع موج، امواجی در آن ایجاد می کند. طول موج در قسمت کم عمق، $\frac{5}{6}$ طول موج در نقاط دیگر است به ترتیب از راست به چپ نسبت بسامد و تندی انتشار موج در قسمت کم عمق چند برابر قسمت پر عمق است ؟

(۱) ۱ - $\frac{5}{6}$ (۲) $1 - \frac{5}{6}$ (۳) $\frac{5}{6} - \frac{6}{5}$ (۴) $\frac{5}{6} - 1$

$$\lambda = \frac{V}{f} \rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{\frac{V_2}{f_2}}{\frac{V_1}{f_1}} \xrightarrow{f_2=f_1} \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{V_2}{V_1} \rightarrow \frac{5}{6} = \frac{V_2}{V_1}$$

مثال (۲۶) #احتمالی ۱۴۰۰ :

- موجی در سطح آب از قسمت کم عمق وارد قسمت عمیق می شود چه تعداد از کمیت های زیر برای این موج تغییر میکند
- الف) بسامد موج
 - ب) دوره ی تناوب موج
 - پ) بسامد زاویه ای موج
 - ت) تندی انتشار موج
 - ث) جا به جایی موج در مدت ۲ ثانیه
 - ج) طول موج

نکته : اگر یک موج در دو محیط داشته باشیم ، بسامد ثابت و سرعت متفاوت خواهد بود چرا بسامد ثابت است ؟ چون بسامد یادگار متبع است و با تغییر محیط موج عوض نمی شود و اینجا یک متبع بیشتر نداریم . چرا سرعت متفاوت است ؟ چون محیط انتشار عوض شده است

مثال ۲۹) امواج حاصل از یک چشمه ی موج در هوا با تندی $300 \frac{m}{s}$ حرکت می کنند و وارد آب شده و با تندی $1200 \frac{m}{s}$ به حرکت خود در آب ادامه می دهند اگر فاصله ی دو قله ی متوالی این موج در هوا 120 cm باشد ، فاصله ی یک ستیغ از پاستیغ مجاور این موج در آب چند سانتیمتر است ؟

(۱) ۱۲۰ (۲) ۶۰ (۳) ۴۸۰ (۴) ۲۴۰

نکته : اگر دو موج در یک محیط داشته باشیم ، بسامد متفاوت و تندی ثابت خواهد بود چرا بسامد متفاوت است ؟ چون بسامد یادگار متبع است و این جا ما دو متبع داریم. بنابراین دو بسامد متفاوت داریم . چرا تندی یکسانه ؟ چون محیط انتشار موج ثابت می باشد

مثال ۳۰) تجربی ۹۵ ، قلم چی ۹۱ ، تمرین ۸ پایان فصل کتاب درسی ؛ دو موج مکانیکی A و B در یک محیط کشسان منتشر می شوند . اگر بسامد موج A ، ۴ برابر بسامد موج B باشد ، طول موج و تندی انتشار موج A چند برابر طول موج و تندی انتشار موج B است ؟ (به ترتیب از راست به چپ)

(۱) $1, \frac{1}{4}$ (۲) $2, \frac{1}{4}$ (۳) $1, \frac{1}{2}$ (۴) $2, \frac{1}{2}$

$$\frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{V_A}{V_B} \xrightarrow{V_A=V_B} \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{f_B}{f_A} = \frac{1}{4}$$

مثال ۳۲) قلم چی ۹۸ ؛ مطابق شکل رو به رو یک تپ سینوسی از قسمت نازک طناب وارد قسمت ضخیم طناب می شود بسامد ، تندی و طول موج ، موج عبوری در مقایسه با موج فرودی کدام است ؟ (نیروی کشش طناب ثابت است)



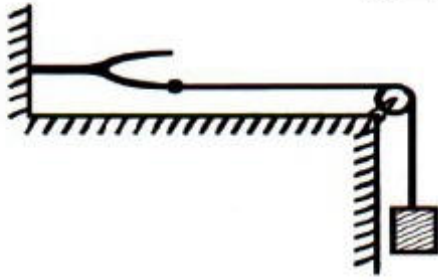
- (۱) $\lambda_2 > \lambda_1, V_2 > V_1, f_1 = f_2$
- (۲) $\lambda_2 < \lambda_1, V_2 < V_1, f_1 = f_2$
- (۳) $\lambda_2 < \lambda_1, V_2 < V_1, f_1 < f_2$
- (۴) $\lambda_2 > \lambda_1, V_2 > V_1, f_1 > f_2$

مثال ۳۶) خیلی بیشتر از تمرین کتاب درسی : در شکل روبه رو ، نوسانات دیاپازون منجر به ایجاد موج در طناب می گردد

اگر به تدریج جرم وزنه را زیاد کنیم کدام گزینه صحیح خواهد بود ؟

الف) تندی موج کم می شود (ب) بسامد موج کم می شود

ج) تعداد گره ها کم می شود (د) فاصله ی گره ها کم می شود



بچه ها هر چا در تستی یک دیاپازون ثابت دیدین پدوئید آسمون پیاد زمین ، بسامد عوض نمی شه که نمی شه

الف) با افزایش جرم وزنه ها ، در واقع نیرو زیاد می شود و طبق فرمول فیلم $V = \sqrt{\frac{FL}{m}}$ سرعت انتشار موج زیاد می شود

هشدار: اشتباه رایج دانش آموزان؛ رایج ترین سوتی بچه ها در این قسمت اینه که می گن با افزایش جرم در فرمول فیلم m زیاد می

شود

پس سرعت کم خواهد شد در حالی که بارها سر کلاس داد زدیم که منظور از جرم در این فرمول جرم خود طنابه نه جرم اون وزنه ای که بهش

وصله .

ب) اگر متبع تولید موج دیاپازون باشد هر بلایی که سر مجموعه بیارین ، متجر به تغییر بسامد نمی شه



ج و د) **نکته:** فاصله گره ها و شکم ها با طول موج را بطه مستقیم و تعداد گره ها و شکم ها با طول موج رابطه عکس دارند .

در این سوال ، طول موج طبق $\lambda = \frac{V}{f}$ زیاد می شود ، بنابراین ، تعداد گره ها کم و فاصله ی آنها از هم زیاد تر می شود.

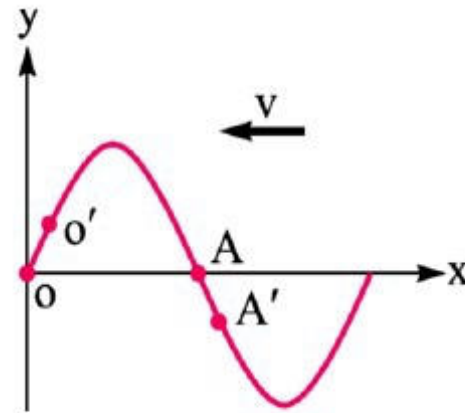
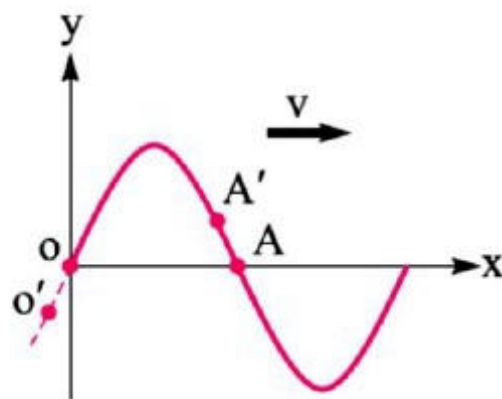
پس گزینه ۳ صحیح است

تعیین وضعیت ذرات موج روی دایره به کمک تصویر موج (نقش موج)

نکته ی خیلی خیلی مهم :

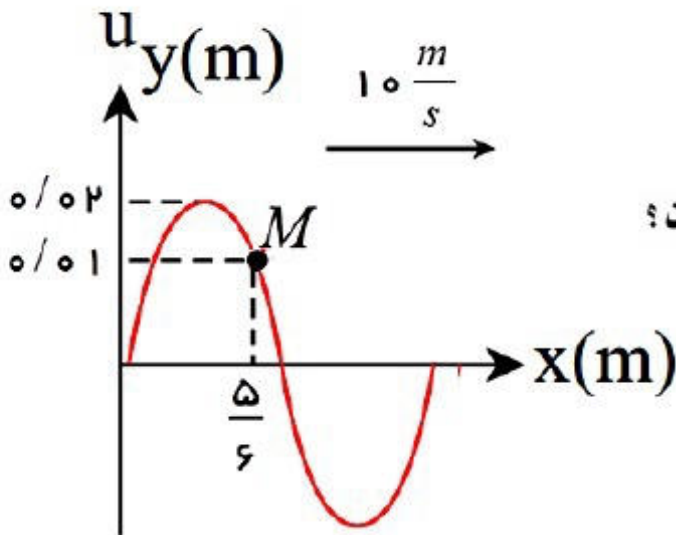
برای تشخیص اینکه لحظه ای پس از زمان نشان داده شده در نقش موج ، ذرات موج به کدام طرف می روند باید جهت انتشار موج را برعکس کنید

برای مثال در نقش موج های زیر ، با توجه به جهت انتشار موج آینده ی A می شود A' و آینده ی O می شود O'



نکته ۵ مهم؛ یادتونه می گفتم هر جا نمودار مکان زمان برای یک نوسانگر دیدین، اول برین به کمک عدد محور افق T دوره ی تناوب را پیدا کنید حالا می گیم: هر جا نمودار جا به جایی مکان را برای موج دادند (تصویر موجو دادند)، اول برین به کمک عدد محور افق λ را پیدا کنید بعدا به کمک رابطه ی $\lambda = VT$ بازم به دوره ی تناوب می رسیم

مثال (۴۶) #احتمالی ۱۴۰۰، تجربی ۹۶ و ۹۱؛ خارج ریاضی ۸۷، ریاضی ۹۳ و ۹۲ و ۹۱؛



نقش يك موج عرضی که با سرعت $10 \frac{m}{s}$ در جهت محور x در يك طناب منتشر می شود در لحظه ی $t = 0$ مطابق شکل است.

الف) چه مدت پس از این لحظه، برای اولین بار ذره بیشترین فاصله را از مرکز نوسان خواهد داشت؟

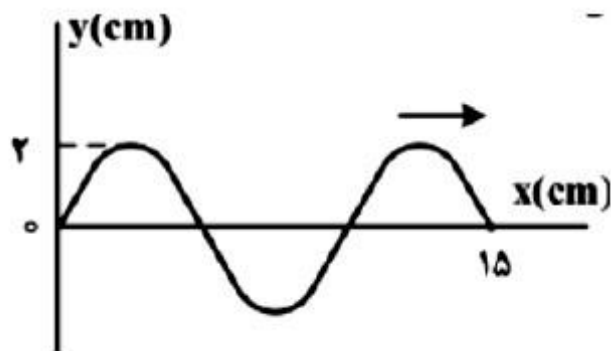
ب) $\frac{1}{12}$ ثانیه پس از لحظه نشان داده شده هر چی دلتون می خواد را برای ذره ی M حساب کنید

مثال (۵۶) #احتمالی ۱۴۰۰، ریاضی ۹۸؛ در شکل زیر، يك موج سینوسی را در لحظه ای از زمان نشان می دهد که در جهت محور x در

طول ریسمان کشیده شده ای حرکت می کند اگر نیروی کشش ریسمان $80N$ و چگالی خطی

(جرم واحد طول) آن $2 \frac{kg}{m}$ باشد، هر يك از ذرات ریسمان در مدت $0.1s$ مسافت چند

سانتی متر طی می کنند؟



- ۲ (۱) ۴ (۲) ۸ (۳) ۱۶ (۴)

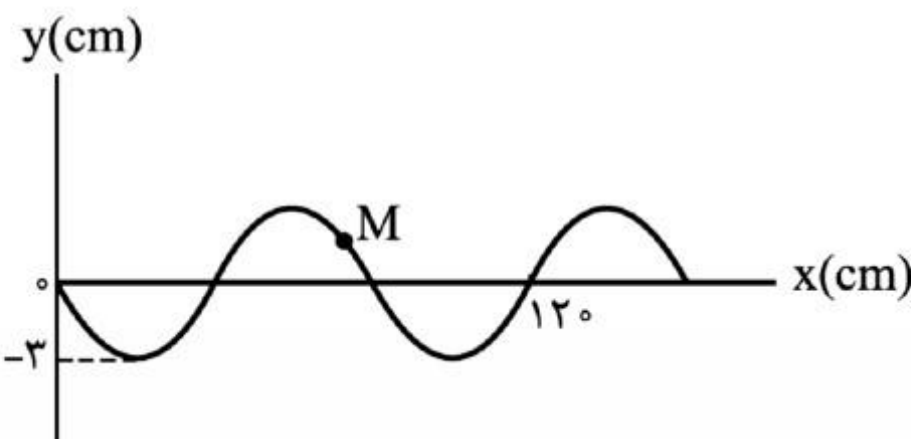
مثال (۵۷) ریاضی ۹۹؛

شکل روبه رو، نقش يك موج عرضی را در يك طناب در

لحظه ی $t = 0$ نشان می دهد که با سرعت $10 \frac{m}{s}$ در حال انتشار است

مسافتی که ذره ی M در بازه ی زمانی $t = 0.1$ تا $t = 0.5$

طی میکند چند سانتیمتر است؟



- ۳ (۱) ۶ (۲) ۹ (۳) ۱۲ (۴)

میدانیم که در اطراف بار الکتریکی ساکن، فقط میدان الکتریکی وجود دارد $E = \frac{kq}{r^2}$ طبق آن چه در فیزیک ۱۱ ام خوانده اید؛ بر اساس قانون فارادی تغییر در میدان مغناطیسی منجر به ایجاد میدان الکتریکی می شود $E \leftarrow \Delta B$

نظریه الکترومغناطیسی: ماکسول پیش بینی کرد: **در اثر تغییر میدان الکتریکی، میدان مغناطیسی نیز ایجاد می گردد** $B \leftarrow \Delta E$

ولی اگر بار حرکت کند (یعنی جریان الکتریکی داشته باشیم ΔE) علاوه بر میدان الکتریکی متغیر، میدان مغناطیسی نیز به وجود می آید. بنابراین؛ خالقان میدان مغناطیسی آهن ربا و سیم (راست یا حلقه یا سیملوله) حامل جریان (یا بار متحرک) و تغییر در میدان الکتریکی، هستند ماکسول از این دو پدیده نتیجه گرفت که امواج الکترومغناطیس باید **لزوما ناشی از تغییرات هم زمان میدان های الکتریکی و مغناطیسی**

(اصطلاحاً میدان الکترومغناطیس) باشد $E \leftarrow \Delta B$
 $B \leftarrow \Delta E$

عامل اصلی ایجاد امواج الکترومغناطیسی، **ذرات باردار شتاب دار و سیم حامل جریان یا ولتاژ متناوب** می باشد

مثل آنتن ها که یک منبع ولتاژ متناوب دارند. و یا یک خازنی که به منبع ولتاژ متناوب وصل شده است.

خلاصه در گزینه ها دنبال دو کلمه برای انتخاب منبع تولید امواج الکترومغناطیس باشید

اگر حرف از بار بود: ذرات باردار یا شتاب دار (نه سرعت ثابت)

اگر حرف از جریان یا ولتاژ بود: جریان یا ولتاژ متغیر یا متناوب (نه ثابت)

مثال ۶۸) ویژگی امواج الکترومغناطیس را نام ببرید (وجه اشتراک امواج الکترومغناطیس)

۱) عامل اصلی ایجاد امواج الکترومغناطیسی، **ذرات باردار شتاب دار و سیم حامل جریان یا ولتاژ متناوب** می باشد

۲) امواج الکترومغناطیس از دو میدان الکتریکی و مغناطیسی **متناوب (متغیر)** تشکیل شده و از تغییر هر یک از دو میدان، دیگری بوجود می آید

امواج الکترومغناطیس هم دوره و در محیط های غیر فلزی هم فاز می باشند تشکیل شده است $(T_E = T_B)$

یعنی در این امواج، دو میدان الکتریکی و مغناطیسی به صورت هم زمان بیشینه و صفر و کمینه می شوند (الزاماً هم اندازه نیستند)

۳) از دو میدان الکتریکی و مغناطیسی تشکیل شده اند که **پرحم عمودند** و هردوی آنها **پراستای انتشار عمودند**

بنابراین امواج الکترومغناطیس از نوع امواج عرضی رونده هستند. دقت کنید این دو میدان در امواج الکترومغناطیس هم جهت نیستند

۴) برای انتشار به محیط مادی احتیاج ندارند و توسط محیط مادی جذب می شوند

سرعت امواج الکترومغناطیس در گازها بیشتر از مایعات و در مایعات بیشتر از جامدات (اگر یک گوشی تلفن همراه را در یک محفظه ی تخلیه ی هوای

شیشه ای آویزان کنیم و هم زمان با برقراری تماس با گوشی پمپ تخلیه هوا به کار افتد صدای زنگ گوشی به تدریج ضعیف و سرانجام قطع می شود در

حالی که امواج الکترومغناطیس هم چنان به گوشی می رسد و اصلاحاً گوشی آنتن میدهد (مثل حالت بیصدا)

۵) در یک محیط ثابت با **سرعت ثابت** منتشر می شود و جابه جایی آنها در یک محیط ثابت از رابطه ی $x = V \times t$ محاسبه می شود

۶) سرعت تمامی این امواج در تمامی بسامد ها در خلا برابر است با: $C = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}} = (\mu\epsilon)^{-\frac{1}{2}} = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$

من اصلاً نگفتم در همه جا سرعت این امواج $3 \times 10^8 \text{ m/s}$ است فقط در خلا.

۷) البته در بقیه محیط ها سرعت انتشار آنها ثابت هست ولی کمتر از این عدد می باشد. $V = \frac{C}{n} = \frac{1}{n \sqrt{\mu\epsilon}} = \frac{3 \times 10^8 \text{ m/s}}{n}$

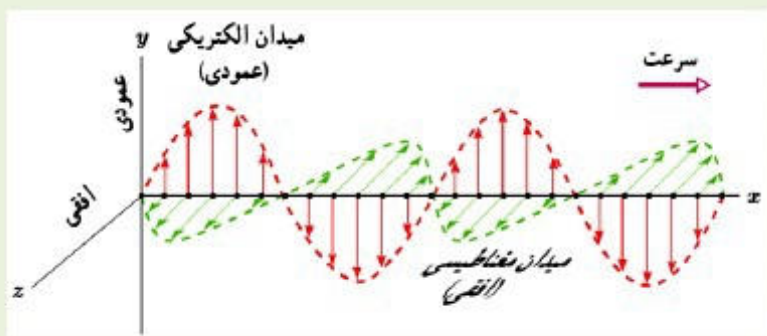
سرعت انتشار نور قرمز و آبی در هوا یکسان است ولی در آب یکسان نیست. چون ضریب شکست نور آبی از قرمز بیشتر است

(هر چه بسامد نور بیشتر باشد ضریب شکست نور بیشتره) در نتیجه سرعت انتشار آن از قرمز کمتر خواهد بود

۸) امواج الکترومغناطیس حامل انرژی (هستند - نیستند) و از روی موانع منعکس (می شوند - نمی شوند)

اما باردار (هستند - نیستند) پس در میدان الکتریکی و مغناطیسی منحرف (می شوند - نمی شوند)

تعیین جهت میدان الکتریکی و مغناطیسی و انتشار امواج الکترومغناطیسی



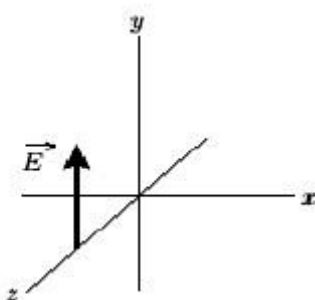
E : چهار انگشت دست راست

B : کف دست راست

انتشار : انگشت شست دست راست

برای اینکه در تعیین جهت اشتباه نکتی چند تا نکته رو رعایت کن
 اولاً؛ محور X روی راستای چپ و راست صفحه ی کاغذ است . راست مثبت و چپ منفی
 محور Y در راستای بالا پایین صفحه ی کاغذ است . بالا مثبت و پایین منفی
 محور Z در راستای عمود بر صفحه است عمود از صفحه خارج شود مثبت و وارد صفحه شود منفی
 دوماً؛ کف دست راست را روی صفحه کاغذ باز کن (انگشت شست عمود بر ۴ انگشت باشه) (دستت جلوی صورتت بالا نیار)
 سوماً؛ حرف E دارای دندانه است ما را یاد ۴ انگشت دست می اندازد

مثال ۷۲) عیناً تمرین کتاب درسی؛ شکل زیر میدان الکتریکی یک موج الکترومغناطیسی سینوسی را در نقطه ای معین و دور از چشمه، در یک لحظه نشان می دهد. موج، انرژی را در خلاف جهت محور z منتقل می کند جهت میدان مغناطیسی در این لحظه کدام گزینه است؟

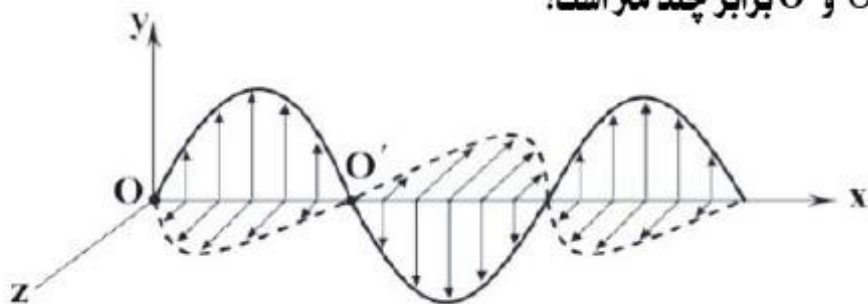


- (۱) x
- (۲) -y
- (۳) y
- (۴) -x

اگر ۴ انگشت دست راست را در جهت میدان الکتریکی قرار دهیم (یعنی رو به بالای صفحه در جهت محور Y) انگشت شست دست راست را در جهت انتشار موج که خلاف محور Z (یعنی به سمت داخل صفحه) قرار دهیم کف دست جهت میدان مغناطیسی را در جهت محور X (به سمت راست صفحه) نشان می دهد

مثال ۷۵) نمودار زیر، تصویر یک موج الکترومغناطیسی با بسامد ۱/۸ GHz در یک محیط شفاف است

اگر تندی انتشار موج در این محیط برابر $\frac{1}{2} \sqrt{\frac{3}{\mu_0 \epsilon_0}}$ باشد، فاصله ی بین نقاط O و O' برابر چند متر است؟



($c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$ ، ضریب تراوایی مغناطیسی، ϵ_0 ، ضریب گذردهی خلا)

- (۱) $\frac{1}{2}$
- (۲) $\frac{1}{4}$
- (۳) $\frac{1}{8}$
- (۴) $\frac{1}{16}$

گام اول: همان طور که می دانیم تندی انتشار نور در خلا از رابطه $c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$ به دست می آید. بنابراین در این سؤال، تندی انتشار موج برابر است با:

$$v = \frac{3}{4} \sqrt{\frac{3}{\mu_0 \epsilon_0}} = \frac{3}{4} \left(\frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}} \right) = \frac{3}{4} \times (3 \times 10^8) = \frac{9}{4} \times 10^8 \frac{m}{s}$$

$c = 3 \times 10^8$

گام دوم: بنابراین طول موج برابر است با: $\lambda = \frac{v}{f} = \frac{\frac{9}{4} \times 10^8}{1/8 \times 10^9} = \frac{1}{8} m$ در ادامه فاصله بین نقاط O و O' برابر $\frac{1}{16} m$ است.

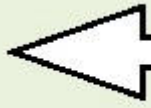
طیف امواج الکترومغناطیس

طیف امواج الکترومغناطیس (بیوسنه - گسسته) است، و یعنی با هر بسامدی (می توانند - نمی توانند) منتشر شوند. ماهیت و قانون حاکم بر آنها یکسان (هست - نیست) این امواج از لحاظ بسامد و نحوه تولید و آشکارسازی آنها با یکدیگر (مشابه اند - متفاوتند)

امواج رادیویی (از چند متر تا کیلومتر) - فرورسرخ IR - نور مرئی (با طول موج ۳۸۰ تا ۷۵۰ نانومتر) - فرابنفش UV - اشعه X - اشعه گاما

قرمز - نارنجی - زرد - سبز - آبی - نیلی - بنفش

TV FM AM UHF VHF SW MW LW



بسامد و انرژی و ضریب شکست و نفوذ پذیری بیشتر
طول موج کمتر و سرعت در محیط شفاف کمتر
سرعت در خلایکسان

نکته: لازم نیست طول موج تمامی امواج را حفظ باشید فقط بدانید که طول موج قرمز ۷۵۰ نانومتر، و طول موج بنفش ۳۸۰ نانومتر، می باشد

نتیجه: اگر محدوده ی یک نور را پرسیدند **#اول - برو طول موجش رو حساب کن اتر بین ۳۸۰ و ۷۵۰ نانومتر بود مرتب است**

نکته: فاصله ی تراکم تا تراکم - انبساط تا انبساط - پرفشار تا پرفشار - کم فشار تا کم فشار - کشیدگی تا کشیدگی - فشردگی تا فشردگی - انقباض تا انقباض -- ستیغ تا ستیغ -- پاستیغ تا پاستیغ -- قله تا قله -- دره تا دره ... همگی معادل λ است

نکته: فاصله ی تراکم تا تراکم تا انبساط - پرفشار تا کم فشار - کشیدگی تا فشردگی - ستیغ تا پاستیغ -- قله تا دره همگی معادل $\frac{\lambda}{2}$ است

نکته: فاصله ی تراکم تا طول معمولی - پرفشار تا فشار معمولی همگی معادل $\frac{\lambda}{4}$ است

حداقل فاصله ی دو نقطه ی مشابه برابر λ و دو نقطه ی متضاد $\frac{\lambda}{2}$ و فاصله ی یکی از این نقاط با یک نقطه ی صفر $\frac{\lambda}{4}$

مثال ۹۰) **#احتمالی ۱۴۰۰:** در انتشار یک صوت در یک گاز با بسامد ۶۰۰ هرتز و سرعت ۳۰۰ متر بر ثانیه در یک لحظه فاصله ی نقطه ای که

حداقل فشار (انبساط) را دارد از نزدیکترین نقطه ای که در همان جهت انتشار است و **فشار عادی** دارد چند سانتی متر است؟

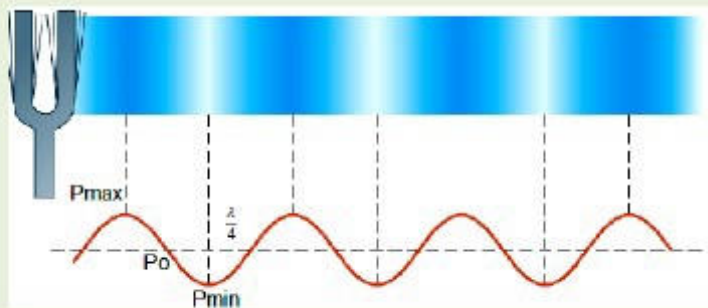
۱۵(۴)

۵۰(۲)

۱۲/۵(۲)

۲۵(۱)

با توجه به نمودار فشار بر حسب مکان فاصله حداقل فشار و فشار عادی برابر $\frac{\lambda}{4}$ است



$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{300}{600} = 0.5 \text{ m} = 50 \text{ cm} \rightarrow \frac{\lambda}{4} = 12.5 \text{ cm}$$



مثال (۹۲) #احتمالی ۱۴۰۰ : تمرین کتاب ؛ شخصی با چکش به انتهای میله باریک بلندی

ضربه ای می زند. تندی صوت در این میله ۱۵ برابر تندی صوت در هوا است شخص دیگری که گوش خود را نزدیک انتهای دیگر میله گذاشته دو صدا با اختلاف زمانی ۰/۱۲ س می شنود اگر تندی صوت در هوا ۳۴۰ m/s باشد، طول میله چقدر است؟

۱۱۲ (۱) ۸۶ (۲) ۴۳ (۳) ۲۷ (۴)

دو صدا یکی از طریق میله و دیگری از طریق هوای اطراف میله به گوش می رسد زمان رسیدن صدا از دو طریق را به دست می آوریم و از هم کم می کنیم

اگر تندی صوت در هوا ۳۴۰ m/s باشد، تندی انتشار صوت در لوله برابر $V = 15 \times 340 = 5100 \text{ m/s}$ می باشد.

$$\Delta t = \frac{L}{V_1} - \frac{L}{V_2} \Rightarrow 0.12 = \frac{L}{340} - \frac{L}{5100} \Rightarrow L = 43 \text{ m}$$

testy $\rightarrow L = \frac{340 \times ((15) \times 340)}{14 \times 340} \times \Delta t \rightarrow L = \frac{15 \times 340}{14} \times \frac{12}{100} = 43 \text{ m}$

شدت صوت : مقدار انرژی که در واحد زمان (یا آهنگ انرژی) عمود بر واحد سطح عبور می کند و آن را با I نشان می دهیم

یکای آن در SI، وات بر متر مربع $\frac{W}{m^2}$ می باشد $I = \frac{E}{A} = \frac{P}{A}$ یکای دیگر آن میکرووات بر مترمربع است که برابر است با $10^{-6} \frac{W}{m^2}$

از آنجاییکه جبهه های صوتی به صورت کروی منتشر می شوند، داریم : $A = 4\pi R^2$

شدت صوت را می توان با یک آشکار ساز اندازه گرفت. نسبت شدت های صوت در گستره ی شنوایی انسان می تواند در حدود 10^{12} است

نکته ی مهم : مقایسه شدت صوت ها :

شدت یک صوت به مجذور دامنه و مجذور بسامد و عکس مجذور فاصله بستگی دارد $\frac{I_2}{I_1} = \left(\frac{f_2}{f_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{d_2} \right)^2$

هر چه شدت صوت بیش تر باشد انسان صدا را بلندتر احساس می کند ولی دقت کنید بلندی صوت با شدت آن نسبت مستقیم ندارد.

اگر شدت صوتی دو برابر شود بلندی صدایی که احساس می کنیم بیش تر می شود ولی دو برابر نمی شود

تراز شدت صوت ؛ عینا جمله ی کتاب درسی ؛ فیزیکدانان برای اینکه درک بهتری از بلندی صدا داشته باشند

از کمیتی به نام تراز شدت صوت (نه شدت صوت، نه دامنه و ...) استفاده می کنند برابر است با لگاریتم شدت صوت نسبت به شدت صوت مبنا

$$I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}$$

و آن را با β نشان می دهیم

$$\beta = \log \frac{I}{I_0 = 10^{-12}} \text{ OR } d\beta = 10 \cdot \log \frac{I}{I_0}$$

فقط همین دو تا رو حفظ باش؛ تراز شدت صوت در آستانه شنوایی ۰ و در آستانه دردناکی ۱۲ بل (۱۲۰ دسی بل) می باشد
 مروری سریع بر روابط لگاریتم:

$1) \log A + \log B = \log AB$ <p style="text-align: center; border: 1px solid black; border-radius: 10px; padding: 2px;">جمع دیدی، ضربش کن</p>	$2) \log A - \log B = \log \frac{A}{B}$ <p style="text-align: center; border: 1px solid black; border-radius: 10px; padding: 2px;">منها دیدی، تقسیم کن</p>
$3) \log A^K = K \log A$ <p style="text-align: center; border: 1px solid black; border-radius: 10px; padding: 2px;">ضریب دیدی، توان کن</p>	$4) K = \log 10^K$ <p style="text-align: center; border: 1px solid black; border-radius: 10px; padding: 2px;">توان دیدی، ضریب کن</p>

★ نکته مهم و پر کاربرد در سالهای اخیر؛ یکی از سوالاتی که اخیرا مورد توجه است ارتباط تراز شدت صوت با مساحت یا انرژی و

زمان و توان است $\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \leftarrow \frac{I}{I_0} \rightarrow I = \frac{t}{A} = \frac{P}{A}$ همان طور که می بینید تو این جور سوالات اول باید بریم شدت صوت را پیدا کنیم

مثال (۱۰۷) خارج تجربی ۹۴ و ۹۰؛ شنونده ای که مساحت پرده ی گوشش ۶۰ میلی متر مربع است، تراز شدت صوت حاصل از یک منبع را ۶۰ دسی بل احساس می کند، انرژی که در مدت ۵۰ ثانیه به پرده ی گوش این شنونده می رسد، چند میکروژول است؟ $(I_0 = 10^{-6} \frac{\mu W}{m^2})$

- ۳ (۱) ۳۰۰ (۲) ۳ × ۱۰^{-۳} (۳) ۶ × ۱۰^{-۶} (۴)

یکی از سوالاتی که اخیرا مورد توجه است ارتباط تراز شدت صوت با مساحت یا انرژی و زمان و توان است $\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \leftarrow \frac{I}{I_0} \rightarrow I = \frac{t}{A} = \frac{P}{A}$ همان

طور که می بینید تو این جور سوالات اول باید بریم شدت صوت را پیدا کنیم

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \rightarrow 60 = 10 \log \frac{I}{10^{-12}} \rightarrow 6 = \log \frac{I}{10^{-12}} \rightarrow \log 10^6 = \log \frac{I}{10^{-12}} \rightarrow 10^6 = \frac{I}{10^{-12}} \rightarrow I = 10^{-6}$$

$$I = \frac{t}{A} \rightarrow 10^{-6} = \frac{50}{60 \times 10^{-6}} \rightarrow 10^{-6} = \frac{E}{3000 \times 10^{-6}} \rightarrow E = 3000 \times 10^{-12} J = 3000 \times 10^{-6} \mu J = 3 \times 10^{-3} \mu J$$

مثال (۱۰۹) # احتمالی ۱۴۰۰؛ منبع خارجی ترجمه شده؛

یک چشمه ی نقطه ای صوت، امواج صوتی را با توان ۲۰۰ W در یک فضای باز تولید و منتشر می کند. اگر تراز شدت صوت در فاصله ی ۱۰ متری از چشمه ی صوت برابر با ۱۱۰ dB باشد، چند درصد از توان تولیدی توسط چشمه ی صوت تا فاصله ی ۱۰ متری از آن جذب محیط شده است؟

- ۲۰ (۱) ۴۰ (۲) ۶۰ (۳) ۸۰ (۴)

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \rightarrow 110 = 10 \log \frac{I}{10^{-12}} \rightarrow 11 = \log \frac{I}{10^{-12}} \rightarrow \log 10^{11} = \log \frac{I}{10^{-12}} \rightarrow 10^{11} = \frac{I}{10^{-12}} \rightarrow I = 10^{-1}$$

$$I = \frac{P}{A} = \frac{P}{4\pi r^2} \rightarrow I = \frac{P}{4\pi \times 10^2} = 10^{-1} \rightarrow P = 40\pi = 120 \rightarrow \frac{P_2 - P_1}{P_1} \times 100 = \frac{120 - 200}{200} \times 100 = -40$$

بررسی مسائلی با دو تراز شدت صوت

نکته مهم ۱: هر جا دو تا تراز دادن بدون فکر وبدون خواندن تست جواب همیشه: $\beta_2 - \beta_1$ این تست ها دو حالت دارند:

حالت اول (بحث شدت صوت است) :	حالت دوم (بحث فاصله یا دامنه یا بسامد صوت است) :
$\beta_2 - \beta_1 = \log \frac{I_2}{I_1}$	$\beta_2 - \beta_1 = \log \left(\frac{f_2}{f_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{d_2} \right)^2$

نکته ۲: وقتی می گن صدای A، دو دسی بل از صدای B، بلندتره یعنی: $\beta_A - \beta_B = 2$

نکته ۳: تراز شدت صوت (در بسامد ۱۰۰۰ هرتز) در آستانه شنوایی ۰ و در آستانه دردناکی ۱۲ بل (۱۲۰ دسی بل) می باشد

سه بازه ای که باید حفظ باشی: سه محدوده ای که باید برای طول موج و بسامد و تراز در محدوده شنوایی حفظ باشی

$$17mm \leq \lambda \leq 17m \quad 20Hz \leq f \leq 20000Hz \quad 0 \leq B \leq 120$$

یادآوری: برای نور طول موج های مرئی تقریباً $400 \leq \lambda \leq 700$ بود

مثال (۱۱۲) صوت A، ۱۰ دسی بل از صوت B بلندتر و ۱۰ دسی بل از صوت C کوتاهتر است. شدت صوت B چند برابر C می باشد؟

بلندتر بودن و یا کوتاهتر بودن دو صدا را با تفاضل تراز های آنها تعبیر کنید

$$\left. \begin{array}{l} \beta_A - \beta_B = 10 \\ \beta_C - \beta_A = 10 \end{array} \right\} \rightarrow \beta_C - \beta_B = 20 = 10 \cdot \log \frac{I_C}{I_B} \rightarrow \log 10^2 = \log \frac{I_C}{I_B} \rightarrow 10^2 = \frac{I_C}{I_B} \rightarrow \frac{I_B}{I_C} = 0.01$$

مثال (۱۱۳) #احتمالی ۱۴۰۰. قلم چی ۹۲ و مشابه ریاضی ۹۵ تجربی ۹۱: هنگامی که شدت صوتی را ۲ برابر می کنیم، تراز شدت صوت آن بر

حساب بل ۲ برابر می شود. شدت صوت اولیه چند برابر شدت صوت مبنا (شدت صوت در آستانه شنوایی) بوده است؟

هر وقت نسبت دو تا تراز را دادند آنها را از هم کم کن ...

$$\left. \begin{array}{l} I \rightarrow 2I \\ \beta \rightarrow 3\beta \end{array} \right\} \rightarrow 3\beta - \beta = \log \frac{2I}{I} \rightarrow 2\beta = \log 2 \rightarrow 2 \log \frac{I}{I_0} = \log 2 \rightarrow \log \left(\frac{I}{I_0} \right)^2 = \log 2 \rightarrow \left(\frac{I}{I_0} \right)^2 = 2 \rightarrow \left(\frac{I}{I_0} \right) = \sqrt{2}$$

مثال (۱۱۸) #احتمالی ۱۴۰۰. منبع خارجی ترجمه شده:

دو نقطه A و B به ترتیب در فاصله های یک متری و ۳ متری روی یک خط راست در یک طرف از چشمه صوتی قرار دارند. اگر ۲۵ درصد انرژی صوتی در فاصله

یک متری تا ۳ متری توسط هوا تلف شود تراز شدت صوت A چند دسی بل بیشتر از B است؟ ($\log 2 = 0.3, \log 3 = 0.5$)

$$11(4) \quad 6(2) \quad 9(2) \quad 2(1)$$

پاسخ گزینه ۴. چون انرژی ۲۵٪ تلف می شود یعنی توان هم ۲۵٪ تلف می شود به عبارتی توان در نقطه B ۷۵٪ نقطه A است در نتیجه داریم:

$$\frac{I_A}{I_B} = \frac{P_A}{P_B} \times \left(\frac{r_B}{r_A} \right)^2 = \frac{4}{3} \times 3^2 = 12$$

$$\beta_A - \beta_B = 10 \cdot \log \frac{I_A}{I_B} = 10 \cdot \log 12 = 10 \cdot \log 4 \times 3 = 10 \cdot (2 \log 2 + \log 3) = 10 \cdot (0.6 + 0.5) = 11 \text{ db}$$

مثال ۱۲۱) ریاضی ۹۹، خارج ریاضی ۹۷ و تجربی ۹۷؛ در یک فضای باز، وقتی شنونده ای فاصله ی خود را تا منبع صوت از r_1 به r_2 می رساند. تراز شدت صوت از ۵۴ دسی بل به ۴۰ دسی بل کاهش می یابد اگر $r_2 - r_1 = ۳۶m$ باشد، r_1 چند متر است؟ ($\log 2 = 0.3$)

۱) ۲ ۲) ۶ ۳) ۹ ۴) ۱۲

دو تا تراز دیدی اینارو از هم کم کن (تراز بزرگتر را از تراز کوچکتر، کم کن)

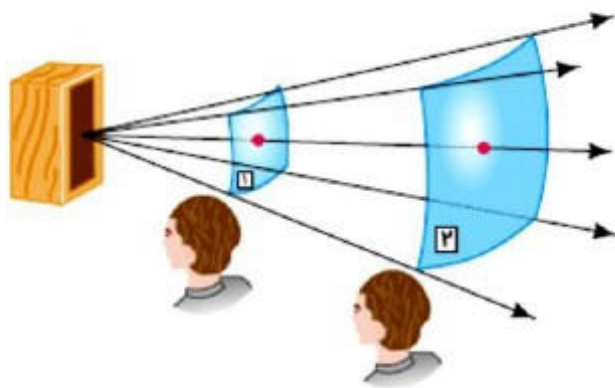
$$\beta_1 - \beta_2 = 10 \cdot \log\left(\frac{d_2}{d_1}\right)^2 \rightarrow 54 - 40 = 10 \cdot \log\left(\frac{36 + r_1}{r_1}\right)^2 \rightarrow 1.4 = \log\left(\frac{36 + r_1}{r_1}\right)^2$$

$$\rightarrow 1.4 = 2 \log\left(\frac{36 + r_1}{r_1}\right) \rightarrow 0.7 = \log\left(\frac{36 + r_1}{r_1}\right) \rightarrow 1 - 0.3 = \log\left(\frac{36 + r_1}{r_1}\right) \rightarrow \log 10 - \log 2 = \log\left(\frac{36 + r_1}{r_1}\right)$$

$$\rightarrow \log 10 - \log 2 = \log\left(\frac{36 + r_1}{r_1}\right) \rightarrow \log 5 = \log\left(\frac{36 + r_1}{r_1}\right) \rightarrow 5r_1 = 36 + r_1 \rightarrow r_1 = 9m$$

مثال ۱۲۳) قلم چی ۹۹؛ مطابق شکل زیر موج صوتی با توانی ثابت از دو سطح فرضی مطابق شکل می گذرد، اگر مساحت سطح (۲)، چهار برابر مساحت سطح (۱) باشد

در این صورت در سطح (۱) صدا دسی بل از سطح دو شنیده می شود

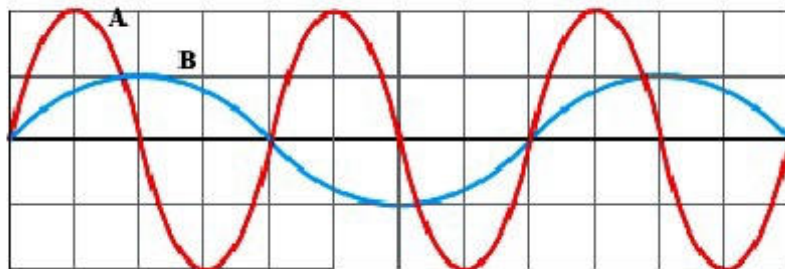


- ۱) ۶ - کوتاه تر ۲) ۶ - بلندتر
۳) ۶/۰ - کوتاه تر ۴) ۶/۰ - بلندتر

نکته کاربردی؛ هر وقت دو نقش موج برای دو موج مختلف را دادند اول برو نسبت کمیت های افق و قائم را برای آنها حساب کن

مثال ۱۲۶) #احتمالی ۱۴۰۰، بیشتر از خارج تجربی ۹۷ و بیشتر از تمرین کتاب درسی؛

نمودار جا به جایی مکان دو موج صوتی A و B که در یک محیط منتشر شده اند به صورت زیر است فردی که در فاصله ی یکسانی از این دو چشمه صوتی قرار دارد صدای موج A را دسی بل از موج B می شنود



- ($\log 2 = 0.3$)
۱) ۲ - کمتر ۲) ۲ - بیشتر
۳) ۱۲ - کمتر ۴) ۱۲ - بیشتر

گام صفر: به کمک محور قائم نسبت دامنه ی دو موج و به کمک محور افق نسبت طول موج آنها پیدا می شود

$$\frac{A_A}{A_B} = 2, \frac{2\lambda_B}{4} = \frac{4\lambda_A}{4} \rightarrow \lambda_B = 2\lambda_A \rightarrow \text{GAME SEFR}$$

$$B_A - B_B = 10 \cdot \log \frac{I_A}{I_B} = 10 \cdot \log \left(\frac{f_A}{f_B} \times \frac{A_A}{A_B} \times \frac{d_B}{d_A} \right)^2 = 10 \cdot \log (2 \times 2 \times 1)^2 = 10 \cdot \log 16 = 10 \cdot \log 2^4 = 40 \cdot \log 2 = 40 \times 0.3 = 12$$

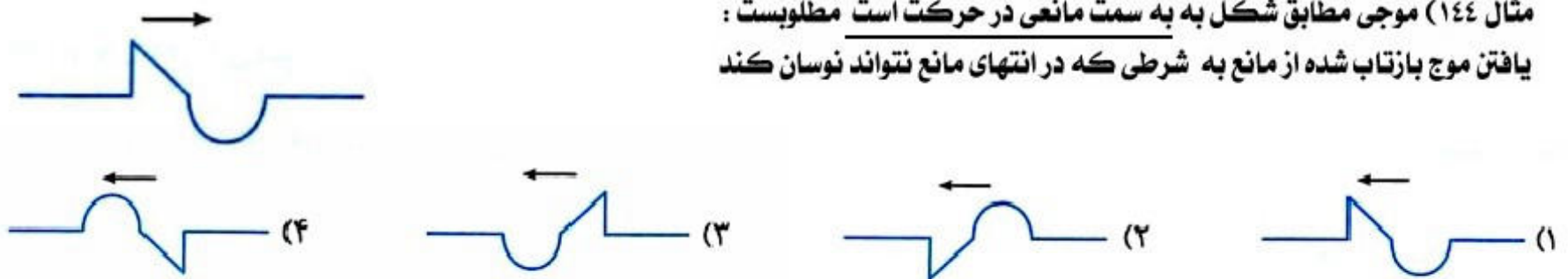
جمع بندی شدت صوت و تراز شدت صوت

توضیحات	رابطه	بررسی
شدت صوت به زمان وابسته (هست - نیست) شدت صوت به فاصله از منبع وابسته (هست - نیست)	$I = \frac{E}{t} = \frac{P}{4\pi R^2}$	(۱) تعریف شدت صوت ؛
در این رابطه منظور از A دامنه است (نه مساحت)	$\frac{I_2}{I_1} = \left(\frac{f_2}{f_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{d_2} \right)^2$	(۲) مقایسه شدت صوت
هر چه شدت صوت بیش تر باشد انسان صدا را بلند تر احساس می کند ولی دقت کنید بلندی صوت یا شدت آن نسبت مستقیم ندارد. اگر شدت صوتی دو برابر شود بلندی صدایی که احساس می کنیم <u>بیش تر می شود ولی دو برابر نمی شود</u>	$I_s = 10^{-12} \frac{W}{m^2}$ شدت صوت مبنا همان شدت صوت در آستانه شنوایی در پسماند ۱۰۰۰ هرتز می باشد	(۳) شدت صوت مبنا
فیزیکیان برای اینکه درک بهتری از بلندی صدا داشته باشند از کمیتی به نام <u>تراز شدت صوت</u> (نه شدت صوت، نه دامنه و ...) استفاده می کنند / تراز شدت صوت (در پسماند ۱۰۰۰ هرتز) در آستانه شنوایی ۰ و در آستانه دردناکی ۱۲ بل (۱۲۰ دسی بل) می باشد	$\beta = \log \frac{I}{I_s}$ $\beta = 10 \cdot \log \frac{I}{I_s}$	(۴) تراز شدت صوت
وقتی می گن صدای A ، دو دسی بل از صدای B ، بلندتره یعنی: $\beta_A - \beta_B = 2$	$\beta_2 - \beta_1 = \log \frac{I_2}{I_1}$ $\beta_2 - \beta_1 = \log \left(\frac{f_2}{f_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{d_2} \right)^2$	(۵) هر وقت دو تا تراز شدت صوت دیدی معطل تکن اوتارو از هم کم کن
$\beta = 10 \cdot \log \frac{I}{I_s} \leftarrow \frac{I}{I_s} \rightarrow I = \frac{t}{A} = \frac{P}{A}$	یکی از سوالاتی که اخیرا مورد توجه است ارتباط تراز شدت صوت یا مساحت یا انرژی و زمان و توان است تو این جور سوالات اول باید پریم شدت صوت را پیدا کنیم	(۶) یک سبک مهم

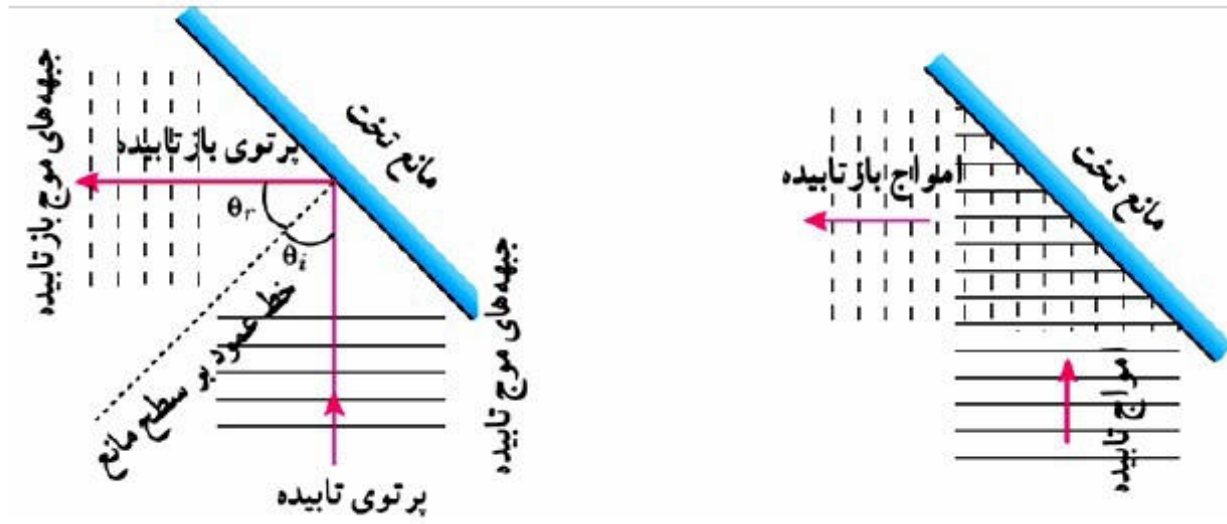
مثال ۱۴۲) خارج تجربی ۹۹؛ در کدام موارد زیر، از بازتاب امواج الکترومغناطیسی استفاده می شود؟

- الف) رادار دوپلری (ب) سونوگرافی (پ) اجاق خورشیدی (ت) دستگاه سونار در کشتی ها
 ۱) الف و پ ۲) الف و ب ۳) الف، ب و پ ۴) ب، پ و ت

مثال ۱۴۴) موجی مطابق شکل به سمت مانعی در حرکت است مطلوبست : یافتن موج بازتاب شده از مانع به شرطی که در انتهای مانع نتواند نوسان کند



بررسی چند تعریف مقدماتی ولی مهم :



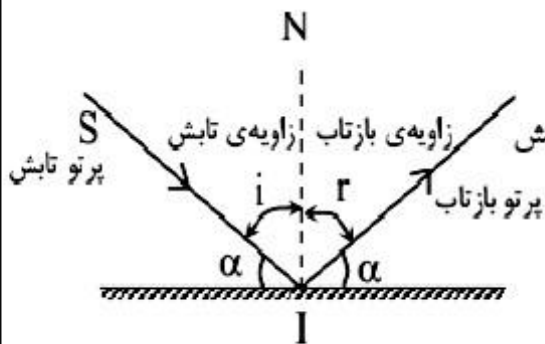
پرتو : پرتو یک خط پیکان دار مستقیم است که جهت انتشار موج را نشان میدهد و بر جبهه های موج عمود است

فاصله بین دو پرتو نشان دهنده چیز خاصی نیست (برعکس جبهه های موج که فاصله بین دو قله متوالی یا دو دره متوالی برابر طول موج است)

نقطه تابش : نقطه ای روی مانع که امتداد پرتو تابش به آن برخورد می کند

زاویه تابش : θ_i ؛ زاویه بین خط عمود بر سطح مانع و پرتوی تابیده شده (فرودی)

زاویه بازتابش : θ_r ؛ زاویه بین خط عمود بر سطح مانع و پرتوی بازتابیده



زاویه انحراف : $D = 2 \times \alpha$ ؛ وقتی موج از مانعی بازتاب میشود زاویه انحراف دو برابر زاویه پرتو تابش

و سطح مانع است (دو برابر پهلو)

نکته مهم ؛ قانون بازتاب عمومی

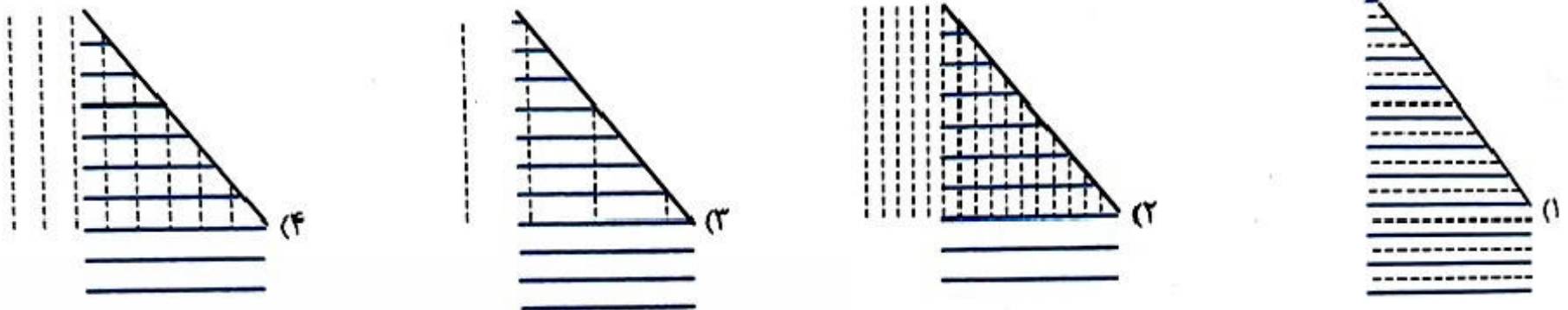
برای هر وضعیتی از مانع و هر نوع و شکلی از موج و هر شکلی از موج در هر بعدی ، همواره زاویه تابش با زاویه بازتابش با هم برابرند $\theta_i = \theta_r$

برای هر وضعیتی از مانع (مانع تخت ، کروی ، هموار ، ناهموار ، خاردار و ...) و هر نوع موج (مکانیکی ، الکترومغناطیسی ، نور ، صوت ، و ...)

هر شکلی از موج (تخت ، دایره ای ، کروی) و هر بعدی (یک بعدی دو بعدی سه بعدی)

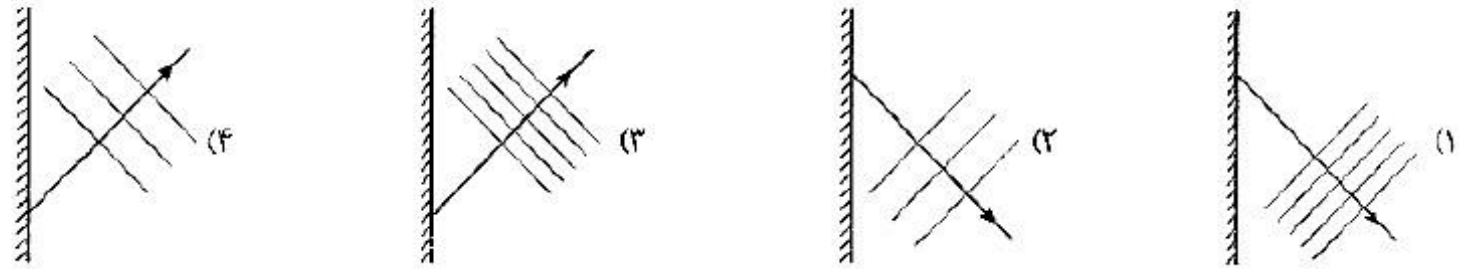
مثال ۱۴۷) کدام یک از شکل های زیر ، طرح جبهه های موج تخت تابیده (خطوط ممتد) و جبهه های موج بازتابیده

(خطوط خط چین) از یک مانع تخت را به درستی نشان می دهد؟



مثال ۱۴۸) در شکل مقابل، پرتویی به همراه جبهه‌های موجش که به سطح مانعی تخت می‌تابد، نشان داده شده است.

نمودار پرتویی به همراه جبهه‌های موج بازتابیده در کدام شکل به درستی نشان داده شده است؟



مثال ۱۴۹) شکل مقابل، نحوه بازتابش جبهه‌های موج را از یک مانع تخت نشان می‌دهد

اگر تندی انتشار و بسامد موج تابشی به ترتیب f_i و V_i

تندی انتشار و بسامد موج بازتابیده به ترتیب f_r و V_r باشد

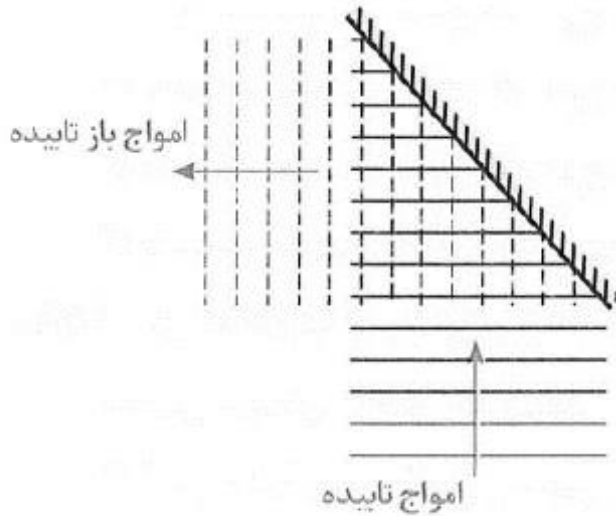
کدام مقایسه صحیح است؟

$f_i = f_r$, $V_i = V_r$ (۱)

$f_i \neq f_r$, $V_i = V_r$ (۲)

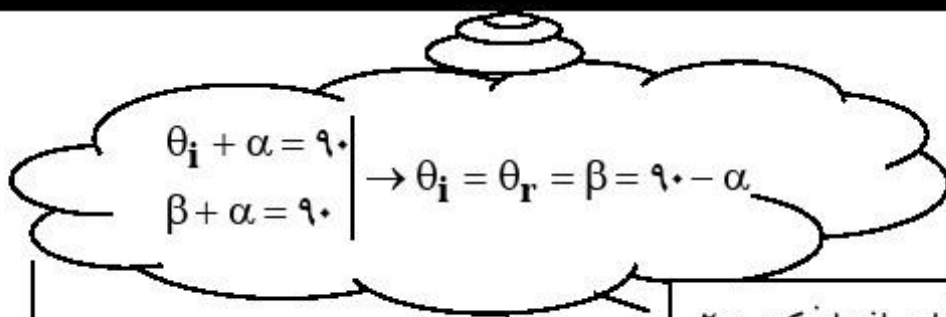
$f_i \neq f_r$, $V_i \neq V_r$ (۳)

$f_i = f_r$, $V_i \neq V_r$ (۴)



تندی انتشار امواج، تابع محیط انتشار آنهاست، بنابراین چون موج‌های تابش و بازتابش هر دو در یک محیط هستند، تندی انتشار آنها با هم برابر خواهد بود. ($V_i = V_r$)
 همچنین توجه کنید که بسامد یک موج تابع شرایط چشمه آن موج است و چون چشمه موج‌های تابش و بازتابش یکسان هستند، بسامد آنها نیز یکسان است. ($f_i = f_r$)

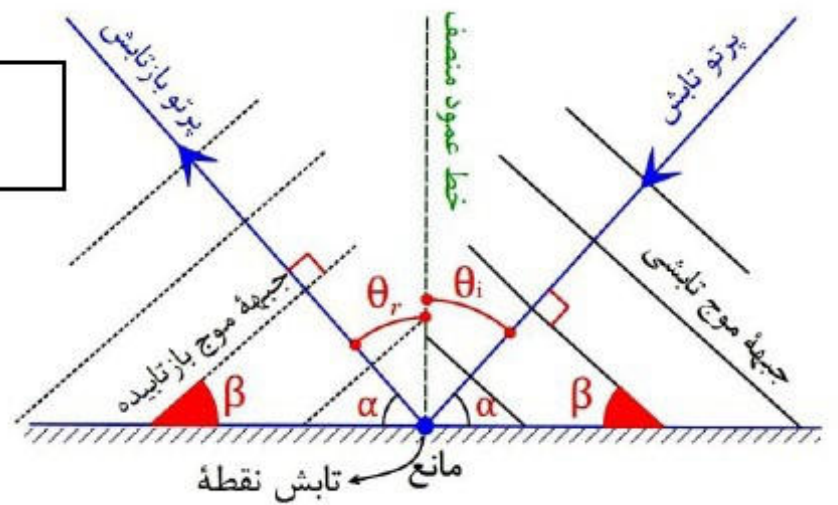
#احتمالی ۱۴۰۰ در نامه خیلی مهم :



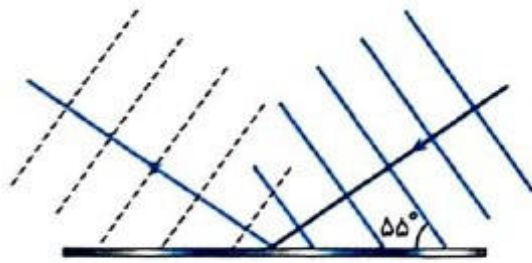
زاویه انحراف : 2α

زاویه بین جبهه‌های تابش و بازتابش : 2θ
 $180 - 2\theta$

زاویه بین پرتو تابش و بازتابش : 2θ



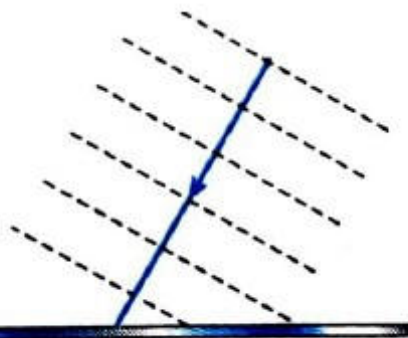
مثال ۱۵۰) شکل روبه رو نمودار پرتویی مربوط به بازتاب یک موج دو بعدی



را از مانعی تخت نشان می دهد زاویه بازتاب این موج چند درجه است ؟

- ۱) ۳۵ ۲) ۵۵ ۳) ۴۵ ۴) ۱۲۵

مثال ۱۵۵) در شکل زیر ، جبهه های موج تختی در حال پیشروی به سمت مانع تخت هستند



اگر زاویه ی بین این جبهه های موج و سطح مانع ، نصف زاویه ی بین پرتوی تابش این

جبهه ها و سطح مانع باشد ، زاویه ی بازتاب چند درجه است ؟

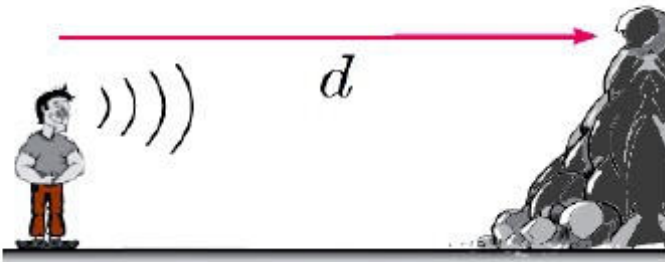
- ۱) ۲۰ ۲) ۶۰ ۳) ۱۵ ۴) ۷۵

$$\beta = \frac{1}{2}\alpha \quad \left| \begin{array}{l} \rightarrow \beta + 2\beta = 90 \rightarrow \beta = 30 \rightarrow \theta_i = 30 \rightarrow \theta_r = 30 \rightarrow \alpha = 60 \rightarrow D = 120 \\ \theta + \alpha = 90 \end{array} \right.$$

پژواک ؛ به صوتی بازتابیده که با یک تاخیر زمانی نسبت به صوت اولیه می شنویم ، پژواک می گوئیم . نکته مهم این است که اگر

فاصله زمانی بین صوت مستقیم و صوت پژواک کم تر از 0.1 S باشد ، گوش ما نمی تواند پژواک را از صوت اولیه تشخیص دهد

مثال ۱۵۹) تمرین خیلی مهم کتاب درسی ؛



کم ترین فاصله بین ما و یک صخره ی بلند باید چند متر باشد تا بتوانیم پژواک صدایمان

را از صدای مستقیممان تشخیص دهیم ؟ (تندی صوت در هوا را $340 \frac{m}{s}$ در نظر بگیرید)

اگر فاصله ی ما تا صخره را d در نظر بگیریم برای پژواک ، صوت باید این فاصله را دوبار طی کند

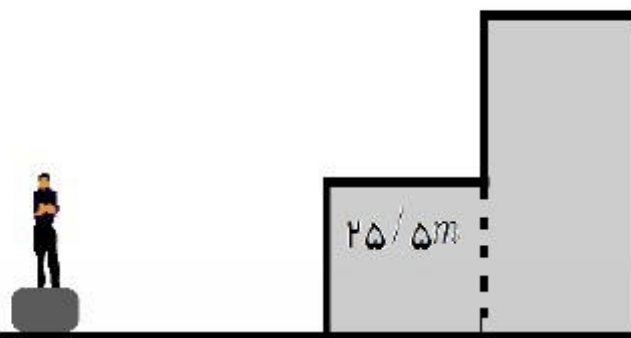
$$2d = V \times t \rightarrow 2d = 340 \times 0.1 = 34 \rightarrow d = 17m$$

مثال ۱۶۰) # احتمالی ۱۴۰۰ ؛ در شکل مقابل ، وقتی شخصی یک بار کف بزند ،

دوبار صدای پژواک دست زدن خود را می شنود

الف) فاصله زمانی بین این دو پژواک چند ثانیه است ؟

ب) آیا گوش این شخص قادر به تمیز دادن این دو پژواک است ؟ (تندی صوت در هوا $340 \frac{m}{s}$ است)

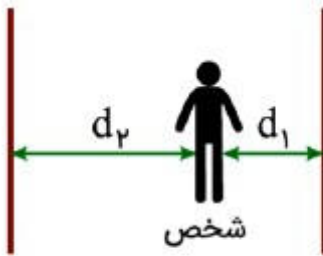


الف) صوتی که از پلکان دوم برمی گردد ، $2x = 2 \times 25 / 5 = 51m$ بیشتر مسافت طی کرده است ، بنابراین اختلاف زمانی رسیدن دو پژواک به صورت

$$\Delta x = V \Delta t \rightarrow \Delta t = \frac{\Delta x}{V} = \frac{51}{340} = 0.15s$$

ب) چون اختلاف زمانی این دو پژواک بیشتر از $0.1s$ است ، گوش می تواند این دو پژواک را تمیز دهد

مثال ۱۶۲) #احتمالی ۱۴۰۰: شخصی بین دو صخره ی قائم که فاصله ی آن ها از هم ۱۶۵۰ متر است



ایستاده و فریاد می زند اگر فاصله ی زمانی بین شنیدن صدای اولین پژواک از صخره ها برابر ۴ ثانیه

و تندی انتشار صوت در محیط $\frac{m}{s}$ ۳۳۰ باشد مطلوبست:

الف) فاصله ی شخص از صخره ی نزدیک تر چند متر است؟ ب) صدای پژواک اول پس از چند ثانیه شنیده می شود؟

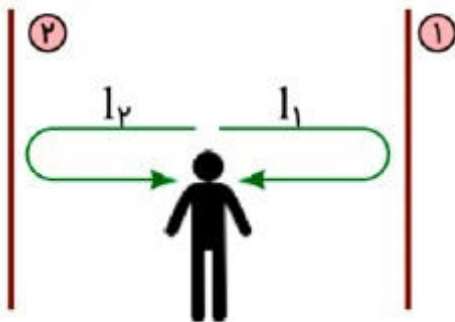
$$t_2 - t_1 = 4 \rightarrow \frac{2d_2 = vt_2}{2d_2 = vt_2} - \frac{2d_1}{v} = 4s \rightarrow \frac{2d_2}{330} - \frac{2d_1}{330} = 4 \rightarrow 2(d_2 - d_1) = 4 \times 330 \rightarrow d_2 - d_1 = 660$$

امکان دارد در نگاه اول بگویید یک معادله و دو مجهول داریم ولی اگر کمی دقت کنید میبینید که صورت سوال معادله ی دوم را به شما هدیه داده است $d_2 + d_1 = 1650$ بنابراین داریم:

$$\begin{cases} d_2 - d_1 = 660 \\ d_2 + d_1 = 1650 \end{cases} \rightarrow d_1 = 495m, d_2 = 1155$$

$$2d_1 = vt_1 \rightarrow 2 \times 495 = 330 \times t_1 \rightarrow t_1 = 3s$$

مثال ۱۶۳) #احتمالی ۱۴۰۰ و سلم چی ۹۸:



شخصی بین دو صخره ی موازی هم تیر اندازی می کند . حداقل اختلاف فاصله ی او از این دو دیوار

چند متر باشد تا او صدای حاصل از پژواک صخره ها را مستقل از هم بشنود؟

(سرعت صوت در هوا را برابر $\frac{m}{s}$ ۳۴۰ فرض کنید)

۳۴ (۱) ۱۷ (۲) ۳۴۰ (۳) ۱۷۰ (۴)

وقتی شما دو صدای متوالی را به صورت مجزا می شنوید که اختلاف زمانی رسیدن این دو صدا حداقل ۰/۱ ثانیه باشد $\Delta t \geq 0.1s$

$$t_2 - t_1 \geq 0.1 \rightarrow \frac{2l_2 = vt_2}{2l_2 = vt_2} - \frac{2l_1}{v} \geq 0.1 \min \rightarrow \frac{2l_2}{340} - \frac{2l_1}{340} = 0.1 \rightarrow l_2 - l_1 = 17m$$

نتیجه ی بسیار مهم و کاربردی که از این مثال میگیریم:

برای دریافت دو پژواک متمایز حداقل اختلاف فاصله ی شنونده از دو مانع باید **۱۷ متر** باشد

مثلا اگر فاصله از مانع نزدیکتر ۱۰۰ متر باشد

حداقل فاصله از مانع دورتر ۱۱۷ متر و حداقل فاصله ی دو مانع ۲۱۷ متر خواهد بود

یا مثلا اگر فاصله از مانع دورتر برابر ۱۰۰ متر باشد

حداقل فاصله از مانع نزدیکتر برابر ۸۳ متر و حداقل فاصله ی دو مانع ۱۸۳ متر ، خواهد بود

مثال ۱۶۵) #۱۴۰۰ احتمالی: اتومبیلی که با سرعت ثابت $40 \frac{m}{s}$ به طرف مانع بزرگی در حال حرکت است در يك لحظه تیری شلیک می شود صدای شلیک تیر پس از بازگشت از مانع بعد از ۵ ثانیه به اتومبیل می رسد. فاصله ی اتومبیل از مانع هنگام رها شدن تیر چند متر بوده است؟ (تندی انتشار صوت در هوا را $340 \frac{m}{s}$ در نظر بگیرید) (۱) ۷۵۰ (۲) ۱۵۰۰ (۳) ۱۹۵۰ (۴) ۹۵۰

اگر اتومبیل ساکن میماند صوت دو بار مسافت d (از اتومبیل تا مانع) را در مدت زمان t (زمان انتشار تا بازگشت صوت) طی میکرد و نگاه داشتیم $2d = Vt$

ولی چون اتومبیل با سرعت V_A حرکت کرده است پس در این مدت به اندازه $V_A \times t$ به طرف مانع نزدیک شده است

$$2d - V_A t = Vt \rightarrow 2d = (V + V_A)t \rightarrow d = \frac{(V + V_A)t}{2} = \frac{340 + 40}{2} \times 5 = 950m$$

بنابراین داریم ؛ $950m$

نننه کاربردی: جانوران به وسیله مکان یابی پژواکی، فقط می توانند اجسامی را که ابعاد آن ها حداقل برابر

طول موج صوت گیلی باشد، تشخیص دهند مثلاً اگر طول موج صوت گسیلی $3cm$ باشد، جانور اجسام کوچکتر از $3cm$ را تشخیص نمی

دهد

مثال ۱۶۹) بسامد امواج فراصوتی که وال عنبر تولید می کند، $100 KHz$ است. این وال در فاصله ی 300 متری صخره ای ایستاده و موجی تولید می کند و پژواک موج بازگشته از صخره را $4/5$ بعد دریافت می کند. این وال چند مورد از موجودات زیر را که در مقابل او قرار دارند میتواند تشخیص دهد؟ ((کوسه ای به طول 2 متر - حلزونی به طول 2 میلیمتر - عروس دریایی به طول 10 سانتیمتر - لاک پشتی به طول 60 سانتیمتر))

(۱) صفر (۲) ۲ (۳) ۲ (۴) ۱

آینه های متقاطع:

مثال ۱۷۷) تجربی ۹۸ و ۹۷ و ۹۶، خارج تجربی ۹۸ و خارج ریاضی ۹۸:

با توجه به شکل روبه رو

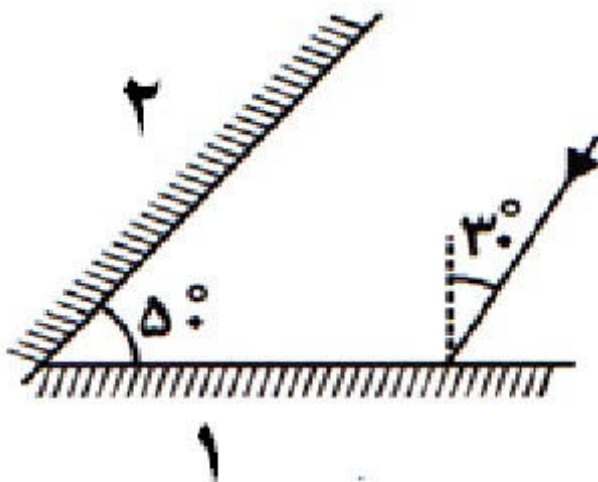
- (۱) زاویه پرتو تابش با سطح آینه دوم، زاویه تابش در آینه دوم چند درجه است؟
- (۲) زاویه انحراف پرتو نشان داده شده چه قدر است؟
- (۳) برای اینکه پرتو تابش بر آینه ی اول بر پرتو بازتابشی از آینه دوم عمود باشد کدام گزینه راه مناسبی است؟

الف) زاویه تابش را 15 درجه زیاد کنیم

ب) زاویه تابش را 15 درجه کم کنیم

ج) زاویه بین دو آینه را 5 درجه کم کنیم

د) زاویه بین دو آینه را 5 درجه زیاد کنیم

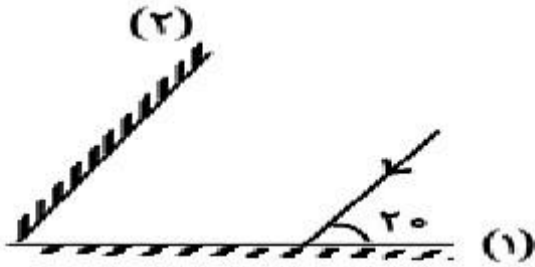


مثال ۱۸۴) خیلی مهم :

در شکل مقابل زاویه بین دو آینه چه قدر باشد ، تا پرتو بازتابش از آینه ی (۲) موازی آینه ی (۱) باشد ؟

۷۰ (۱) ۹۰ (۲)

۸۰ (۳) ۱۴۰ (۴)

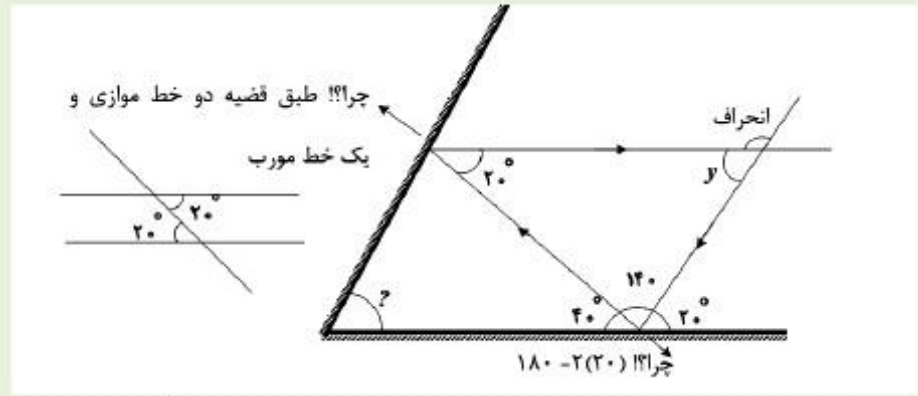


برای اینکه پرتو بازتابش از آینه (۲) مطابق شکل موازی آینه (۱) باشد یک مثلث ساخته می شود که مجموع زوایای داخلی آن ۱۸۰ است

$$140 + x + y = 180$$

$$x = 20 \rightarrow 140 + 20 + y = 180 \rightarrow y = 20$$

$$\rightarrow 2\alpha = 160 \rightarrow \alpha = 80$$



مثال ۱۸۵) #احتمالی ۱۴۰۰ : دو آینه تخت و متقاطع با یکدیگر زاویه ۲۰ درجه می سازند

اگر نوری تحت زاویه تابش ۶۰ درجه بر یکی از آنها بتابد پس از چند بازتاب بیرون بازتاب می شود ؟

۳ (۱) ۴ (۲) ۷ (۳) ۸ (۴)

$$i_1 = 60 \xrightarrow{60 - 20} i_2 = 40 \xrightarrow{40 - 20} i_3 = 20 \xrightarrow{20 - 20} i_4 = 0$$

$$\xrightarrow{0 - 20} i_5 = -20 \xrightarrow{-20 - 20} i_6 = -40 \xrightarrow{-40 - 20} i_7 = -60 \xrightarrow{-60 - 20} i_8 = -80$$

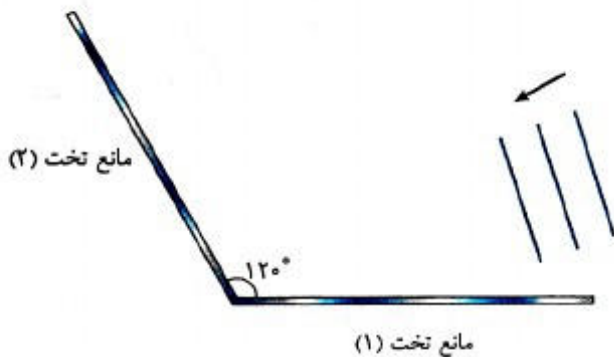
امتننا : دقت کنید اگر زاویه تابش در یکی از برخورد ها صفر شود دقیقاً مسیر آمده را برمی گردد و آخرین زاویه تابش بالا تابش هفتم است

مثال ۱۸۷) بیشتر از خارج ریاضی ۹۸ و خارج تجربی ۹۶ :

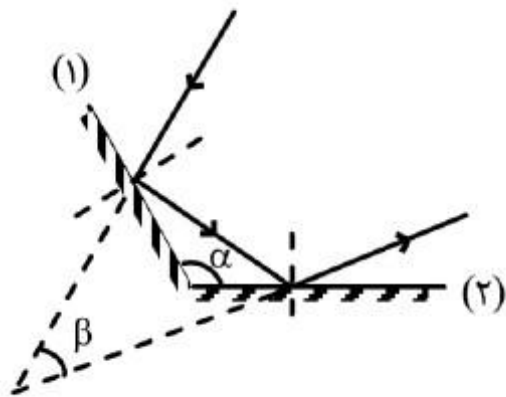
در شکل روبه‌رو، اگر زاویه تابش جبهه‌های موج تخت با مانع (۱) برابر $70^\circ C$ باشد،

الف) زاویه تابش از مانع (۲) چند درجه است؟

ب) پرتوی تابش به آینه ی (۱) با پرتوی بازتابش از آینه ی (۲) ، چه زاویه ای می سازد ؟



مثال ۱۹۰) احتمالی ۱۴۰۰: خارج ریاضی ۹۹ و ۹۸: خیلی مهم:



مطابق شکل مقابل، پرتوی نوری به آینه ی تخت (۱) می تابد و در نهایت از آینه ی تخت (۲) بازتاب می شود. چه ارتباطی با α دارد؟

(۱) $\beta = \alpha$

(۲) $\beta = 2\alpha$

(۳) $\beta = 2\alpha - 180$

(۴) $\beta = 2(90 + \alpha)$

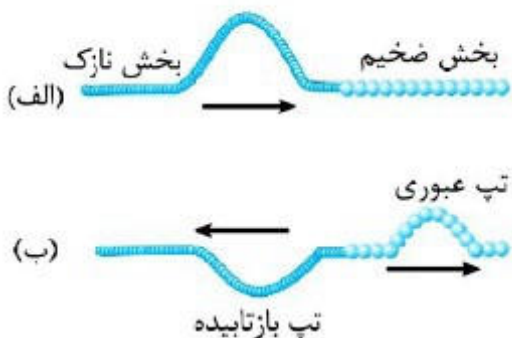
زاویه انحراف؛ زاویه ی خارجی بین پرتو تابش و پرتوی بازتابش است که اندازه ی آن برابر است با دو برابر زاویه ی حاده ی بین دو آینه اگر زاویه انحراف را θ بنامیم داریم

$$\theta = 2 \times (180 - \alpha) \quad \theta + \beta = 180$$

$$\rightarrow 2 \times (180 - \alpha) = 180 - \beta \rightarrow \beta = 180 - 360 + 2\alpha \rightarrow \beta = 2\alpha - 180$$

وقتی موج از یک محیط به محیط دیگری می رود، بسامد آن ثابت می ماند (چرا؟ چون بسامد یادگار چشمه موج است) اما تندی و طول موج آن تغییر می کند

تغییر محیط موج در حالت یک بعدی



خود این شکل می تونه سوال باشه
لطفا خیلی دقیق به تفاوت شکل قبل بازتاب (الف) و شکل بعد از بازتاب (ب) توجه کنید

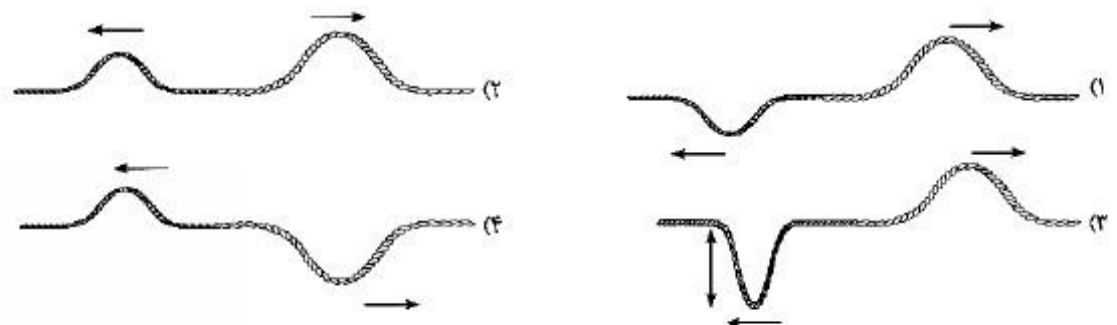
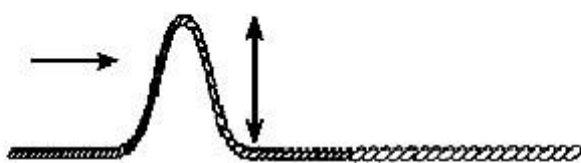
برای مثال در شکل رو به رو هنگامی که یک تپ از بخش نازک طناب به بخش ضخیم آن می ر
اولا؛ بخشی از تپ به صورت وارونه بازتاب شده
ثانیا؛ بخش دیگر از تپ با تندی و طول موج کمتر وارد قسمت ضخیم می شود (چرا کمتر؟)

چون طبق رابطه ی $v = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}$ با افزایش سطح مقطع طناب (با فرض ثابت بودن نیرو و جتس آن) تندی انتشار موج کاهش می یابد)

چرا طول موج در قسمت ضخیم کم میشه؟ چون طبق رابطه ی $\lambda = \frac{v}{f}$ با ثابت بودن بسامد و کاهش تندی، طول موج نیز کم می شود

مثال ۱۹۲) #احتمالی ۱۴۰۰: شکل موجی درون طنابی سبک در حال پیش روی است کدام گزینه

نحوه ی عبور و بازتاب موج را از مرز مطابق دو طناب سبک و سنگین به درستی نشان می دهد؟



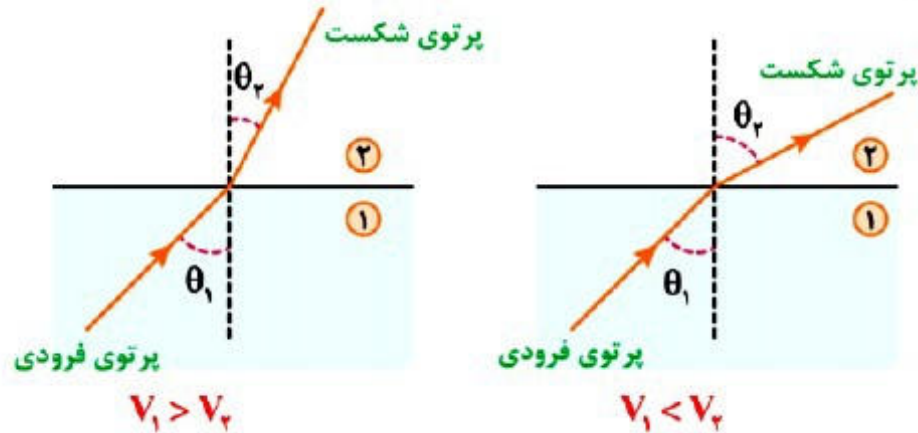
تغییر محیط موج در حالت (و و سه بعدی) : مثل تغییر محیط موج در سطح آب یا نور یا صوت در فضا

در این حالت علاوه بر تندی و طول موج ، جهت موج نیز تغییر می کند که به آن شکست نور می گوئیم همانطوریکه دیدیم تندی نور در خلاء $C = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$ می باشد سرعت نور در محیط های دیگر کمتر از این خواهد بود هر چه محیط غلیظ تر باشد تندی انتشار نور کمتر است غلظت یک محیط متناسب است با ضریب شکست آن محیط (n) بنابراین تندی نور در یک محیط با ضریب شکست آن محیط نسبت عکس دارد

فاصله ی بین دو برآمدگی متوالی در جبهه ی موج یا همان طول موج طبق رابطه ی $\lambda = \frac{V}{f}$ بررسی می شود

با تغییر محیط انتشار موج ، بسامد ثابت است و نسبت طول موج در دو محیط با نسبت تندی یکی خواهد بود نسبت مسافت موج در دو محیط در مدت زمان یکسان طبق رابطه ی $\Delta x = V \times \Delta t$ ، با تندی متناسب خواهد بود

$$\frac{\Delta x_2}{\Delta x_1} = \frac{V_2}{V_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{n_1}{n_2}$$

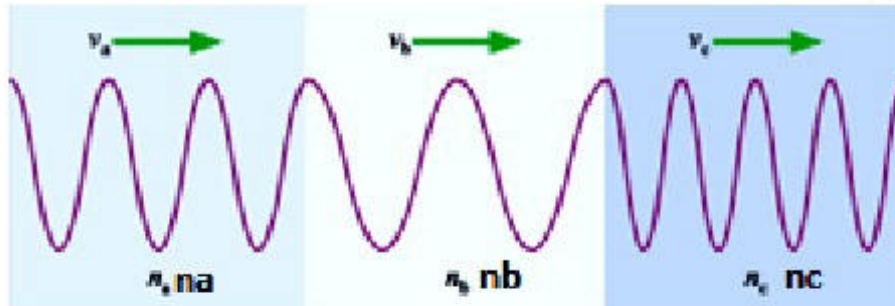


هنگامی که نور از محیط رقیق وارد محیط غلیظ می گردد ، پرتو به خط عمود نزدیک می شود چون سرعتش کم می گردد

هنگامی که نور از محیط غلیظ وارد محیط رقیق می گردد ، پرتو از خط عمود دور می شود چون سرعتش زیاد می گردد

اگر نور به صورت عمود وارد سطح جدایی شود به صورت عمود و بدون شکست وارد محیط دوم می شود زاویه تابش در این حالت صفر است

مثال (۱۹۹) #۱۴۰۰ احتمالی : با توجه به عبور موج مکانیکی از سه محیط



ضریب شکست آنها را با یکدیگر مقایسه کنید؟

(۱) $n_a > n_b > n_c$

(۲) $n_b > n_a > n_c$

(۳) $n_c > n_b > n_a$

(۴) $n_c > n_a > n_b$

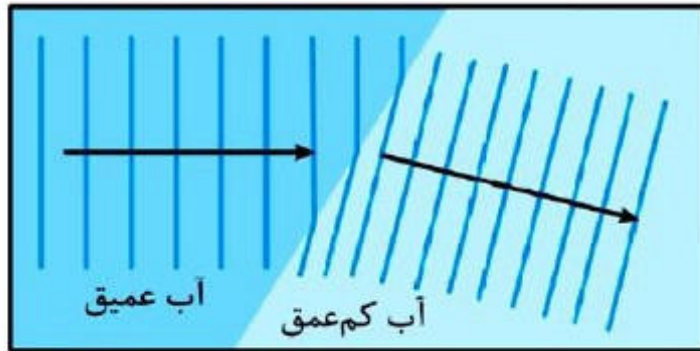
با توجه به اینکه طول موج با ضریب شکست رابطه عکس دارد هر محیطی که طول موجش بیشتر است، ضریب شکست آن کمتر است

سوال تکمیلی : در مورد سرعت انتشار نور در این محیط شفاف می توان گفت $n_c > n_a > n_b \rightarrow V_c < V_a < V_b$

بررسی مثال و شکل خیلی مهم کتاب درسی

علاوه بر تغییر محیط ، تغییر عمق آب میتواند تندی موج در سطح آن و در نتیجه طول موج آن را تغییر دهد (عمق بیشتر ، تندی و طول موج بیشتر)

نکته مهم : برای مثال هنگامی که موج روی سطح آب از قسمت عمیق به قسمت کم عمق وارد می شود

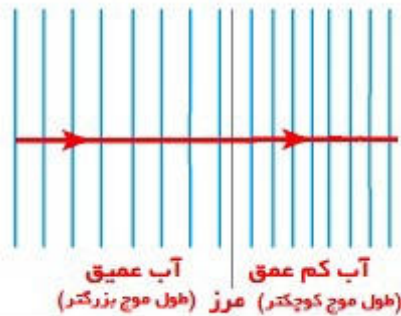


اولا؛ تندی امواج روی سطح آب در قسمت کم عمق کم می شود
 ثابیا؛ فاصله ی بین دو برآمدگی متوالی در جبهه ی موج (یا همان طول موج)
 در قسمت کم عمق نسبت به قسمت عمیق کم میشود
 ثالثا؛ مسافتی که موج در یک زمان یکسان در قسمت کم عمق طی میکند
 نسبت به قسمت پر عمق کم تر می شود

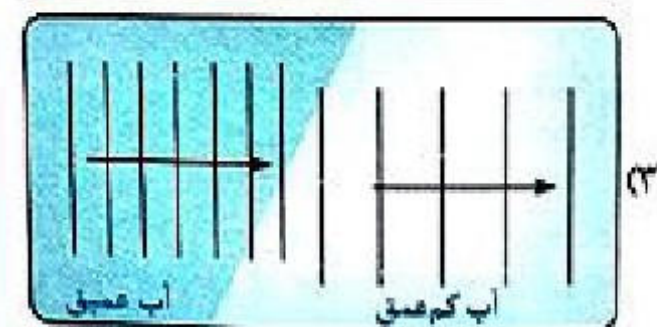
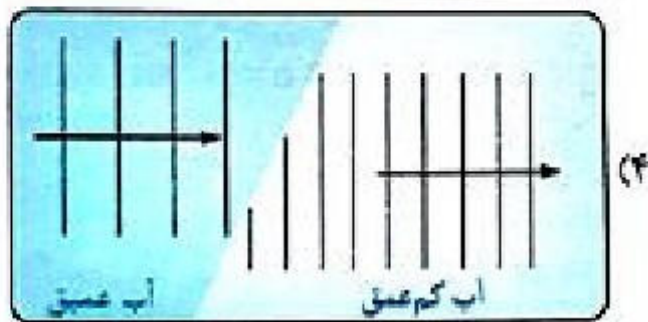
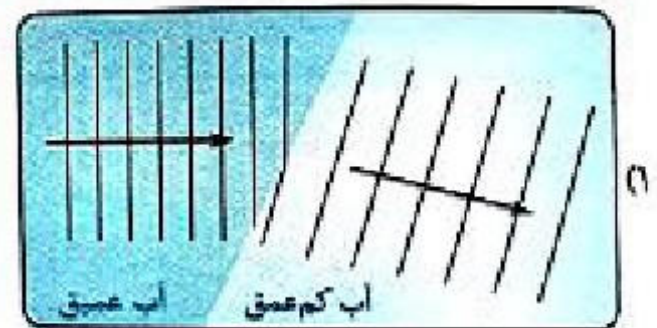


یک حالت خاص :

اگر جبهه ی موج تابشی (فرودی) موازی مرز دو محیط باشد (یا پرتو تابش عمود بر مرز جدایی باشد)
 تندی موج و طول موج و مسافت طی شده توسط موج در یک زمان معین ، همگی تغییر میکنند
 اما جهت انتشار موج تغییری نمیکند



مثال ۲۰۰) #احتمالی ۱۴۰۰ : کدام گزینه جبهه های موج سطحی در مرز آب عمیق و کم عمق را به درستی نشان میدهد ؟



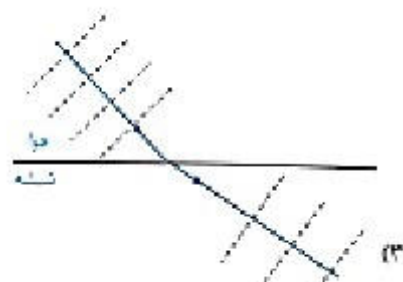
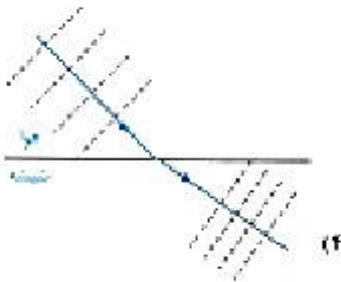
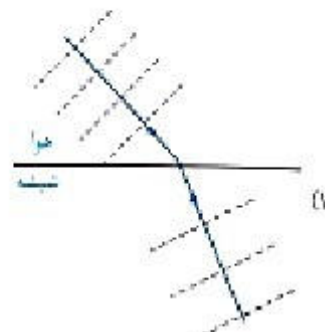
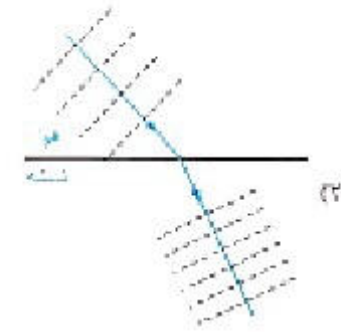
مثال (۲۰۲) #احتمالی ۱۴۰۰: وقتی جبهه‌های موج تخت يك موج صوتی از هوا وارد شیشه می‌شوند

الف) فاصله‌ی بین جبهه‌های موج هم‌شکل متوالی کاهش می‌یابد یا افزایش؟

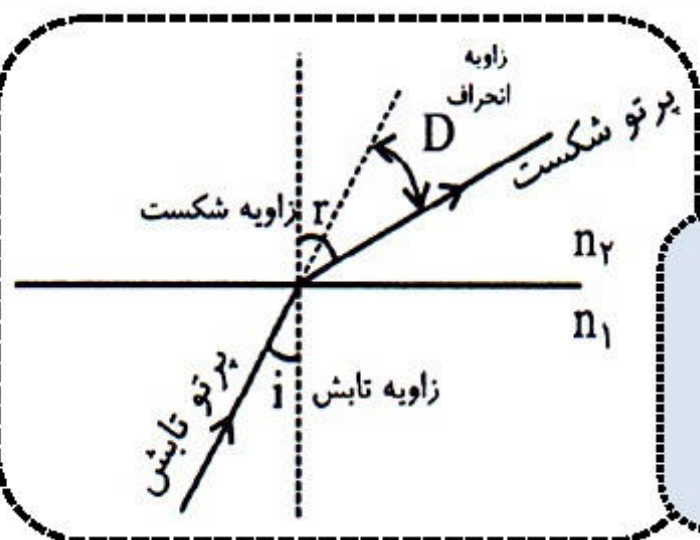
ب) پرتوی موج نسبت به مرز هوا و آب دور می‌شود یا نزدیک؟

ج) کدام گزینه‌ی نشان دهنده‌ی وضعیت این موج است؟

د) اگر همین سوال به جای صوت میگفت نور چی میشد؟



(۱) هنگامی که نور به صورت مایل مطابق شکل روبه رو از یک محیط شفاف به محیط شفاف دیگری وارد شود در لحظه‌ی عبور از مرز مشترک دو محیط به دلیل تغییر در سرعت انتشار، تغییر مسیر می‌دهد به این پدیده شکست نور می‌گویند



$$n_1 \sin i = n_2 \sin r$$

$$D = |r - i|$$

$$\text{if } i > r \Rightarrow D = i - r, \text{ if } r > i \Rightarrow D = r - i$$

(۲) زاویه‌ی ای که پرتو تابش با خط عمود بر سطح (نه با خود سطح) می‌سازد را زاویه تابش (i)، می‌نامیم

(۳) زاویه‌ی ای که پرتو شکست با خط عمود بر سطح می‌سازد را زاویه شکست (r) می‌نامیم

(۹) اختلاف زاویه تابش و شکست را زاویه انحراف (D) می‌نامیم زاویه انحراف زاویه بیشتر از زاویه کمتر است

هر چه اختلاف غلظت (یا ضریب شکست) دو محیط بیشتر باشد زاویه انحراف بیشتر خواهد بود



مثال (۲۱۶) #احتمالی ۱۴۰۰، مثابه ریاضی ۹۹: در شکل زیر جبهه‌های موج تختی

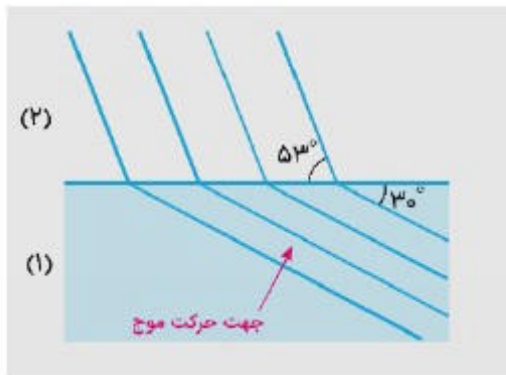
پس از عبور از مرز مشترک در محیط شکسته می‌شوند اگر تندی موج در محیط (۱)،

50 m/s باشد، تندی آن در محیط دوم چند متر بر ثانیه است؟

$$(\sin 37^\circ = 0.6, \sin 53^\circ = 0.8, \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}, \sin 30^\circ = \frac{1}{2})$$

$$80 (2) \quad 72 (1)$$

$$90 (4) \quad 82 (3)$$



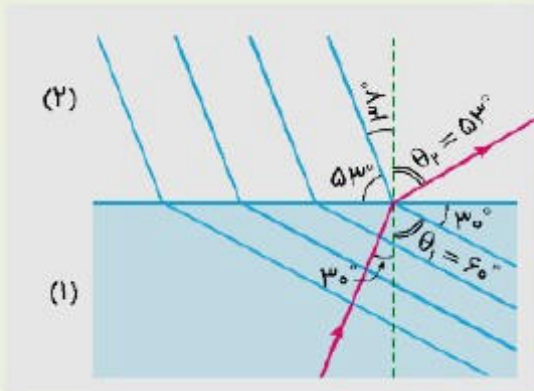
ابتدا زاویه پرتوهای تابش و شکست موج را به دست می آوریم. دقت کنید که پرتو موج بر جبهه موج عمود است.

در شکل می بینیم که $\theta_1 = 30^\circ$ و $\theta_2 = 53^\circ$ است.

حال از قانون شکست عمومی موج، تندی موج را در محیط دوم به دست می آوریم:

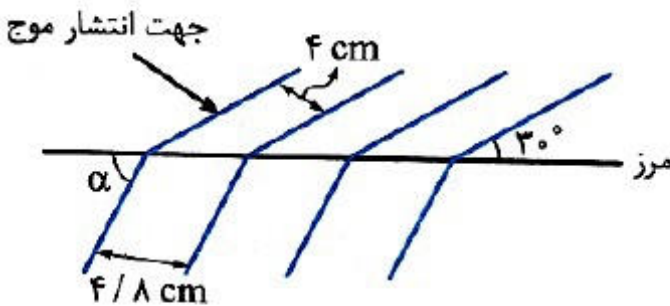
$$n_1 \sin i = n_2 \sin r \Rightarrow n_1 \times \sin 30^\circ = n_2 \times \sin 53^\circ \rightarrow n_1 \times \frac{1}{2} = n_2 \times \frac{4}{5} \rightarrow \frac{n_2}{n_1} = \frac{1}{2} \times \frac{5}{4} = \frac{5}{8}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{n_1}{n_2} \rightarrow \frac{V_2}{50} = \frac{8}{5} \rightarrow V_2 = 80$$



مثال (217) # احتمالی 1400، مشابه ریاضی 99 خیلی مهم :

شکل مقابل جبهه های موج تختی را نشان میدهد که از مرز دو محیط عبور کرده اند α کدام است ؟



- 37 (1)
- 53 (2)
- 45 (3)
- 60 (4)

با توجه به شکل و در اختیار داشتن نسبت فاصله ی دو جبهه ی متوالی یا نسبت طول موج میتوانیم عکس نسبت ضریب شکست ها را به دست آوریم و به کمک رابطه ی دکارت به بررسی زاویه ها بپردازیم دقت کنید زاویه جبهه ی موج تابشی (موج بالایی) یا مانع 30° درجه است بنابراین زاویه تابش یا زاویه پرتو تابش با خط عمود بر مانع هم 30° درجه خواهد بود زاویه ای که در شکل خواسته شده یا α زاویه بین جبهه ی موج شکست با مانع است که این زاویه با زاویه شکست برابر است

$$n_1 \sin i = n_2 \sin r \Rightarrow n_1 \times \sin 30^\circ = n_2 \times \sin \alpha \rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{n_1}{n_2} \rightarrow \frac{4/\lambda}{4} = \frac{6}{5} \rightarrow 6 \times \frac{1}{\lambda} = 5 \times \sin \alpha \rightarrow \sin \alpha = \frac{2}{5} = 0.4 \rightarrow \alpha = 37$$